

إجابات تمارين ومسائل الدرس

تطبيقات فيزيائية - إجابات دليل المعلم

١) يتحرك جسم على خط مستقيم وفق العلاقة $f(n) = n^3 - 6n^2 + 9n$ ، حيث n الزمن بالثاني، فما هي المسافة المقطوعة بالأمتار، فجد كلاً ما يأتي:

- أ) السرعة الابتدائية للجسم.
 ب) تسارع الجسم لحظة سكونه.

الحل

$$\text{ب) } T(3) = 6 \text{ م/ث}^2, T(1) = -6 \text{ م/ث}$$

$$\text{أ) } U(0) = 9 \text{ م/ث}$$

٢) يتحرك جسم على خط مستقيم وفق العلاقة $f(n) = 2\pi n + \frac{3}{2}n^2$ ، حيث n الزمن بالثاني، حيث F : المسافة بالأمتار، جد تسارع الجسم عندما تكون سرعته $\frac{\pi}{3}$ م/ث.

- الحل**
 ت $(\frac{\pi}{3}) = (\frac{1}{2}) \text{ م/ث}^2$

٣) قذف جسم رأسياً إلى الأعلى من نقطة على سطح الأرض بحيث كان بعده عن سطح الأرض بعد n ثانية هو $f(n) = 19,6n - 9,8n^2$ متر، فجد كلاً ما يأتي:

- أ) أقصى ارتفاع يصل إليه الجسم عن سطح الأرض.
 ب) تسارعه في اللحظة n .

- ج) سرعة الجسم لحظة وصوله إلى سطح الأرض.

الحل

$$\text{أ) } F(2) = 19,6 \text{ م} \quad \text{ب) } T(n) = -9,8 \text{ م/ث} \quad \text{ج) } U(4) = -19,6 \text{ م/ث}$$

٤) قذف جسم رأسياً إلى الأعلى من نقطة على سطح الأرض؛ بحيث يكون ارتفاعه عن سطح الأرض

بعد زمن ن ثانية هو $f(n) = 12n^2$ قدم، فجد كلاً ما يأتي:

أ) مجموعة قيم ن التي تكون عندها السرعة سالبة.

ب) أقصى ارتفاع يصل إليه الجسم عن سطح الأرض.

ج) تسارع الجسم عند أي لحظة.

د) سرعة الجسم الابتدائية.

الحل

أ) $n \in [4, 8]$

ج) $t(n) = 32 - 12n$

ب) $f(4) = 256$ قدم ، $t(1) = 6$ م/ث

د) $12n = 256$ قدم / ث

٥) قذف جسم رأسياً إلى أعلى من نقطة على سطح الأرض؛ بحيث يكون ارتفاعه عن سطح الأرض بالأقدام بعد ن ثانية معطى وفق العلاقة $f(n) = 16n^2 - 96$. جد سرعة الجسم عندما يكون على ارتفاع ٨٠ قدماً.

الحل

ع(١) = ٦٤ قدم/ث ، ع(٥) = ٦٤ قدم/ث

٦) قذف جسم رأسياً إلى الأعلى من نقطة على سطح الأرض بحيث إنَّ بعده عن نقطة القذف بعد ن ثانية من بدء الحركة معطى بالعلاقة $f(n) = An^2 - 5$ بالأمتار، فجد قيمة A علماً بأنَّ أقصى ارتفاع وصل إليه الجسم ٨٠ متراً.

الحل

أ = ٤

٧) قُذف جسم رأسياً إلى أعلى من نقطة على ارتفاع ٦٠ مترًا من سطح الأرض وفق العلاقة $F(N) = 40 - 5N^2$ حيث N الزمن بالثانية، ف المسافة بالأمتار، **جد كلاً ما يأتي:**

- أ)** الزمن الذي يستغرقه الجسم حتى يعود إلى نقطة القذف.
ب) الزمن الذي يستغرقه الجسم حتى يعود إلى سطح الأرض.
ج) أقصى ارتفاع يصل إليه الجسم عن سطح الأرض.
د) متى تصبح سرعة الجسم 30 m/s ?
ه) متى يصبح ارتفاع الجسم ١٣٥ مترًا عن سطح الأرض?

الحل

$$\text{أ) زمن الصعود + زمن الهبوط} = 8 \text{ ث} \\ \frac{112\sqrt{+8}}{2} = 2 + 4 \text{ ثوان.}$$

$$\text{ج) } F(4) = 60 \text{ قدم} \\ \text{ه) } N = 3 \text{ ث ، } N = 5 \text{ ث}$$

٨) أسقط شخص جسماً من السكون من سطح بناية وفق العلاقة $F(N) = 6N^2$ ، وفي اللحظة نفسها قذف شخص ثان جسماً عمودياً إلى أسفل بسرعة ابتدائية مقدارها 20 cm/s من السطح نفسه وفق العلاقة $F(N) = 20N + 6N^2$ ، فإذا ارتطم الجسم الأول بعد $\frac{1}{3}$ ثانية من ارتطام الجسم الثاني بالأرض، فجد ارتفاع البناء.

الحل

$$N = 1 \text{ ث ، ومنه } N = \frac{3}{2} \text{ ث ، } F(\frac{3}{2}) = 36 \text{ مترًا}$$

٩) يتحرك جسيم على خط مستقيم بحيث إن سرعته $= A/F$ ، $A > 0$ ، $F < 0$ ، ف: المسافة بالأمتار، إذا علمت أن تسارعه 8 m/s^2 . فجد قيمة الثابت A .

الحل

١٠) يتحرك جسيم على خط مستقيم حسب العلاقة $U = 1 - F^2$ حيث U السرعة، ف المسافة بالأمتار. جد تسارع الجسيم عندما تنعدم سرعته.

الحل

$$U = 1 - F^2 \\ 0 = 1 - F^2 \\ F = \sqrt{2} \text{ m/s}$$