

إجابات أسئلة الدرس

المشتقة الأولى

(١) استخدم تعريف المشتقة لإيجاد المشتقة الأولى لكل من الاقتارات الآتية عند قيمة (قيم) س المبينة إزاء كل منها:

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\text{أ) ق(س)} = 5 - 8 = 3 = \text{س} ،$$

$$\text{ب) م(س)} = 2\text{س} + 3 = 1 = \text{س} ،$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\text{ج) ل(س)} = \sqrt{1 - \text{س}} ، \text{ حيث } \text{س} \leq 1 ، \text{س} = 5$$

$$\text{د) ع(س)} = \left. \begin{array}{l} \text{س}^2 - \text{س} \\ 5\text{س} - 9 \end{array} \right\} ، \text{س} > 0 ، \text{س} \geq 3 ، \text{س} > 3 ، \text{س} > 6$$

$$\text{عند } \text{س} = 0 ، \text{س} = 3 ، \text{س} = 6$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\text{هـ) ك(س)} = |2\text{س} - 4| ، \text{س} = 1 ، \text{س} = 2$$

$$\text{و) ص} = \frac{\text{س}^2}{\text{س} + 3} ، \text{س} = 1$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\text{أ) ق(س)} = 5 - 8 = 3 = \text{س} ،$$

$$\text{ق(3)} = \frac{\text{نها} - \text{نها}}{\text{هـ}} = \frac{\text{ق(3)} - (\text{هـ} + 3)\text{ق}}{\text{هـ}}$$

$$= \frac{\text{نها} - (\text{هـ} + 3)\text{ق}}{\text{هـ}} = \frac{(\text{س} \times 5 - 8) - (\text{هـ} + 3)5 - 8}{\text{هـ}}$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$= \frac{\text{نها} - \text{نها}}{\text{هـ}} = \frac{15 + 8 - 5\text{هـ} - 15 - 8}{\text{هـ}} = 0$$

$$\text{ب) م(س)} = 2\text{س} + 3 = 1 = \text{س} ،$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\text{م(1)} = \frac{\text{نها} - \text{نها}}{\text{س} - 1} = \frac{\text{م(س)} - (\text{س} - 1)\text{م}}{\text{س} + 1}$$

$$= \frac{\text{نها} - \text{نها}}{\text{س} - 1} = \frac{\text{س}^2 + 3\text{س} - 2\text{س} + 3 - (\text{س} - 1)}{\text{س} + 1}$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$= \frac{\text{نها} - \text{نها}}{\text{س} - 1} = \frac{\text{س}^2 + 3\text{س}}{\text{س} + 1}$$

$$= \frac{\text{نها} - \text{نها}}{\text{س} - 1} = 1 = 2(1 - 1) = 2$$

ج) ل(س) = $\sqrt{1-s}$ ، حيث $s \leq 1$ ، $s = 0$

$$ل'(0) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{ل(s) - ل(0)}{s - 0}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{2 + \sqrt{1-s}}{2 + \sqrt{1-s}} \times \frac{2 - \sqrt{1-s}}{2 - \sqrt{1-s}}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{4 - 1 - s}{(2 + \sqrt{1-s})(2 - \sqrt{1-s})}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{3 - s}{(2 + \sqrt{1-s})(2 - \sqrt{1-s})}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{2 + 2} = \frac{1}{4}$$

$$(د) \begin{cases} 0 < s < 3 \\ 3 < s < 6 \end{cases} \begin{cases} s - 2 \\ 5 - s \end{cases} = (س)ع$$

ع (1) ، ع (2) غير معرف ، ع (3) ، ع (4) غير موجودة

$$ع'(3) = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{ع(s) - ع(3)}{s - 3}$$

$$0 = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{(s-3) \cdot 0}{s-3} = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{10 - 5s}{s-3} = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{6 - 9 - 5s}{s-3}$$

$$ع'(3) = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{6 - s - 5s}{s-3} = -3$$

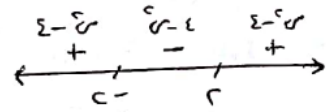
$$0 = 2 + s = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{(2+s)(2-s)}{s-3} =$$

$$ع'(3) = -3$$

$$ع'(3) = 0$$

هـ) لك (س) = |س² - ٤| ، س = ١ ، س = ٢

س² - ٤ = ٠ ⇔ س = ٢ أو س = -٢



$\left. \begin{matrix} 2 < s < \infty \\ -2 < s < 2 \end{matrix} \right\} = |s^2 - 4|$

لك (١) = $\frac{1^2 - 4}{1 - 2} = \frac{1 - 4}{-1} = \frac{-3}{-1} = 3$

لك (س) = $\frac{s^2 - 4}{s - 2} = \frac{(s-2)(s+2)}{s-2} = s+2$

لك (٢) = $\frac{2^2 - 4}{2 - 2} = \frac{0}{0}$ غير موجودة

لك (-٢) = $\frac{(-2)^2 - 4}{-2 - 2} = \frac{0}{-4} = 0$

لك (-٢) ≠ لك (٢) غير موجودة

و) ص = $\frac{٢س}{٣+س}$ ، س = -١

فد (١) = $\frac{2s}{3+s} = \frac{2(-1)}{3+(-1)} = \frac{-2}{2} = -1$

فد (س) = $\frac{2s}{3+s}$

فد (س) = $\frac{1}{1+s} \times \frac{3+s+2s}{3+s} = \frac{1}{1+s} \times \frac{3+3s}{3+s}$

فد (س) = $\frac{1}{1+s} \times \frac{3(1+s)}{3+s}$

فد (س) = $\frac{3}{3+s}$

(٢) جد $\frac{dx}{ds}$ لكل من الاقتارات الآتية مستخدماً تعريف المشتقة:

(أ) $v = s^2 - \frac{4}{s}$ ، $s \neq 0$ (ب) $v = \sqrt{2s - 6}$ ، $s < 3$
 (ج) $v = s^3$ (د) $v = \sqrt[3]{s}$

(أ) $\frac{dv}{ds} = \frac{d(s^2 - \frac{4}{s})}{ds} = 2s - \frac{-4}{s^2}$

$= \frac{2s^3 - (-4)}{s^2} = \frac{2s^3 + 4}{s^2}$

$= \frac{2s^3}{s^2} + \frac{4}{s^2} = 2s + \frac{4}{s^2}$

$\frac{1}{s-6} \times \frac{2s-6}{s} + \frac{(s+6)(s-6)}{s-6} = \frac{2s-6}{s(s-6)} + (s+6)$

$= \frac{2(s-6)}{s(s-6)} + (s+6) = \frac{2}{s} + (s+6)$

$\frac{2}{s} + (s+6) = \frac{2}{s} + (s+6)$

(ب) $\frac{d(\sqrt{7-4s})}{ds} = \frac{1}{2} \times \frac{-4}{\sqrt{7-4s}} = \frac{-2}{\sqrt{7-4s}}$

$= \frac{-2\sqrt{7-4s}}{\sqrt{7-4s} \sqrt{7-4s}} = \frac{-2\sqrt{7-4s}}{7-4s}$

$= \frac{-2\sqrt{7-4s}}{7-4s}$

$= \frac{-2\sqrt{7-4s}}{(7-4s)}$

$\frac{1}{\sqrt{7-4s}} = \frac{1}{\sqrt{7-4s}} \times \frac{(7-4s)}{(7-4s)} = \frac{7-4s}{(7-4s)\sqrt{7-4s}}$

(ج) $\frac{d(s^3 - \frac{3}{s})}{ds} = \frac{3s^2 - \frac{-3}{s^2}}{ds} = \frac{3s^2 + \frac{3}{s^2}}{ds}$

$= \frac{(3s^2 + \frac{3}{s^2})(s^2)}{s^2 ds} = \frac{3s^4 + 3}{s^2 ds}$

$= \frac{3s^4}{s^2} + \frac{3}{s^2} = 3s^2 + \frac{3}{s^2}$

$$(د) \frac{f'(x) + f(x) \cdot g'(x) + f(x) \cdot g'(x)}{f'(x) + f(x) \cdot g'(x) + f(x) \cdot g'(x)} \times \frac{f(x) - g(x)}{f(x) - g(x)} = \frac{f(x)}{f(x)}$$

$$\frac{f(x)}{f(x)} = \frac{f(x)}{f(x)}$$

$$\frac{1}{(f(x))^2} =$$