

## مجموع مكعبين وتحليله

يُحلل مجموع المكعبين  $s^3 + s^3$  على الصورة :

$$s^3 + s^3 = (s + s)(s^2 - s + s) = (2s)(s^2 - s + s)$$

أي أن : مجموع مكعبي مقدارين =

$$(الأول + الثاني) \times (مربع الأول - الأول \times الثاني + مربع الثاني).$$

### السؤال الأول :

اكتب كلا مما يأتي على صورة مجموع مكعبين :

(أ)  $1 + 8s^2$  ، (ب)  $\frac{1}{125s^2} + 27$  ،  $s \neq 0$  صفرا

الحل :

$$(أ) 1 + 8s^2 = (1) + (2s)^2$$

$$(ب) \frac{1}{125s^2} + 27 = \frac{1}{125s^2} + \frac{27}{1} = \left(\frac{1}{5s}\right)^2 + \left(\frac{3}{1}\right)^2$$

## السؤال الثاني :

حل المقادير الجبرية الآتية إلى عواملها :

$$\begin{array}{ll}
 \text{أ) } ٢١٦ م^٢ + ٢ ع^٢ & \text{ب) } \frac{٨ ص^٢}{٢٧} + \frac{س^٢}{١٢٥} \\
 \text{د) } ١٦ ص^٢ + ٢ س^٢ & \text{هـ) } (١ + ص) + (١ - س) \\
 \text{ز) } ١ + م^٩ & \text{ح) } ٦ أ^٢ س + ٤٨ س^٢ \\
 \text{ط) } (١ - س) + (١ - س) &
 \end{array}$$

الحل :

$$\text{أ) } (٢١٦ م^٢ + ٢ ع^٢) = (٦ م + ع)^٢ = (٦ م + ع)(٦ م + ع)$$

$$\text{ب) } \frac{٨ ص^٢}{٢٧} + \frac{س^٢}{١٢٥} = \left(\frac{٢ ص}{٣}\right)^٢ + \left(\frac{س}{٥}\right)^٢$$

$$\begin{aligned}
 & \left(\frac{٢ ص}{٣}\right)^٢ + \left(\frac{س}{٥}\right)^٢ = \left(\frac{٢ ص}{٣} + \frac{س}{٥}\right) \left(\frac{٢ ص}{٣} - \frac{س}{٥}\right) \\
 & \left(\frac{٢ ص}{٣}\right)^٢ + \left(\frac{س}{٥}\right)^٢ = \left(\frac{٢ ص}{٣} + \frac{س}{٥}\right) \left(\frac{٢ ص}{٣} - \frac{س}{٥}\right)
 \end{aligned}$$

لفهم الإجابات والتمكن من طريقة تحليل مجموع مكعبين ، شاهد الفيديو التالي:



(و) تذكر أن :  $(س^ن)^م = س^{ن \times م}$  إذن ؛  $س^6 = (س^2)^3$

هنا أخذنا الربع عامل مشترك

$$\left( \frac{27ص^2}{125} + (س^2)^2 \right) \frac{1}{4} = \frac{27ص^2}{500} + \frac{(س^2)^2}{4} = \frac{27ص^2}{500} + \frac{س^6}{4}$$

$$\left( \frac{9ص^2}{25} + \frac{ص^3}{5} \times س^2 - (س^4) \left( \frac{ص^3}{5} + س^2 \right) \right) \frac{1}{4} = \left( \frac{ص^3}{5} + س^2 \right) \frac{1}{4} + (س^2)^2 \frac{1}{4}$$

$$\left( \frac{9ص^2}{25} + \frac{ص^3}{5} \times س^2 - (س^4) \left( \frac{ص^3}{5} + س^2 \right) \right) \frac{1}{4} =$$

$$(1 + م^2 - م^6) (1 + م^2) = 1 + (م^2)^2 = 1 + م^4$$

مجموع مكعبين

$$(1 + م^2 - م^6) (1 + م - م^2) (1 + م) =$$

(ح) هنا خذ  $(س^6)$  عامل مشترك للحصول على صيغة مجموع مكعبين ؛ إذن :

$$(س^6 + س^4 + س^2) (س^2 + 1) = (س^6 + س^4 + س^2) (س^2 + 1) = (س^6 + س^4 + س^2) (س^2 + 1)$$

(ط) خذ  $(س - 1)$  عامل مشترك للحصول على صيغة مجموع مكعبين ؛ إذن :

$$(س - 1) (س - 1) (س - 1) = (س - 1) + (س - 1)^2$$

مجموع مكعبين

$$(س - 1) (س - 1) (س - 1) = (س - 1) (س - 1) (س - 1)$$

$$(س - 1) (س - 1) (س - 1) = (س - 1) (س - 1) (س - 1)$$

$$(س - 1) (س - 1) (س - 1) = (س - 1) (س - 1) (س - 1)$$

$$(س - 1) (س - 1) (س - 1) = (س - 1) (س - 1) (س - 1)$$

**السؤال الثالث :**

كرتان من البلاستيك طول نصف قطر الأولى (س) سم ، وطول نصف قطر الثانية

(أ) سم، صهرتا معا وشكلتا على شكل متوازي مستطيلات ارتفاعه  $\left( \frac{\pi 4}{3} \right)$  سم،

وأحد بُعدي قاعدته (س + أ) سم ، جد البعد الآخر للقاعدة.

**الحل :**

بما أن الكرتان صُهرتا معاً وبعد الصهر أصبحتا متوازي مستطيلات ، إذن ؛

حجم الكرتين يساوي حجم متوازي المستطيلات

$$* \text{ حجم الكرة} = \frac{\pi \epsilon}{3} \text{ نق}^2$$

$$* \text{ حجم متوازي المستطيلات} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم الكرة الأولى} = \frac{\pi \epsilon}{3} (س)^2 , \quad \text{حجم الكرة الثانية} = \frac{\pi \epsilon}{3} (أ)^2$$

$$\text{حجم متوازي المستطيلات} = (س + أ) \times \text{البعد الآخر} \times \frac{\pi \epsilon}{3}$$

بما أن حجم الكرتين يساوي حجم متوازي المستطيلات ، إذن

حجم الكرة الأولى + حجم الكرة الثانية = حجم متوازي المستطيلات

$$\frac{\pi \epsilon}{3} س^2 + \frac{\pi \epsilon}{3} أ^2 = \frac{\pi \epsilon}{3} (س + أ) \times \text{البعد الآخر}$$

$$\cancel{\frac{\pi \epsilon}{3}} \times (س + أ) \times \text{البعد الآخر} = (س^2 + أ^2) \cancel{\frac{\pi \epsilon}{3}}$$

$$\text{البعد الآخر} \times (س + أ) = (س^2 + أ^2)$$

$$(س + أ) \times (س - أ) = (س^2 + أ^2)$$

إذن ، البعد الآخر يساوي :  $(س - أ)$  سم .