

أتحقق من فهمي صفحة (60):

تجارة: يمثل الاقتران $p(x)$ سعر القطعة الواحدة (بالدينار) من منتج معين، حيث x عدد القطع المباعة (بالمئات) من المنتج، إذا كان $p'(x) = -300x(36+x^2)^3$ هو معدل التغير في سعر القطعة الواحدة من المنتج، فأجد $p(x)$ ، علماً بأن سعر القطعة الواحدة JD75 عندما يكون عدد القطع المباعة 800 قطعة.

أولاً نجد تكامل الاقتران:

$$P(x) = \int -300x(36+x^2)^3 dx \quad u = 36+x^2 \Rightarrow du = 2x dx \Rightarrow dx = \frac{du}{2x}$$

$$P(x) = \int -300x(36+x^2)^3 \frac{du}{2x} = -150 \int u^3 du = -150 \left(\frac{u^4}{4} \right) + C = -37.5u^4 + C$$

$$P(x) = -37.5(36+x^2)^4 + C$$

بما أن سعر القطعة الواحدة هو 75 ديناراً عندما يكون عدد القطع المباعة 800 قطعة، إذن $P(8) = 75$ ومنه:

$$P(x) = -37.5(36+x^2)^4 + C$$

$$P(8) = -37.5(36+64)^4 + C = 75$$

$$C = 75 + 37.5(100)^4$$

$$P(x) = -37.5(36+x^2)^4 + 75 + 37.5(100)^4$$

التكامل بالتعويض للتكاملات المحدودة

أتحقق من فهمي صفحة (62):

أجد كلاً من التكاملات الآتية:

$$\int_0^1 x^2(x^3-1)^4 dx \quad (a)$$

$$\int_0^1 x^2(x^3-1)^4 dx \quad u = x^3-1 \Rightarrow du = 3x^2 dx \Rightarrow dx = \frac{du}{3x^2}$$

$$\int_0^1 x^2(x^3-1)^4 \frac{du}{3x^2} = \frac{1}{3} \int_0^1 u^4 du = \frac{1}{3} \left[\frac{u^5}{5} \right]_0^1 = \frac{1}{3} \left(\frac{1^5}{5} - \frac{0^5}{5} \right) = \frac{1}{15}$$

$$\int_{10}^3 x^3(2-x^4)^7 dx \quad (b)$$

$$\int_{10}^3 x^3(2-x^4)^7 dx \quad u = 2-x^4 \Rightarrow du = -4x^3 dx \Rightarrow dx = \frac{du}{-4x^3}$$

$$\int_{10}^3 x^3(2-x^4)^7 \frac{du}{-4x^3} = -\frac{1}{4} \int_{10}^3 u^7 du = -\frac{1}{4} \left[\frac{u^8}{8} \right]_{10}^3 = -\frac{1}{32} (3^8 - 10^8) = -\frac{1}{32} (6561 - 100000000) = -\frac{99934389}{32}$$

2

$\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C$

$\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C \Rightarrow u = \ln|x| \Rightarrow du = \frac{1}{x} dx \Rightarrow dx = x du = e^u du$
 $\int \frac{1}{x} dx = \int \frac{1}{e^u} e^u du = \int 1 du = u + C = \ln|x| + C$