

إجابات تدريبات الدرس

المشتقة الأولى

تدريب ١

إذا كان $q(s) = 3 + 4s$ ، فجد $q'(2)$ باستخدام التعريف.

الحل:

$$q(s) = 3 + 4s$$

$$مُد (2) = \frac{q(2) - q(0)}{2 - 0}$$

$$= \frac{(2 \times 4 + 3) - 3}{2 - 0}$$

$$= \frac{8 - 3}{2 - 0}$$

$$= \frac{5}{2}$$

$$5 = 2 \times \frac{5}{2} = \frac{(2 - 0) \times 5}{2 - 0}$$

تدريب ٢

إذا كان ق(س) = ٤س^٢ - ٣، فجد ق'(٣) باستخدام التعريف.
الحل:

$$هـ(س) = ٤س^٢ - ٣$$

$$هـ(٣) = ٤(٣)^٢ - ٣ = ٣٦ - ٣ = ٣٣$$

$$هـ(٣+٤) = ٤(٣+٤)^٢ - ٣ = ٤(٦٤) - ٣ = ٢٥٦ - ٣ = ٢٥٣$$

$$\frac{هـ(٣+٤) - هـ(٣)}{٣+٤ - ٣} = \frac{٢٥٣ - ٣٣}{٤} = \frac{٢٢٠}{٤} = ٥٥$$

$$\frac{هـ(٣+٤) - هـ(٣)}{٣+٤ - ٣} = ٥٥$$

$$\frac{هـ(٣+٤) - هـ(٣)}{٣+٤ - ٣} = ٥٥$$

$$٢٥٣ - ٣٣ = ٢٢٠ = ٤ \times ٥٥$$

تدريب ٣

إذا كان ق(س) = ٣س^٣، فجد ق'(٤) باستخدام التعريف.
الحل:

$$هـ(س) = ٣س^٣$$

$$هـ(٤) = ٣(٤)^٣ = ٣(٦٤) = ١٩٢$$

$$\frac{هـ(٤+٤) - هـ(٤)}{٤+٤ - ٤} = \frac{هـ(٨) - ١٩٢}{٤} = \frac{٣(٥١٢) - ١٩٢}{٤} = \frac{١٥٣٦ - ١٩٢}{٤} = \frac{١٣٤٤}{٤} = ٣٣٦$$

$$\frac{هـ(٤+٤) - هـ(٤)}{٤+٤ - ٤} = ٣٣٦$$

$$\frac{هـ(٤+٤) - هـ(٤)}{٤+٤ - ٤} = ٣٣٦$$

$$٣٣٦ = ٤ \times ٨٤ = ٤ \times ٣ \times ٢٨ = ١٢ \times ٢٨ = ١٢ \times ٤ \times ٧ = ٤٨ \times ٧ = ٣٣٦$$

تدريب ٤

إذا كان $q(s) = \sqrt{2s}$ ، $s < 0$ ، فجد $q'(s)$ باستخدام تعريف المشتقة، ثم جد $q'(1)$.
الحل:



$$h(s) = \sqrt{2s}$$

$$h'(s) = \frac{h(s) - h(s-h)}{s-h} = \frac{\sqrt{2s} - \sqrt{2(s-h)}}{s-h}$$

$$= \frac{\sqrt{2s} + \sqrt{2(s-h)}}{\sqrt{2s} + \sqrt{2(s-h)}} \times \frac{\sqrt{2s} - \sqrt{2(s-h)}}{s-h}$$

$$= \frac{s - (s-h)}{(s-h)(\sqrt{2s} + \sqrt{2(s-h)})} = \frac{h}{(s-h)(\sqrt{2s} + \sqrt{2(s-h)})}$$

$$h'(s) = \frac{h}{(s-h)(\sqrt{2s} + \sqrt{2(s-h)})} = \frac{1}{\sqrt{2s}}$$

$$\therefore \frac{1}{2} = \frac{1}{\sqrt{2 \times 1}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} = (1)$$



تدريب ٥

إذا كان $q(s) = \frac{1}{s^3-1}$ ، $s \neq 1$ ، فجد $q'(s)$ باستخدام التعريف، ثم جد $q'(1/2)$.
الحل:



$$h(s) = \frac{1}{s^3-1}$$

$$h'(s) = \frac{h(s) - h(s-h)}{s-h} = \frac{\frac{1}{s^3-1} - \frac{1}{(s-h)^3-1}}{s-h}$$

$$= \frac{\frac{(s-h)^3-1}{(s-h)^3-1} - \frac{s^3-1}{(s-h)^3-1}}{(s-h)((s-h)^3-1)} = \frac{\frac{1}{(s-h)^3-1} - \frac{1}{s^3-1}}{(s-h)((s-h)^3-1)}$$

$$= \frac{(s-h)^3-1}{(s-h)((s-h)^3-1)(s^3-1)} = \frac{s^3-1}{(s-h)((s-h)^3-1)(s^3-1)}$$

$$= \frac{s^3-1}{(s-h)((s-h)^3-1)(s^3-1)}$$



$$\begin{aligned}
 &= \frac{(x-4)^3}{(x-4)(x^2-1)(x^3-1)} \\
 &= \frac{x^3}{(x^3-1)(x^3-1)} \\
 &= \frac{x^3}{\left(\frac{1}{x}-1\right)} = \frac{x^3}{\left(\frac{1}{x} \times x^3 - 1\right)} = \left(\frac{1}{x}\right) \times 3 \\
 &12 = 4 \times 3 = \frac{1}{4} \div 3 = \frac{3}{\frac{1}{4}} =
 \end{aligned}$$