

## إجابات أسئلة الدرس

### التكامل غير المحدود

#### السؤال الأول

جد كلا مما يأتي :

(أ)  $\int \frac{1}{x} dx$

(ب)  $\int \frac{dx}{x} \neq 0$

(ج)  $\int (x^2 - 2) dx$

(د)  $\int x^3 dx$

(هـ)  $\int \frac{x^2}{x^3} dx$

الحل :

(أ)  $\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C$

(ب)  $\int \frac{dx}{x} = \ln|x| + C$

(ج)  $\int (x^2 - 2) dx = \frac{x^3}{3} - 2x + C$

(د)  $\int x^3 dx = \frac{x^4}{4} + C$

(هـ)  $\int \frac{x^2}{x^3} dx = \int x^{-1} dx = \ln|x| + C$

### السؤال الثاني

جد كلا مما يأتي :

(أ)  $\int (10s^2 - \sqrt{s} + 3s) ds$  : (ب)  $\int (s-2)(s+4) ds$

(ج)  $\int 3 \text{ ظاس جتاس دس}$  : (د)  $\int \frac{s^2 + 6s + 8}{s+2} ds$  ،  $s \neq -2$

الحل :

(أ)  $\int (10s^2 - \sqrt{s} + 3s) ds = \int (10s^2 + \frac{1}{6}s - 3s) ds$

$$= \frac{10}{3}s^3 + \frac{\frac{1}{6}s^{\frac{7}{6}}}{\frac{7}{6}} - \frac{3s^2}{2} + \text{ج} = \frac{10}{3}s^3 + \frac{6}{7}s^{\frac{7}{6}} - \frac{3}{2}s^2 + \text{ج}$$

(ب)  $\int (s-2)(s+4) ds = \int (s^2 + 2s - 8) ds$

$$= \frac{s^3}{3} + \frac{2s^2}{2} - 8s + \text{ج} = \frac{s^3}{3} + s^2 - 8s + \text{ج}$$

(ج)  $\int 3 \text{ ظاس جتاس دس} = \int 3 \frac{\text{جتاس}}{\text{جتاس}} ds = \int 3 ds = 3s + \text{ج}$

(د)  $\int \frac{s^2 + 6s + 8}{s+2} ds = \int \frac{(s+2)(s+4)}{s+2} ds = \int (s+4) ds = \frac{s^2}{2} + 4s + \text{ج}$

### السؤال الثالث

$$\text{جد } \frac{دص}{دس} \text{ عندما } س = ٥ ، \text{ حيث } ص = \left| \frac{١ + ٤س}{س} دس ، س \neq ٠ \right.$$

الحل :

نقوم باشتقاق الطرفين ،،

$$\left( \text{مشتقة التكامل تعطي ما داخل التكامل} \right) ، \text{ إذن : } \left. \frac{دص}{دس} = \frac{د}{دس} \left( \frac{١ + ٤س}{س} \right) \right| = \frac{دص}{دس}$$

$$\frac{دص}{دس} = \frac{١ + ٤س}{س}$$

$$\frac{٢١}{٥} = \frac{١ + ٢٠}{٥} = \frac{١ + (٥)٤}{٥} = \left. \frac{دص}{دس} \right|_{س=٥}$$

### السؤال الرابع

إذا كان ق اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان ق' (س) = ٦س - ٨س<sup>٢</sup> + ٥ ، وكان ق (-١) = ٢ فجد قاعدة الاقتران ق .

الحل :

$$\text{ق (س) = ق' (س) دس} = \left[ (٦س - ٨س^٢ + ٥) دس = ٣س^٢ - ٢س^٤ + ٥س + ج \right]$$

$$\text{ق (-١) = (-١) ٣ - (-١) ٢ + (-١) ٥ + ج = ٢$$

$$٢ = ٣ - ٢ + ٥ + ج \iff ٢ = ج + ٤ \iff ٢ = ج \iff ٦ = ج$$

### السؤال الخامس

إذا كان  $E(s) = 6s^2 - 3s + 5$  ، فجد  $E(1)$  .

الحل :

نقوم باشتقاق الطرفين ،،

$$\frac{d}{ds} E(s) = \frac{d}{ds} (6s^2 - 3s + 5)$$

$$E'(s) = 12s - 3 \implies E'(1) = 12(1) - 3 = 9 \implies E(1) = 9 + C = 18$$

### السؤال السادس

إذا كان  $Q$  اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان  $Q'(s) = 2s - 5$  ، وكان  $Q(2) = 4$  ، فجد قيمة  $Q(1)$  .

الحل :

$$Q'(s) = 2s - 5 \implies Q(s) = s^2 - 5s + C$$

$$Q(2) = 4 \implies 4 = 2^2 - 5(2) + C \implies 4 = 4 - 10 + C \implies C = 10$$

$$\therefore Q(s) = s^2 - 5s + 10 \implies Q(1) = 1^2 - 5(1) + 10 = 6$$

لفهم إجابات أسئلة درس التكامل غير المحدود ، شاهد الفيديو

### السؤال السابع

إذا كان  $Q$  اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان  $Q'(s) = 3s^2 - (6s - 5) + 4s^2$  ، وكان  $Q(2) = 1$  ، فجد قيمة  $Q(1)$  .

الحل :

$$Q'(s) = 3s^2 - (6s - 5) + 4s^2 = 7s^2 - 6s + 5$$

$$Q(s) = \frac{7}{3}s^3 - 3s^2 + 5s + C$$

$$Q(2) = 1 \implies 1 = \frac{7}{3}(8) - 3(4) + 5(2) + C \implies 1 = \frac{56}{3} - 12 + 10 + C \implies 1 = \frac{56}{3} - 2 + C \implies C = 1 - \frac{56}{3} + 2 = \frac{3}{3} - \frac{56}{3} + \frac{6}{3} = \frac{-51}{3} = -17$$

$$\therefore Q(s) = \frac{7}{3}s^3 - 3s^2 + 5s - 17 \implies Q(1) = \frac{7}{3}(1) - 3(1) + 5(1) - 17 = \frac{7}{3} - 3 + 5 - 17 = \frac{7}{3} - 15 = \frac{7}{3} - \frac{45}{3} = \frac{-38}{3}$$

### السؤال الثامن

إذا كان ق اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان ق' (س) =  $\frac{س^2 + 6س + 8}{س}$  ، س  $\neq$  صفرا ، وكان ق (1) = 12 ، فجد قاعدة الاقتران ق.

**الحل :**

$$\begin{aligned} \text{ق (س)} &= \int \text{ق' (س) دس} = \int \frac{س^2 + 6س + 8}{س} دس \\ &= \int \left( س + \frac{6}{س} + \frac{8}{س} \right) دس \\ &= س + 6 \ln |س| + 8 \ln |س| + ج \\ \text{ق (1)} &= 12 = 1 + 6 \ln |1| + 8 \ln |1| + ج \\ &= 1 + 0 + 0 + ج \\ ج &= 11 \\ \therefore \text{ق (س)} &= س + 6 \ln |س| + 8 \ln |س| + 11 \end{aligned}$$