



تمرين : اذكر درجة كل من الاقتراعات التالية واوجد قيم معاملات حدوده

(١) ق(س) =  $3س^3 + 2س^2 - 5$       (٢) ك(س) =  $2س^2 + 7س^4 + 3س^3 + 8$       (٣) م(س) =  $1 - 5س^5$

## العمليات على كثيرات الحدود

عند جمع كثيري حدود نجمع الحدود المتشابهة و عند طرح كثيري حدود نطرح الحدود المتشابهة

تمارين : اذا كان ق(س) =  $2س^2 + 5س + 3$  وكان ك(س) =  $3س^2 + 1س + 1$  جد (ق+ك)(س)      (٢) (ك-ق)(س)

اذا كان ق(س) =  $2س^2 - 3س^3 + 5س - 2$  وكان ل(س) =  $3س^2 + 4س + 3$  وكان ك(س) =  $2س^2 + 3س + 4$  جد مايلي

(١) (ق+ك+ل)(س)      (٢) (ك+ق)(س)      (٣) (ك+ل-ق)(س)

نلاحظ انه عند جمع او طرح كثيرات الحدود ينتج كثير حدود درجته اقل من او تساوي اكبر درجتيهما  
الضرب :

اذا كان ق(س) =  $2س^2 + 4س + 2$  ك(س) =  $5س^3$  جد (ق.ك)(س) و جد درجة الناتج  
ليكن ك(س) =  $2س^2 + 5س + 3$  وكان ل(س) =  $3س^2 + 4س + 6$  جد (ك.ل)(س)

نلاحظ ان درجة ناتج الضرب تساوي ناتج جمع درجتي كثيري الحدود  
القسمة

لاجراء عملية القسمة يجب ان تكون درجة المقسوم اكبر من او تساوي درجة المقسوم عليه

تدريب : اوجد ناتج وباقي قسمة الاقتران ق(س) =  $1 + 3س^2 - 7س^3$  على م(س) =  $2س - 2$   
اوجد ناتج وباقي قسمة الاقتران ق(س) =  $1 - 1س^0$  على ك(س) =  $1 - 2س^2$

\*\*\* درجة المقسوم = درجة ناتج القسمة + درجة المقسوم عليه

و درجة الباقي اقل من درجة المقسوم عليه

تمارين ومسائل :

اذا كان ق(س) =  $5س^2 + 2س - 3$  ك(س) =  $3س^2 + 4س + 2$  جد (ق+ك)(س)      (٢) (ق × ك)(س)      (٣) ك(س) ÷ ق(س)

استخدم القسمة التركيبية لايجاد ناتج القسمة ق(س) على ك(س)

(١) ق(س) =  $2س^3 - 3س^2 + 3س + 12$  ك(س) =  $س - 4$   
(٢) ق(س) =  $6س^3 - 28س^2 + 19س + 3$  ك(س) =  $س + 2$

يتساوى كثيرا الحدود اذا كان لها الدرجة نفسها وكانت معاملات قوى س المتساوية متساوية  
تمرين : اذا كان ق(س) = أس + (ب-١)س<sup>٢</sup> + ٢ وكان ك(س) = ٥س<sup>٣</sup> + ٢س<sup>٢</sup> + ٢ اقترانين جد قيم أ، ب

نظرية الباقي : باقي قسمة كثير الحدود ق(س) على ك(س) = س - أ هو ق(أ) واذا كان الباقي صفر فان ك(س) يقبل القسمة على ك(س)

اذا كان ق(س) = س<sup>٢</sup> - ٦س - ٤ ك(س) = س + ٢ جد باقي القسمة باستعمال نظرية الباقي

نظرية العوامل : يكون ك(س) = س - أ عامل من عوامل ق(س) اذا كان ق(أ) = صفر

تمرين : بين ان كان ك(س) عامل من عوامل ق(س)  
١) ق(س) = س<sup>٤</sup> + ٢س<sup>٣</sup> + ١٢ ك(س) = س<sup>٢</sup> + ٤

٢) اوجد قيم م التي نجعل س - ٢ عاملا من عوامل ق(س) = س<sup>٣</sup> - ٣س<sup>٢</sup> + م س - ١

٣) اوجد قيم م التي تجعل باقي قسمة ق(س) = (٣+م)س<sup>٢</sup> + ٥م س + ١ على ك(س) = س + ٢ يساوي ٦

اوجد قيم م التي نجعل س + ١ عاملا من عوامل الاقتران ق(س) = س<sup>٣</sup> + (م - ٥)س<sup>٢</sup> + (١+م)س + ٢