

تمارين ومسائل

(١) جد المشتقة الأولى لكل من الاقتران الآتية:

- أ) $ق(س) = لوم^٢$ ب) $ق(س) = لوم^٢ جا٥س$
- ج) $ق(س) = لوم^٢ |س٤ + ٥ - س|$ د) $ق(س) = لوم^٢ (س٥ + ٣)$
- هـ) $ق(س) = س٣ لوم^٢$ و) $ق(س) = لوم^٢ (س٢ + ٢)$
- ز) $ق(س) = لوم^٢ س٣ ظاس$ ح) $ق(س) = لوم^٢ \left(\frac{س}{١ + س٢} \right)$
- ط) $ق(س) = (لوم^٢)٣$ ي) $ق(س) = لوم^٢ \frac{٤(س٥ + ٢)}{(س٢ - ٧)٥}$
- ك) $ق(س) = لوم^٢ \sqrt[٣]{٥س٣ + ٤س}$ ل) $ق(س) = ظا(لوم^٢)$

(٢) إذا كان $ق(س) = لوم^٢ (س + \sqrt{١ - س٢})$ أثبت أن $ق(س) = \frac{١}{١ - س٢}$

(٣) إذا كان $ق(س) = (س - س)س = لوم^٢ |قاس + ظاس| + س٢$ فأثبت أن:

$ق(س) = س٣ + قاس$

(٤) بين أن الاقتران م(س) = لوم^٢ جاس هو معكوس لمشتقة الاقتران ق(س) = ظاس.

(٥) جد كلاً من التكاملات الآتية:

أ) $\int \frac{س٢}{س٣ + ٢س} دس$

ب) $\int \frac{١ + جتاس}{س + حاس} دس$

ج) $\int \frac{٥ + ٥ظاس٢}{ظاس} دس$

د) $\int \frac{س٣}{س٥ + ٣س} دس$

$$\text{و) } \left| \frac{2-s}{4-s^2} \right| \text{ دس}$$

$$\text{هـ) } \left| \frac{5+s}{s} \right| \text{ دس}$$

$$\text{ح) } \left| \frac{3s}{1+3s} \right| \text{ دس}$$

$$\text{ز) } \left| \frac{|2s|}{1+s^2} \right| \text{ دس}$$

$$\text{ي) } \left| \frac{1}{1+s} \right| \text{ دس}$$

$$\text{ط) } \left| \frac{1-s^2}{(1-s)s} \right| \text{ دس}$$

٦) جد معكوسًا لمشتقة كلٍّ من الاقترانان الآتية:

$$\text{أ) } \left(\frac{s^2}{4+s^2} \right) = \text{ق(س)}$$

$$\text{ب) } \left(\frac{3s^3}{5+3s} \right) = \text{ق(س)}$$