



التاريخ: 2019/4/14

الزمن: ساعتان ونصف

- ١ -

الفصل الثاني .. 2018/2019

مجموع العلامات: (١٠٠)

القسم الاول يتكون من ٤ اسئلة، ~~الكلية~~ الاجابة عنها جميعا.

السؤال الأول : (٣٠ علامة)

ضع دائرة حول رمز الاجابة الصحيحة فيما يلي:

$$\text{إذا كان } \begin{cases} 3(s), 5(s) \end{cases} \text{ اقترانين اصليين للاقتران } n(s) \text{ وكان } \begin{cases} 3(s)-5(s) = 8 \\ 5(s)-3(s) = 2 \end{cases}, \text{ فما قيمة } s?$$

(د)

(ج)

(ب)

(أ)

$$\text{إذا كان } s = \frac{h}{l} \text{ ، فما قيمة } l \text{ إذا كانت } \frac{h}{s} = 5 \text{ و } h = 10 \text{ عند } s = 1?$$

(د)

(ج)

(ب)

(أ)

$$\text{إذا كان } n(s) = 2s^2 - 3js + 4, \text{ فما قيمة } j?$$

(د)

(ج)

(ب)

(أ)

$$\text{إذا كان } n(s) \text{ اقتراناً اصلياً للاقتران } n(s) \text{ حيث } n(s) > 0, \text{ فما قيمة } \frac{n(h)}{n(s)}?$$

(د)

(ج)

(ب)

(أ)

$$\text{إذا كان } n(s) = \frac{-1 + \sqrt{1 + 4s}}{2s}, \text{ فما قيمة } s \text{ اقتران قابل للتكامل على الفترة } [1, 3]?$$

(د)

(ج)

(ب)

(أ)

$$\text{إذا كانت } \{1, 1, 1, \dots, 1, 1\} \text{ تجزئة منتظمة للفترة } [1, b], \text{ فما قيمة } b?$$

(د)

(ج)

(ب)

(أ)

$$\text{إذا كان } n(s) = [2-s] \text{ معرفاً على } [-1, 2], \text{ فما قيمة } s \text{ تجزئة منتظمة للفترة نفسها؟}$$

(د)

(ج)

(ب)

(أ)

$$\text{إذا كان } j > 1, \text{ وكان } \frac{1}{s} = 3 \text{ فما قيمة } j?$$

(د)

(ج)

(ب)

(أ)

٩) إذا كان $\begin{cases} u(s) = 3, \\ v(s) = 6 \end{cases}$ فما قيمة $\frac{u(s-3)}{v(s)} :$

٨-(ج) ٢-٣ (ب) ٥ (أ) ٨

١٠) إذا كان $u(s) = s^2$ ، فما قيمة $\frac{u''(s)}{u(s)} :$

١-(ج) ٦ (ب) ١ (أ) ٥

١١) إذا كان $v(s) = 2s^3 + 2s^2$ ، فما قيمة $v'(s) :$

٤-(ج) ٤-٢ (ب) ٣ (أ) ٢

١٢) ما قيمة $\frac{u(s)}{u(s) + v(s)}$:

١) - $u(v) + v(u)$ ب) $u(v) + v(u)$ ج) $u(v) + v(u)$ د) $u(v) + v(u)$

١٣) إذا كان $\begin{cases} u(s) = 4, \\ v(s) = \sqrt{s+3} \end{cases}$ فما قيمة $\frac{u'(s)}{v'(s)} :$

١-(ج) ٨ (ب) ٢ (أ) ٤

١٤) ما قيمة المقدار $t^{\frac{1}{t}} + t^{\frac{1}{t}}$:

٠-(ج) ٢-٢ (ب) ٢ (أ) ٢

١٥) ما قيمة $\frac{u'(h(s))h'(s)}{u(h(s))} :$

١) $u'(b) - u'(a)$ ب) $u'(h(b)) - u'(h(a))$ ج) $u(b) - u(a)$ د) $u(h(b)) - u(h(a))$

١٦) ما قيمة السعة الأساسية للعدد المركب $(2+3t)^2 :$

٢-(ج) $\frac{\pi}{4}$ (ب) $\frac{\pi}{3}$ (أ) $\frac{\pi}{2}$

١٧) إذا كان $s = \sqrt{t^{10} + t^2 - 1}$ ، ما قيمة $s^{12} :$

٠-(ج) ١ (ب) ٢ (أ) ٢١

ب) $z = \left(\frac{\pi}{2} + i\frac{\pi}{2} \right)^2 = \left(\frac{\pi}{2} \right)^2 + 2 \cdot \frac{\pi}{2} \cdot i = \frac{\pi^2}{4} + i\pi$

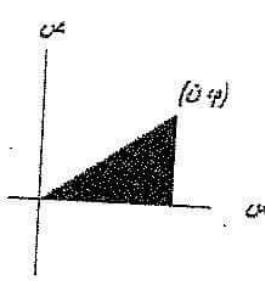
د) $z = \left(\frac{\pi}{2} + i\frac{\pi}{2} \right)^2 = \left(\frac{\pi}{2} \right)^2 + 2 \cdot \frac{\pi}{2} \cdot i = \frac{\pi^2}{4} + i\pi$

١١) ما الصورة القطبية للعدد المركب $z = \frac{1}{t}$:

$$z = \left(\frac{\pi}{2} + i\frac{\pi}{2} \right)^{-1} = \frac{1}{\left(\frac{\pi}{2} + i\frac{\pi}{2} \right)}$$

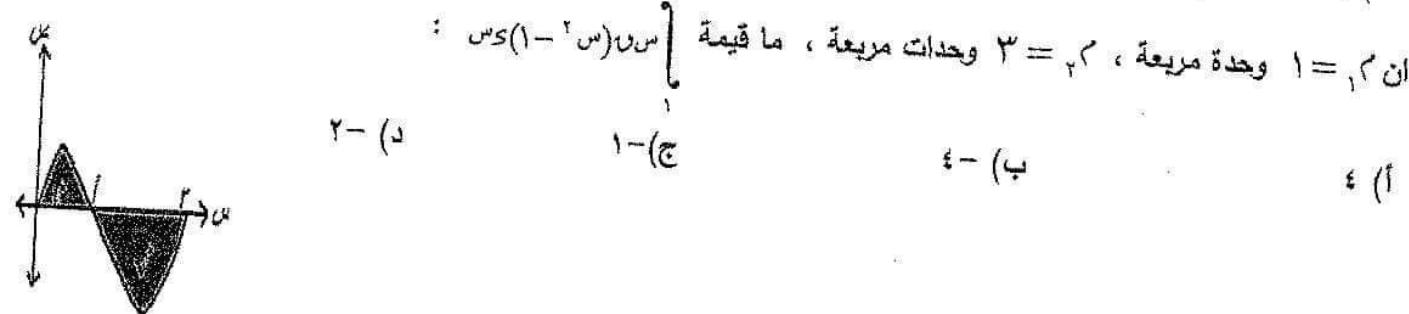
$$z = \left(\frac{\pi}{2} + i\frac{\pi}{2} \right)^{-1} = \left(\frac{\pi}{2} + i\frac{\pi}{2} \right)^{-1} = \left(\frac{\pi}{2} + i\frac{\pi}{2} \right)^{-1}$$

١٢) بالاعتماد على الشكل المجاور، إذا دارت المنطقة المظللة حول محور السينات دورة كاملة، ما حجم الجسم الناتج:



$$z = \frac{\pi}{3} \quad b) z = \frac{\pi}{3} \quad c) z = \frac{\pi}{3} \quad d) z = \frac{\pi}{3}$$

١٣) بالاعتماد على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى $q(s)$ ، إذا علمت



$$\text{ان } s_1 = 1 \text{ وحدة مربعة، } s_2 = 3 \text{ وحدات مربعة، ما قيمة } \int_{s_1}^{s_2} (s^2 - 1) ds :$$

$$a) 4 \quad b) -4 \quad c) -1 \quad d) 2$$

السؤال الثاني: (٢٠ علامة)

(٦ علامات)

$$1) \text{ استخدم تعريف التكامل المحدود لحساب } \int_{-1}^1 s \left(\frac{2}{s} - 1 \right) ds, \text{ اعتبر } s = sr.$$

(٦ علامات)

$$2) \text{ اذا كان } z = 1 + it, \quad z = 1 - t, \quad \text{اوجد ما يلي: } 1) \int_{-4}^3 (z^2 - 4z + 1) dz$$

(٨ علامات)

$$3) \text{ اذا كان } T(s) = \begin{cases} s - 3 & , 1 \leq s \leq 4 \\ s^2 - 4s + 1 & , 4 < s \leq 6 \end{cases}, \quad \text{هو الاقتران المكامل للاقتران}$$

$$f(s) \text{ على الفترة } [1, 6] : 1) \text{ اوجد الثوابت } a, b, c \quad 2) \text{ اوجد } T(s).$$

السؤال الثالث: (٢٠ علامة)

(٨ علامات)

$$\text{أ) اثبت ان العدد } 3 - \sqrt{2} \text{ جذر للمعادلة: } 4^3 + 4^2 - 117 + 4 = 0.$$

(١٢ علامة)

$$\text{ب) اوجد التكاملات التالية: } 1) \left\{ \begin{array}{l} \text{جتا} \sin \theta \\ 1 + \cos \theta \end{array} \right. \quad 2) \left\{ \begin{array}{l} \sin \theta \\ \sin (\theta - 45^\circ) \end{array} \right.$$

السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

(٦ علامات)

$$\text{أ) اذا كان } q = \frac{s}{4} \cos - 4 \sin \theta = 0, \text{ اوجد ص بدلالة س.}$$

(٨ علامات)

ب) اوجد مساحة المنطقة المحصورة بين $q(s) = \frac{1}{2}s^2$ ، $l(s) = s^2$ ، والمستقيمين $s=1$ ، $s=5$ مع محور السينات .

(٦ علامات)

ج) اوجد الجذور التربيعية للعدد المركب $3 + 4i$.

القسم الثاني يتكون من سؤالين ، على الطالب الاجابة عن سؤال واحد فقط.

السؤال الخامس: (١٠ علامات)

$$\text{أ) اذا كان } 2 \leq f(s) \leq 8 \text{ for } s \in [1, 3], \text{ اوجد اكبر قيمة للمقدار } \frac{1-s}{(1-s)^2 + s^2} \quad (٥ \text{ علامات})$$

(٥ علامات)

ب) تحرك جسم من نقطة الاصل بحيث : $t = -4\sin^2 \theta$ ، حيث كانت θ تسارع الجسم ($\text{سم}/\text{ث}^2$) ، θ سرعة الجسم ($\text{سم}/\text{ث}$) ، اذا علمت ان السرعة الابتدائية للجسم $4 \text{ سم}/\text{ث}$ ، اثبت ان : $f = 16\pi^2$ حيث f المسافة المقطوعة.

السؤال السادس: (١٠ علامات)

(٥ علامات)

$$\text{أ) اوجد } \left[(s^4 + s^2) \sqrt{s^2 + 2} \right] \text{ for } s < 0.$$

(٥ علامات)

$$\text{ب) اذا كان } \frac{1+b}{1-b} = s + ct, \text{ اثبت ان } s^2 + ct^2 = 1, b \in \mathbb{R}$$