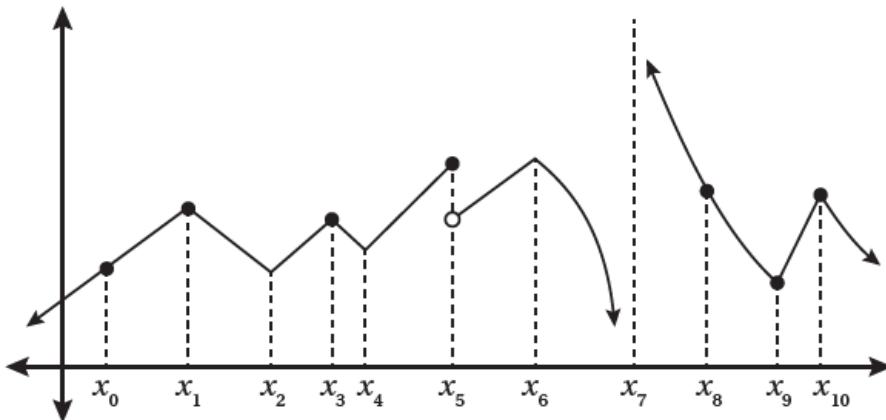


إجابات كتاب التمارين

الاشتقاق

- (1) يبين الشكل المجاور منحنى الاقتران $f(x)$. أحدد قيم x للنقاط التي يكون عندها الاقتران $f(x)$ غير قابل للاشتغال، مبرراً إجابتي.



غير قابل للاشتغال عند القيم $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9, x_{10}$ بسبب وجود زاوية لمنحنى الاقتران عند كل منها رغم أنه متصل.

وغير قابل للاشتغال عند القيم x_5 وذلك لأنه غير متصل عندها، والاتصال شرط ضروري.

أجد مشتقة كل اقتران مما يأتي:

$$(2) f(x) = 9e^x + 1x^3$$

$$f(x) = 9e^x + 13x - 12$$

$$f'(x) = 9e^x - 16x - 32 = 9e^x - 16x^3$$

$$(3) f(x) = 2e^x + 1x^2$$

$$f(x) = 2e^x + x^2$$

$$f'(x) = 2e^x - 2x^3 = 2e^x - 2x^3$$

$$(4) f(x) = \pi^2 \sin x - \cos x$$

$$f'(x) = \pi^2 \cos x + \sin x$$

. $x = 2$ عندما $f(x) = 2e^x + x$ (الاقتران: $f(x) = 2e^x + x$) أجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران:

$$f(x) = 2e^x + x , \quad x = 2$$

$$f(2) = 2e^2 + 2$$

$$f'(x) = 2e^x + 1$$

ميل المماس:

$$f'(2) = 2e^2 + 1$$

معادلة المماس:

$$y - 2e^2 - 2 = (2e^2 + 1)(x - 2)$$

$$y = (2e^2 + 1)x - 2e^2$$

. $f(x) = 3x + \sin x + 2$ أثبت عدم وجود مماس أفقي لمنحنى الاقتران:

$$f'(x) = 3 + \cos x$$

$f'(x) = 0$ عند المماس الأفقي يكون

$$3 + \cos x = 0 \rightarrow \cos x = -3$$

$\cos x \leq 1$ وهذه المعادلة ليس لها حل لأن 1

إذن، لا توجد مماسات أفقية لمنحنى .

يمثل الاقتران: موقع جسيم يتحرّك في مسار مستقيم، حيث $s = 3t^2 - t^3$ ، $t \leq 0$

الموقع بالأمتار، و t الزمن بالثواني:

(7) أجد سرعة الجسم المتجهة وتسارعه بعد t ثانية.

$$s(t) = 3t^2 - t^3, \quad t \geq 0$$

السرعة:

$$v(t) = 6t - 3t^2$$

التسارع:

$$a(t) = 6 - 6t$$

(8) أجد الموقع (الموضع) الذي يكون عنده الجسم في حالة سكون.

يكون الجسم في حالة سكون عندما $v(t) = 0$

$$v(t) = 6t - 3t^2 = 0 \rightarrow 3t(2 - t) = 0 \rightarrow t = 0, \quad t = 2$$

$$s(0) = 0, \quad s(2) = 12 - 8 = 4$$

إذن يكون الجسم في حالة سكون لحظي عندما يكون في كل من المواقعين:

$$s = 0 \text{ m}, \quad s = 4 \text{ m}$$

$f(x) = \ln x^2$ إذا كان: ، حيث ، فأجيب عن السؤالين الآتيين تباعاً: $x > 0$

(9) أجد معادلة مماس منحنى الاقتران عندما $x = e^2$.

$$f(x) = \ln x^2 = 2 \ln x, \quad x = e^2$$

$$f(e^2) = 2 \ln e^2 = 4 \rightarrow (e^2, 4)$$

$$f'(x) = 2x$$

ميل المماس:

$$f'(e^2) = 2e^2$$

معادلة المماس:

$$y - 4 = 2e^2(x - e^2) \rightarrow y = 2e^2x + 2$$

(10) أجد الإحداثي x للنقطة التي يكون المماس عندها موازياً لل المستقيم $6x - 2y + 5 = 0$

$$6x - 2y + 5 = 0 \quad \text{مما يساوي} \quad 3$$

$$f'(x) = 2x = 3 \rightarrow x = 23$$

إذا كان: $f(x) = 2 \sin x - 4 \cos x$ فأجيب عن السؤالين الآتيين تباعاً:

(11) أجد ميل المماس لمنحنى الاقتران $f(x)$ عندما $x = 0$.

$$f'(x) = 2 \cos x + 4 \sin x$$

$$f'(0) = 2 \cos 0 + 4 \sin 0 = 2$$

(12) أجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران $f(x)$ عندما $x = \pi/2$.

عند الإحداثي عندما $x = \pi/2$

$$f(\pi/2) = 2 \sin \pi/2 - 4 \cos \pi/2 = 2$$

ميل المماس:

$$f'(\pi/2) = 2 \cos \pi/2 + 4 \sin \pi/2 = 4$$

معادلة المماس:

$$y - 2 = 4(x - \pi/2) \rightarrow y = 4x - 2\pi + 2$$