



الوحدة 1 الاقترانات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

أتحقق من فهمي صفحة 10

a	×	x^2	$+5x$	-14	
	x	x^3	$+5x^2$	$-14x$	0
	$+1$	$+x^2$	$+5x$	-14	

ناتج القسمة هو $x^2 + 5x - 14$ ، والباقي 0

b	×	$2x^2$	$+5x$	$+15$	
	x	$2x^3$	$+5x^2$	$+15x$	$+48$
	-3	$-6x^2$	$-15x$	-45	

ناتج القسمة هو $2x^2 + 5x + 15$ ، والباقي 48

أتحقق من فهمي صفحة 13

a	$P(x) = 4x^4 - 7x^3 + 5x^2 + 2$ $P(1) = 4(1)^4 - 7(1)^3 + 5(1)^2 + 2 = 4$	$h(x) = x - 1$ إذن، باقي قسمة $P(x)$ على $h(x)$ يساوي 4
b	$P(x) = 3x^3 + 8x^2 - 3x - 6$ $P(1) = 3(-3)^3 + 8(-3)^2 - 3(-3) - 6 = -6$	$h(x) = x + 3$ إذن، باقي قسمة $P(x)$ على $h(x)$ يساوي -6
c	$P(x) = -2x^3 - 5x^2 + 10x + 9$ $P(1) = -2(-4)^3 - 5(-4)^2 + 10(-4) + 9 = 17$	$h(x) = 2x + 8$ إذن، باقي قسمة $P(x)$ على $h(x)$ يساوي 17

أتحقق من فهمي صفحة 14

a	$P(x) = x^3 - 2x^2 - 13x - 10$ $P(5) = (5)^3 - 2(5)^2 - 13(5) - 10 = 0$	إذن، $(x - 5)$ عامل من عوامل $P(x)$
---	--	-------------------------------------

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

الوحدة 1 الاقترانات والمقادير الجبرية

لتحليل $P(x)$ اقسمه على $(x - 5)$

b

$\times$	x^2	$+3x$	$+2$	
x	x^3	$+3x^2$	$+2x$	0
-5	$-5x^2$	$-15x$	-10	

$$P(x) = (x - 5)(x^2 + 3x + 2)$$

$$= (x - 5)(x + 2)(x + 1)$$

أتحقق من فهمي صفحة 17

a

$$P(x) = 5x^3 - x^2 - 5x + 1$$

عوامل الحد الثابت هي ± 1 ، وعوامل المعامل الرئيس هي ± 1 ، و ± 5 ،

الأصفار النسبية المحتملة للاقتران $P(x)$ هي: $\pm 1, \pm \frac{1}{5}$

$$P(1) = 5 - 1 - 5 + 1 = 0$$

إذن، $(x-1)$ هو أحد عوامل $P(x)$

أجد العوامل الأخرى بالقسمة وتحليل الناتج إن أمكن.

$\times$	$5x^2$	$+4x$	-1	
x	$5x^3$	$+4x^2$	$-x$	0
-1	$-5x^2$	$-4x$	$+1$	

$$P(x) = (x - 1)(5x^2 + 4x - 1)$$

$$= (x - 1)(5x - 1)(x + 1)$$

إذن، أصفار $P(x)$ هي: $1, -1, \frac{1}{5}$

منهاجي

متعة التعليم الهادف



الوحدة 1 الاقترانات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتنا الباقي والعوامل

$$Q(x) = x^4 + 6x^3 + 7x^2 - 6x - 8$$

معامل الحد الرئيس يساوي 1، فالأصفار المحتملة هي عوامل الحد الثابت، وهي: $\pm 1, \pm 2, \pm 4, \pm 8$

$$Q(1) = 1 + 6 + 7 - 6 - 8 = 0$$

إذن، $(x - 1)$ هو أحد عوامل $Q(x)$

أجد العوامل الأخرى بالقسمة وتحليل الناتج إن أمكن.

×	x^3	$+7x^2$	$+14x$	$+8$	
x	x^4	$+7x^3$	$+14x^2$	$+8x$	0
-1	$-x^3$	$-7x^2$	$-14x$	-8	

b

$$Q(x) = (x - 1)(x^3 + 7x^2 + 14x + 8)$$

وبتعويض $x = -1$ في العامل التكعيبي نجد أن الناتج 0، نقسم $x^3 + 7x^2 + 14x + 8$ على $(x+1)$

×	x^2	$+6x$	8	
x	x^3	$+6x^2$	$+8x$	0
+1	$+x^2$	$+6x$	+8	

$$Q(x) = (x - 1)(x + 1)(x^2 + 6x + 8)$$

$$= (x - 1)(x + 1)(x + 2)(x + 4)$$

إذن، أصفار $Q(x)$ هي: $-1, 1, -2, -4$

أتحقق من فهمي صفحة 19

a

$$x^3 - x^2 - 9x + 9 = 0$$

$$x^2(x - 1) - 9(x - 1) = 0$$

$$(x - 1)(x^2 - 9) = 0$$

$$(x - 1)(x - 3)(x + 3) = 0$$

$$x = 1, x = 3, x = -3$$

إذن، حلول هذه المعادلة هي: $x = 1, x = 3, x = -3$

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

الوحدة 1 الاقتارات والمقادير الجبرية

b

$$x^3 + 3x^2 - 4 = 0$$

الأصفار النسبية المحتملة هي: $\pm 1, \pm 2, \pm 4$

بتعويض $x = 1$ نجد: $1 + 3 - 4 = 0$

إذن، $x - 1$ عامل من عوامل كثير الحدود $x^3 + 3x^2 - 4$

×	x^2	$+4x$	$+4$	
x	$+x^3$	$+4x^2$	$+4x$	0
-1	$-x^2$	$-4x$	-4	

$$x^3 + 3x^2 - 4 = 0 \Rightarrow (x - 1)(x^2 + 4x + 4) = 0$$

$$\Rightarrow (x - 1)(x + 2)^2 = 0$$

$$\Rightarrow x = 1, x = -2$$

حلول هذه المعادلة هي $x = 1, x = -2$

أتحقق من فهمي صفحة 20

ليكن طول نصف قطر قاعدة هذه الاسطوانة هو r وارتفاعها h وحجمها V .

$$h = r + 5$$

$$V = \pi r^2 h = \pi r^2 (r + 5)$$

$$\Rightarrow \pi r^2 (r + 5) = 72\pi$$

$$\Rightarrow r^3 + 5r^2 - 72 = 0$$

الأصفار النسبية المحتملة هي: $\pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 4, \pm 6, \pm 8, \pm 9, \pm 12, \pm 18, \pm 24, \pm 36, \pm 72$

بتعويض $r = 3$ نجد: $27 + 45 - 72 = 0$

إذن، $r - 3$ عامل من عوامل كثير الحدود $r^3 + 5r^2 - 72$

×	r^2	$+8r$	$+24$	
r	$+r^3$	$+8r^2$	$+24r$	0
-3	$-3r^2$	$-24r$	-72	

$$r^3 + 5r^2 - 72 = 0 \Rightarrow (r - 3)(r^2 + 8r + 24) = 0$$

مميز $r^2 + 8r + 24$ سالب، إذن:

$$\Rightarrow r = 3$$

نصف قطر قاعدة الاسطوانة 3 cm، وارتفاعها 8 cm

أتدرب وأحل المسائل صفحة 21

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

الوحدة 1 الاقتارات والمقادير الجبرية

1	<table><tr><td>×</td><td>$2x^3$</td><td>$+x^2$</td><td>$+4x$</td><td>$+3$</td><td></td></tr><tr><td>$3x$</td><td>$6x^4$</td><td>$+3x^3$</td><td>$+12x^2$</td><td>$+9x$</td><td>0</td></tr><tr><td>-4</td><td>$-8x^3$</td><td>$-4x^2$</td><td>$-16x$</td><td>-12</td><td></td></tr></table> النتائج: $2x^3 + x^2 + 4x + 3$ الباقى: 0	×	$2x^3$	$+x^2$	$+4x$	$+3$		$3x$	$6x^4$	$+3x^3$	$+12x^2$	$+9x$	0	-4	$-8x^3$	$-4x^2$	$-16x$	-12				
×	$2x^3$	$+x^2$	$+4x$	$+3$																		
$3x$	$6x^4$	$+3x^3$	$+12x^2$	$+9x$	0																	
-4	$-8x^3$	$-4x^2$	$-16x$	-12																		
2	<table><tr><td>×</td><td>$-x^4$</td><td>$+2x^3$</td><td>$+x^2$</td><td>$-4x$</td><td>$+3$</td><td></td></tr><tr><td>-2x</td><td>$2x^5$</td><td>$-4x^4$</td><td>$-2x^3$</td><td>$+8x^2$</td><td>$-6x$</td><td>12</td></tr><tr><td>+1</td><td>$-x^4$</td><td>$+2x^3$</td><td>$+x^2$</td><td>$-4x$</td><td>$+3$</td><td></td></tr></table> النتائج: $-x^4 + 2x^3 + x^2 - 4x + 3$ الباقى: 12	×	$-x^4$	$+2x^3$	$+x^2$	$-4x$	$+3$		-2x	$2x^5$	$-4x^4$	$-2x^3$	$+8x^2$	$-6x$	12	+1	$-x^4$	$+2x^3$	$+x^2$	$-4x$	$+3$	
×	$-x^4$	$+2x^3$	$+x^2$	$-4x$	$+3$																	
-2x	$2x^5$	$-4x^4$	$-2x^3$	$+8x^2$	$-6x$	12																
+1	$-x^4$	$+2x^3$	$+x^2$	$-4x$	$+3$																	
3	الباقى هو: $f(-1) = 8 - 2 - 53 - 37 - 6 = -90$																					
4	الباقى هو: $f(-\frac{4}{3}) = 4(-\frac{4}{3})^3 + 2(-\frac{4}{3})^2 - 6(-\frac{4}{3}) - 8 = -\frac{160}{27}$																					
5	$f(-7) = (-7)^3 - 37(-7) + 84 = 0$ إذن، $(x + 7)$ عامل من عوامل $f(x)$.																					
6	$f(\frac{3}{2}) = 2(\frac{3}{2})^3 - 5(\frac{3}{2})^2 - (\frac{3}{2}) + 6 = 0$ إذن، $(2x - 3)$ عامل من عوامل $f(x)$.																					

الوحدة 1 الاقتنانات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

7

$$f(x) = x^3 + 3x^2 - 13x - 15$$

عوامل الحد الثابت هي: $\pm 1, \pm 3, \pm 5, \pm 15$

$$f(-1) = -1 + 3 + 13 - 15 = 0 \Rightarrow (x + 1) \text{ عامل}$$

$\times$	x^2	$2x$	-15	
x	x^3	$2x^2$	$-15x$	0
1	x^2	$2x$	-15	

$$f(x) = (x + 1)(x^2 + 2x - 15)$$

$$f(x) = (x + 1)(x - 3)(x + 5)$$

8

$$g(x) = x^4 - 7x^3 + 13x^2 + 3x - 18$$

عوامل الحد الثابت هي: $\pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 6, \pm 9, \pm 18$

$$g(2) = 16 - 56 + 52 + 6 - 18 = 0 \Rightarrow (x - 2) \text{ عامل}$$

$\times$	x^3	$-5x^2$	$3x$	9	
x	x^4	$-5x^3$	$3x^2$	$+9x$	0
-2	$-2x^3$	$10x^2$	$-6x$	-18	

$$g(x) = (x - 2)(x^3 - 5x^2 + 3x + 9)$$

عوامل الحد الثابت هي: $\pm 1, \pm 3, \pm 9$

$$(-1)^3 - 5(-1)^2 + 3(-1) + 9 = 0 \Rightarrow (x + 1) \text{ عامل}$$

$\times$	x^2	$-6x$	9	
x	x^3	$-6x^2$	$9x$	0
1	x^2	$-6x$	9	

$$g(x) = (x - 2)(x + 1)(x^2 - 6x + 9)$$

$$g(x) = (x - 2)(x + 1)(x - 3)^2$$

الوحدة 1 الاقتارات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

9	$h(x) = 2x^3 - 13x^2 + 17x + 12$ عوامل الحد الثابت هي: $\pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 4, \pm 6, \pm 12$ $h(3) = 54 - 117 + 51 + 12 = 0 \Rightarrow (x - 3) \text{ عامل}$ <table> <tr> <td>$\times$</td> <td>$2x^2$</td> <td>$-7x$</td> <td>-4</td> <td></td> </tr> <tr> <td>x</td> <td>$2x^3$</td> <td>$-7x^2$</td> <td>$-4x$</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>-3</td> <td>$-6x^2$</td> <td>$21x$</td> <td>12</td> <td></td> </tr> </table> $h(x) = (x - 3)(2x^2 - 7x - 4)$ $h(x) = (x - 3)(x - 4)(2x + 1)$	$\times$	$2x^2$	$-7x$	-4		x	$2x^3$	$-7x^2$	$-4x$	0	-3	$-6x^2$	$21x$	12	
$\times$	$2x^2$	$-7x$	-4													
x	$2x^3$	$-7x^2$	$-4x$	0												
-3	$-6x^2$	$21x$	12													
10	$q(x) = 3x^3 - 18x^2 + 2x - 12$ $= 3x^2(x - 6) + 2(x - 6)$ $= (3x^2 + 2)(x - 6)$															
11	$x^3 - 4x^2 - 7x + 10 = 0$ عوامل الحد الثابت هي: $\pm 1, \pm 2, \pm 5, \pm 10$ $1 - 4 - 7 + 10 = 0 \Rightarrow (x - 1) \text{ عامل}$ <table> <tr> <td>$\times$</td> <td>x^2</td> <td>$-3x$</td> <td>-10</td> <td></td> </tr> <tr> <td>x</td> <td>x^3</td> <td>$-3x^2$</td> <td>$-10x$</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>-1</td> <td>$-x^2$</td> <td>$3x$</td> <td>10</td> <td></td> </tr> </table> $(x - 1)(x^2 - 3x - 10) = 0$ $(x - 1)(x - 5)(x + 2) = 0$ $x = 1, x = 5, x = -2$	$\times$	x^2	$-3x$	-10		x	x^3	$-3x^2$	$-10x$	0	-1	$-x^2$	$3x$	10	
$\times$	x^2	$-3x$	-10													
x	x^3	$-3x^2$	$-10x$	0												
-1	$-x^2$	$3x$	10													

الوحدة 1 الاقتارات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

12

$$5x^3 - 15x^2 - 47x - 15 = 2x^3 - 10x^2$$

$$3x^3 - 5x^2 - 47x - 15 = 0$$

عوامل الحد الثابت هي: $\pm 1, \pm 3, \pm 5, \pm 15$

$$-81 - 45 + 141 - 15 = 0 \Rightarrow (x + 3) \text{ عامل}$$

×	$3x^2$	$-14x$	-5	
x	$3x^3$	$-14x^2$	$-5x$	0
3	$9x^2$	$-42x$	-15	

$$(x + 3)(3x^2 - 14x - 5) = 0$$

$$(x + 3)(3x + 1)(x - 5) = 0$$

$$x = -3, x = -\frac{1}{3}, x = 5$$

13

$$3x^3 + 3x^2 - 14x - 8 = 0$$

عوامل الحد الثابت هي: $\pm 1, \pm 2, \pm 4, \pm 8$

$$24 + 12 - 28 - 8 = 0 \Rightarrow (x - 2) \text{ عامل}$$

×	$3x^2$	$9x$	4	
x	$3x^3$	$9x^2$	$4x$	0
-2	$-6x^2$	$-18x$	-8	

$$(x - 2)(3x^2 + 9x + 4) = 0$$

$$x = 2, \quad x = \frac{-9 \pm \sqrt{81 - 48}}{2(3)}$$

$$x = 2, x = \frac{-9 + \sqrt{33}}{6}, x = \frac{-9 - \sqrt{33}}{6}$$

الوحدة 1 الاقترانات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

14

$$6x^3 - 13x^2 + x + 2 = 0$$

عوامل الحد الثابت هي: $\pm 1, \pm 2$

$$48 - 52 + 2 + 2 = 0 \Rightarrow (x - 2) \text{ عامل}$$

$\times$	$6x^2$	$-x$	-1	
x	$6x^3$	$-x^2$	$-x$	0
-2	$-12x^2$	$2x$	2	

$$(x - 2)(6x^2 - x - 1) = 0$$

$$(x - 2)(3x + 1)(2x - 1) = 0$$

$$x = 2, x = -\frac{1}{3}, x = \frac{1}{2}$$

15

$$f(x) = 4x^3 - 20x + 16$$

أحد أصفار الاقتران هو $x = 1$ ، إذن، $(x - 1)$ عامل من عوامل $f(x)$

$\times$	$4x^2$	$4x$	-16	
x	$4x^3$	$4x^2$	$-16x$	0
-1	$-4x^2$	$-4x$	16	

$$f(x) = (x - 1)(4x^2 + 4x - 16)$$

$$4x^2 + 4x - 16 = 0 \quad \text{صفراه الآخران هما جذرا المعادلة}$$

$$x^2 + x - 4 = 0$$

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{1+16}}{2}$$

$$x \approx 1.56, x \approx -2.56$$

الوحدة 1 الاقترانات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتنا الباقي والعوامل

16	$f(x) = 4x^3 - 12x^2 - x + 15$ أحد أصفار الاقتران هو $x = -1$ ، إذن، $(x + 1)$ عامل من عوامل $f(x)$ <table><tr><td>$\times$</td><td>$4x^2$</td><td>$-16x$</td><td>15</td><td></td></tr><tr><td>x</td><td>$4x^3$</td><td>$-16x^2$</td><td>$15x$</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>$4x^2$</td><td>$-16x$</td><td>15</td><td></td></tr></table> $f(x) = (x + 1)(4x^2 - 16x + 15)$ $4x^2 - 16x + 15 = 0$ صفراء الآخران هما جئرا المعادلة $(2x - 3)(2x - 5) = 0$ $x = 1.5, x = 2.5$	$\times$	$4x^2$	$-16x$	15		x	$4x^3$	$-16x^2$	$15x$	0	1	$4x^2$	$-16x$	15	
$\times$	$4x^2$	$-16x$	15													
x	$4x^3$	$-16x^2$	$15x$	0												
1	$4x^2$	$-16x$	15													
17	$x^3 - 3x^2 + ax + b = 0$ نفرض أن الحل الثالث هو $x = c$ ، فتكون $(x - 1), (x - 4), (x - c)$ عوامل للمقدار $x^3 - 3x^2 + ax + b$ $x^3 - 3x^2 + ax + b = (x - 1)(x - 4)(x - c)$ $x^3 - 3x^2 + ax + b = (x^2 - 5x + 4)(x - c)$ $x^3 - 3x^2 + ax + b = x^3 - cx^2 - 5x^2 + 5cx + 4x - 4c$ $x^3 - 3x^2 + ax + b = x^3 - (c + 5)x^2 + (4 + 5c)x - 4c$ بمقارنة معاملات الحدود المتشابهة في الطرفين نجد أن: معامل x^2 : $-3 = -(c + 5)$ $c + 5 = 3 \Rightarrow c = -2$ إذن، الحل الثالث هو $x = -2$															
18	هذا يعني أن $f(1) = 2f(-1)$ $1 + a + 1 + 5 = 2(-1 + a - 1 + 5)$ $a + 7 = 2a + 6$ $a = 1$															

الوحدة 1 الاقتارات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

حجم الهرم = ثلث مساحة قاعدته مضروباً في ارتفاعه،

افرض أن طول ضلع القاعدة هو x ، فيكون الارتفاع $x + 1$

$$V = \frac{1}{3}x^2(x + 1)$$

$$4 = \frac{1}{3}x^2(x + 1)$$

$$12 = x^3 + x^2$$

$$x^3 + x^2 - 12 = 0$$

$$(2)^3 + (2)^2 - 12 = 0 \Rightarrow (x - 2) \text{ عامل}$$

19

$\times$	x^2	$3x$	6	
x	x^3	$3x^2$	$6x$	0
-2	$-2x^2$	$-6x$	-12	

$$(x - 2)(x^2 + 3x + 6) = 0$$

$$x - 2 = 0, x^2 + 3x + 6 = 0$$

المعادلة $x^2 + 3x + 6 = 0$ ليس لها حل لأن مميزها سالب (-15)،

فالحل الوحيد للمعادلة $x^3 + x^2 - 12 = 0$ هو $x = 2$

إذن، طول ضلع قاعدة المنحوتة هو 2 m ، وارتفاعها 3 m

$$f(x) = ax^3 + bx^2 - 9x - 9 \text{ عامل من عوامل } (x - 3)$$

$$f(3) = 0 \text{ إذن،}$$

20

$$27a + 9b - 27 - 9 = 0$$

$$27a + 9b = 36$$

بقسمة الطرفين على 9 ينتج أن: $3a + b = 4$

الوحدة 1 الاقترانات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتنا الباقي والعوامل

21	باقي قسمة $f(x)$ على $(x - 2)$ يساوي -15، يعني أن $f(2) = -15$ $8a + 4b - 18 - 9 = -15$ $8a + 4b = 12$ بقسمة الطرفين على 4 ينتج أن: $2a + b = 3$															
22	ب طرح المعادلة الناتجة في السؤال 21 من المعادلة الناتجة في السؤال 20 نجد أن $a = 1$، وبتعويض قيمة a في إحدى المعادلتين نجد أن $b = 1$															
23	حجم الصندوق يساوي $2(x)(x^2 + 6x - 19)$، وهذا يساوي $48 m^3$ $2(x)(x^2 + 6x - 19) = 48$ بقسمة الطرفين على 2، والتوزيع ينتج أن: $x^3 + 6x^2 - 19x = 24$ $x^3 + 6x^2 - 19x - 24 = 0$ $(-3)^3 + 6(-3)^2 - 19(-3) - 24 = 0 \Rightarrow (x - 3) \text{ عامل}$ <table><tr><td>$\times$</td><td>x^2</td><td>$9x$</td><td>8</td><td></td></tr><tr><td>x</td><td>x^3</td><td>$9x^2$</td><td>$8x$</td><td>0</td></tr><tr><td>-3</td><td>$-3x^2$</td><td>$-27x$</td><td>-24</td><td></td></tr></table> $(x - 3)(x^2 + 9x + 8) = 0$ $(x - 3)(x + 1)(x + 8) = 0$ $x = 3, x = -1, x = -8$ الحلان السالبان مرفوضان لأن x أحد أبعاد الصندوق ولا يمكن أن يكون سالبًا. إذن، قيمة x التي تجعل حجم الصندوق $48 m^3$ هي $3 m$	$\times$	x^2	$9x$	8		x	x^3	$9x^2$	$8x$	0	-3	$-3x^2$	$-27x$	-24	
$\times$	x^2	$9x$	8													
x	x^3	$9x^2$	$8x$	0												
-3	$-3x^2$	$-27x$	-24													

الوحدة 1 الاقتارات والمقادير الجبرية

الدرس 1 نظريتا الباقي والعوامل

24	بما أن $(x - 3)$ عامل لاقتاران من الدرجة الثالثة فإن العامل الثاني يكون تربيعيًا، ليكن هذا العامل الثاني: $ax^2 + bx + c$ $f(x) = (x - 3)(ax^2 + bx + c)$ $f(-1) = -8$ فإن $(x + 1)$ هو -8، فإن $f(x)$ بقية قسمة $f(x)$ على $(x + 1)$ هو -8 $(-1 - 3)(a - b + c) = -8$ $a - b + c = 2$ لذلك أختار أي قيم تحقق هذه المعادلة مثل $a = 1, b = 1, c = 2$ فيكون الاقتاران المطلوب هو: $f(x) = (x - 3)(x^2 + x + 2)$ $f(x) = x^3 - 2x^2 - x - 6$
25	قسمت سهام عوامل الحد الرئيس على عوامل الحد الثابت بعد إخراج العامل المشترك في حدود الاقتاران وهو x. الحل الصحيح هو: $f(x) = x(-8x^5 + 7x^4 - 3x^3 + 45x^2 - 1500x + 16)$ عوامل الحد الثابت (16) هي: $\pm 1, \pm 2, \pm 4, \pm 8, \pm 16$ عوامل المعامل الرئيس (-8) هي: $\pm 1, \pm 2, \pm 4, \pm 8$ الأصفار النسبية المحتملة هي: $\pm 1, \pm 2, \pm 4, \pm 8, \pm 16, \pm \frac{1}{2}, \pm \frac{1}{4}, \pm \frac{1}{8}$
26	بما أن المقسوم عليه كثير حدود من الدرجة الثانية، فإن الباقي سيكون من الدرجة الأولى على الأكثر. نفرض هذا الباقي هو: $ax + b$، وناتج القسمة هو $Q(x)$. $f(x) = (x - 3)(x + 2)Q(x) + ax + b$ $f(3) = 4 \Rightarrow (3 - 3)(3 + 2)Q(3) + 3a + b = 4$ $\Rightarrow 3a + b = 4 \dots \dots \dots (1)$ $f(-2) = 9 \Rightarrow (-2 - 3)(-2 + 2)Q(-2) - 2a + b = 9$ $\Rightarrow -2a + b = 9 \dots \dots \dots (2)$ ب طرح المعادلة (2) من المعادلة (1) ينتج: وبالتعويض في إحدى المعادلتين نجد: $b = 7$ إذن، باقي قسمة $f(x)$ على $(x - 3)(x + 2)$ يساوي $-x + 7$