

## إجابات تمارين ومسائل الدرس

### التكامل بالتعويض - إجابات دليل المعلم

(١) جد كلاً من التكاملات الآتية:

$$\begin{aligned} \text{أ) } & \int (س+٣)\sqrt{٦س+٢} \, دس \\ \text{ب) } & \int \frac{٣-س^٢}{٥-٦س-٢س^٢} \, دس \\ \text{ج) } & \int \frac{٢}{٧(٢٥+س٢٠-٢س٤)} \, دس \\ \text{د) } & \int \frac{٧}{٤+س٤-٢س} \, دس \\ \text{هـ) } & \int \frac{\text{ظتنا}^{\frac{١}{٢}}}{س^{\frac{١}{٢}}} \, دس \\ \text{و) } & \int \frac{٧(س\sqrt{+٥})}{س\sqrt{}} \, دس \\ \text{ز) } & \int \frac{١}{س^{\frac{١}{٢}}\sqrt{١+س^٢}} \, دس \\ \text{ح) } & \int \frac{١}{س\sqrt{١+لوس}} \, دس \\ \text{ط) } & \int \frac{س^{\frac{٢}{٣}}+٢لوس}{س} \, دس \\ \text{ي) } & \int \frac{س^٢}{(س+١)^٥} \, دس \\ \text{ك) } & \int \sqrt[٢]{١+س^{\frac{٢}{٤}}} \, دس \\ \text{ل) } & \int \text{جتنا}^٢(س+١) \, دس \end{aligned}$$

الحل

$$\begin{aligned} \text{أ) } & \frac{٦٤}{٣} \\ \text{ب) } & \frac{١}{٣} \text{ لو } |٢س^٢-٦س-٥| + ج \\ \text{ج) } & \frac{١-}{١٣(٥-س^٢)} + ج \\ \text{د) } & \frac{٧}{٢} \\ \text{هـ) } & \text{ظتنا}^{\frac{١}{٢}} + \frac{١}{س} + ج \\ \text{و) } & \frac{٧(س\sqrt{+٥})}{٤} + ج \\ \text{ز) } & \frac{٢-}{٣} \sqrt{\frac{١+س^٢}{س}} + ج \\ \text{ح) } & ٢ \\ \text{ط) } & \frac{١}{٣} \text{ هـ}^{\frac{٢}{٣}} + ج \\ \text{ي) } & \frac{١}{٤} \left( \frac{س}{س+١} \right)^٤ + ج \\ \text{ك) } & \sqrt[٢]{\left( ١ + س^{\frac{٣}{٤}} \right)} + ج \\ \text{ل) } & \frac{٢(جاس+١)^٩}{٩} - \frac{١٠(جاس+١)}{١٠} + ج \end{aligned}$$

(٢) إذا كان  $\int ق(س) \, دس = ١٨$ ؛ فجد قيمة  $\int س^٢ ق(س) \, دس$

الحل  
٦

(٣) إذا كان  $\left[ \begin{matrix} \text{ق} \\ \text{س} \end{matrix} \right]_{\text{وس}} = 8$ ؛ فجد قيمة  $\left[ \begin{matrix} \text{ق} \\ \text{س} \end{matrix} \right]_{\text{وس}}^{\frac{\pi}{4}}$  جتا (٢س) ق (جا ٢س) وس

الحل  
١٢  
منهاجي

(٤) جد كلاً من التكمالات الآتية:

- أ)  $\left[ \begin{matrix} \text{هـ} \\ \text{جاس} + \text{لوس} \\ \text{جتاس} \end{matrix} \right]_{\text{وس}}$
- ب)  $\left[ \begin{matrix} \text{س}^2 \\ \sqrt{3(9+2\text{س})} \\ \text{وس} \end{matrix} \right]$
- ج)  $\left[ \begin{matrix} 1 - \text{ظا}^2\text{س} \\ \text{جتا}^2\text{س} \\ \text{وس} \end{matrix} \right]$
- د)  $\left[ \begin{matrix} \text{جاس} \sqrt{\text{جا}^2\text{س} + 4} \\ \text{قاس} \\ \text{وس} \end{matrix} \right]$
- هـ)  $\left[ \begin{matrix} \text{قتا}^2\text{س} \\ \text{ظتا}^2\text{س} \\ \text{وس} \end{matrix} \right]$
- و)  $\left[ \begin{matrix} \text{جتا}^2\text{س} \\ \text{وس} \end{matrix} \right]$
- ز)  $\left[ \begin{matrix} \text{جا}^2\text{س} \\ \text{وس} \\ (1 + \text{جتا}^2\text{س})^{\circ} \end{matrix} \right]$
- ح)  $\left[ \begin{matrix} \text{جا}^2\text{س} \times \text{هـ} \\ \text{جتا}^2\text{س} \\ \text{وس} \end{matrix} \right]$
- ط)  $\left[ \begin{matrix} \sqrt{3\text{س}} \\ \text{وس} \\ 5 - \text{س}^3 \end{matrix} \right]$
- ي)  $\left[ \begin{matrix} \text{قاس} \\ \text{وس} \end{matrix} \right]$
- ك)  $\left[ \begin{matrix} 1 \\ \text{وس} \\ (\sqrt{2} + \text{س}) \end{matrix} \right]$
- ل)  $\left[ \begin{matrix} \sqrt{3 + \text{ظتا}^2\text{س}} \\ \text{وس} \\ 2 - 2\text{جتا}^2\text{س} \end{matrix} \right]$
- م)  $\left[ \begin{matrix} \text{جاس} \\ \text{وس} \\ (1 + \text{جتا}^2\text{س})^{\circ} \end{matrix} \right]$
- ن)  $\left[ \begin{matrix} \sqrt{\text{جتا}^2\text{س} - \text{جتا}^3\text{س}} \\ \text{وس} \end{matrix} \right]$
- س)  $\left[ \begin{matrix} 1 \\ \text{وس} \\ \sqrt{1 + \text{س}^2} \end{matrix} \right]$
- ع)  $\left[ \begin{matrix} \text{جتا}^2\text{س} (\text{جاس} - \text{جتاس}) \\ \text{وس}^8 \end{matrix} \right]$

الحل

أ) هـ جاس + جـ

منهاجي

$$\text{ب) } 6 - \frac{9}{13\sqrt{}} + \sqrt{13}$$

$$\text{ج) } \text{ظاس} - \frac{\text{ظا}^3\text{س}}{3} + \text{جـ}$$

$$\text{د) } \frac{1}{3} \sqrt{(جا^2\text{س} + 4)} + \text{جـ}$$

$$\text{هـ) } \frac{\text{ظتا}^6\text{س} - \text{ظتا}^6\text{س}}{36} + \frac{\text{ظتا}^6\text{س}}{24} + \text{جـ}$$

$$\text{و) } \frac{1}{4} (\text{س} + \text{جا}^2\text{س} + \frac{1}{2} (\text{س} + \frac{1}{4} \text{جا}^4\text{س})) + \text{جـ}$$

$$\text{ز) } \frac{1}{4(\text{جتا}^2\text{س} + 1)} + \text{جـ}$$

$$\text{ح) } \frac{1}{2} \text{هـ} \text{جتا}^2\text{س} + \text{جـ}$$

$$\text{ي) } \frac{\text{ظا}^3\text{س}}{3} + \text{ظاس} + \text{جـ}$$

$$\text{ط) } \frac{3}{4} \text{لو} - 5 \text{س} - \sqrt{3\text{س}} + \text{جـ}$$

$$\text{ل) } \frac{3}{8} \sqrt[3]{(\text{ظتاس} + 3)} + \text{جـ}$$

$$\text{ك) } 2 \text{لو} + 2 \sqrt{\text{س}} + \text{جـ}$$

$$\text{ن) } \frac{2}{3}$$

منهاجي

$$\text{م) } \frac{32 - \text{جتا}^1\text{س}}{11} + \text{جـ}$$

$$\text{ع) } \frac{(\text{جاس} - \text{جتاس})^{10}}{10} + \text{جـ}$$

$$\text{س) } \frac{2}{3} \sqrt{\left(\frac{1 + 2\text{س}}{\text{س}}\right)} + \text{جـ}$$

٦) اكتب الفرض المناسب لإيجاد كل من التكاملات الآتية؛ بطريقة التكامل بالتعويض (دون إجراء التكامل):

$$\text{ب) } \int \text{جتاس}^5 \text{جا}^2\text{س} \text{ دس}$$

$$\text{أ) } \int \text{جتا}^{10}\text{س} \text{جا}^3\text{س} \text{ دس}$$

$$\text{د) } \int \text{ظاس}^3 \text{قاس}^5 \text{ دس}$$

$$\text{ج) } \int \text{ظاس}^5 \text{قاس}^3 \text{ دس}$$

$$\text{و) } \int \text{ظتا}^5 \text{قتا}^3 \text{ دس}$$

$$\text{هـ) } \int \text{ظتا}^3 \text{قتا}^5 \text{ دس}$$

الحل

منهاجي

$$\text{ب) } \text{ص} = \text{جاس}$$

$$\text{أ) } \text{ص} = \text{جتاس}$$

$$\text{د) } \text{ص} = \text{قاس}$$

$$\text{ج) } \text{ص} = \text{ظاس}$$

$$\text{و) } \text{ص} = \text{ظتاس}$$

$$\text{هـ) } \text{ص} = \text{ظتاس}$$