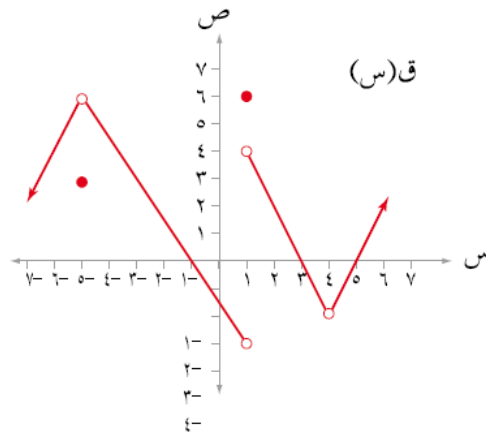


إجابات تمارين ومسائل الدرس

الاتصال عند نقطة

(١) معتمداً الشكل (١-٢٧) الذي يمثل منحنى الاقتران ق، ما قيم س التي يكون عندها ق غير متصل مع ذكر السبب؟

منهاجي
متعة التعليم الهادف



الشكل (١-٢٧)

الحل

الاقتران ق غير متصل عند $s = -1, 1, 3, 5$

السبب : $C(3) \neq C(3^-)$ غير متطابق

منهاجي (س) غير موجوده
١٤٥٥

ق(٥) \neq منهاجي (س)
٥ - ٤٥

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف



(٢) إذا كان ق(س) = [٤ - س - ٤]، فابحث في اتصال الاقتران ق عند س = ٢, ٥, ١

الحل

$$ق(س) = [٤ - س - ٤]$$

$$ل = \frac{١}{٤} = ٢, ٥$$

$$\left. \begin{array}{l} ١ < ٥ > ٥ \geq ١ \\ ١, ٥ > ٥ \geq ١, ٥ < ١ \end{array} \right\} = (س)$$

$$١ = (١, ٥)$$

$$\left. \begin{array}{l} ١ = (س) \\ ١, ٥ < ٥ \\ ١, ٥ < ٥ \\ ١, ٥ < ٥ \end{array} \right\} = (س)$$

∴ (س) غير متصل عند س = ١, ٥



(٣) ابحث في اتصال الاقتران ق(س) = $\frac{١ - س^٢}{١ - س}$ عند س = ١

الحل

ق (١) غير معرف

ق (س) غير متصل عند س = ١



(٤) ابحث في اتصال الاقتران ه(س) = $\frac{٤ - س^٢}{٢ - س}$ عند س = ٢

الحل

$$ه(س) = \frac{٤ - س^٢}{٢ - س} = ٢ \text{ عند } س = ٢$$

ه (٢) غير معرف

ه (س) غير متصل عند س = ٢

$$(5) \text{ إذا كان } q(s) = \left. \begin{array}{l} |ظاس| \\ س \end{array} \right\} \text{ ، } s > 0$$

$$\text{ ، } s \leq 0 \text{ ، } 1 - جتاس$$

الحل

$$(1) \text{ } s > 0 \text{ ، } \frac{ظاس}{س}$$

$$(2) \text{ } s \leq 0 \text{ ، } 1 - جتاس$$

$$(1) \text{ } s > 0 \text{ ، } 1 - جتاس = 1 - 1 = 0$$

$$(2) \text{ } s \leq 0 \text{ ، } 1 - جتاس = 1 - 1 = 0$$

$$1 - \frac{ظاس}{س} = \frac{ظاس - س}{س} = \frac{ظاس - س}{-145}$$

$$\Leftrightarrow \text{ظاس} - س = 145$$

$$\Leftrightarrow \text{ظاس} = س + 145$$

$$(6) \text{ إذا كان } l(s) = \left. \begin{array}{l} \sqrt{3-s} \\ |س-2-9| \end{array} \right\} \text{ ، } s < 3$$

$$\text{ ، } s \geq 3 \text{ ، } |س-2-9|$$

فابحث في اتصال الاقتران ل عند $s = 3$

الحل

$$(1) \text{ } l(3) = \sqrt{3-3} = 0$$

$$(2) \text{ } l(3) = |3-2-9| = 8$$

$$\Leftrightarrow \left. \begin{array}{l} \sqrt{3-s} \\ |س-2-9| \end{array} \right\} \text{ ، } s < 3$$

$$(3) \text{ } l(3) = |3-2-9| = 8$$

$$\text{لذا } l(3) \text{ يتغير عند } s = 3$$

$$(7) \left. \begin{array}{l} \text{إذا كان } q(s) = \frac{|s-2|}{s-2} \\ s \neq 2, \end{array} \right\}$$

فابحث في اتصال الاقتران ق عند $s=2$

الحل

$$\text{استأ } \left. \begin{array}{l} s \leq 2 \\ s > 2 \end{array} \right\} = \frac{s-2}{s-2} = 1$$

$$\left. \begin{array}{l} s \neq 2 \\ s = 2 \end{array} \right\} = \frac{s-2}{s-2} = 1$$

$$(1) \lim_{s \rightarrow 2} (s-2) = 0$$

$$(2) \lim_{s \rightarrow 2} (s-2) = 0$$

$$(3) \lim_{s \rightarrow 2} (s-2) = 0 \text{ عند } s=2$$

$$(8) \left. \begin{array}{l} \text{إذا كان } k(s) = \frac{s+6}{s-2} \\ s \geq 2, \end{array} \right\}$$

فابحث في اتصال الاقتران ك عند $s=2$

الحل

$$(1) \lim_{s \rightarrow 2} (s-2) = 0$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{مجال } (s) = \frac{s+6}{s-2} \\ \text{مجال } (s) = \frac{s-2}{s-2} = 1 \end{array} \right\} \text{ موجوده}$$

$$\text{ك } (s) \text{ غير متصل عند } s=2$$

$$(9) \text{ إذا كان } \varepsilon (s) = \left. \begin{array}{l} \frac{1}{s} + 2s, \quad 0 < s \leq 2 \\ 3 + [s], \quad 2 < s < 3 \\ 7, \quad s = 3 \end{array} \right\}$$

متصلاً عند $s = 2$ ، فجد قيمة الثابت أ.

الحل

$$\begin{aligned} \text{عند } (s) \text{ متصل عند } s=2 \\ \text{نها ع } (s) = \text{نها ع } (s) \\ +2s \quad -2s \\ 3+2 = 2+2 \\ 0 = 2+2 \\ 3=2 \quad \leftarrow 1=2 \end{aligned}$$

$$(10) \text{ إذا كان } l(s) = \left. \begin{array}{l} \frac{s^3 + 2s^2 + 2s - 4}{1-s}, \quad s \neq 1 \\ 1-s, \quad s = 1 \end{array} \right\}$$

فابحث في اتصال الاقتران ل عند $s = 1$

الحل

$$l(1) = 1 - 1 \times 0 = 1$$

$$c \text{ نها ل } (s) = \frac{s^3 + 2s^2 + 2s - 4}{1-s} = \frac{s^3 + 2s^2 + 2s - 4}{1-s}$$

$$= \frac{(s^3 + 2s^2 + 2s - 4)(s-1)}{(1-s)}$$

$$= s^3 + 2s^2 + 2s - 4 = 1 - s$$

$$l(1) \neq c \text{ نها ل } (s) \text{ ، ل } (s) \text{ غير متصل عند } s=1$$

$$(11) \left. \begin{array}{l} s > 2, \quad s^2 + s \\ s = 2, \quad [s + 4] \\ s < 2, \quad \sqrt{s^2 + 5} + \frac{6}{s} \end{array} \right\} = \text{إذا كان ق (س)}$$

فابحث في اتصال الاقتران ق عند $s = 2$

الحل

$$(1) \text{ هنا } (2) = [4 + 4] = 8$$

$$(2) \text{ هنا } (2) = \sqrt{2^2 + 5} + \frac{6}{2} = \sqrt{9} + 3 = 3 + 3 = 6$$

$$(3) \text{ هنا } (2) = 2^2 + 2 = 4 + 2 = 6$$

$$(4) \text{ هنا } (2) = 2^2 + 2 = 4 + 2 = 6$$

$$(5) \text{ هنا } (2) = 2^2 + 2 = 4 + 2 = 6$$

∴ هو متصل عند $s = 2$

$$(12) \left. \begin{array}{l} s \geq 0, \quad s^2 + b \\ 2 \leq s \leq 3, \quad |s| - 5 \end{array} \right\} = \text{إذا كان ل (س)}$$

فجد قيمة الثابت ب التي تجعل الاقتران ل متصلاً عند $s = 2$

الحل

$$\text{هنا ل (س)} = s^2 + b$$

$$2^2 + b = 3 - 5 \Rightarrow 4 + b = -2$$

$$\Rightarrow b = -6$$

$$\left. \begin{array}{l} 3 \text{ س } 5 + 3 \\ 2 \text{ س } 4 - 2 \end{array} \right\} = (13) \text{ إذا كان ق (س)}$$

س 3 ص ، س 2 ص حيث ص مجموعة الأعداد الصحيحة

فابحث في اتصال الاقتران ق عند س = 3

الحل

$$14 = 5 + 3 \times 3 = (3) \text{ س } 1$$

$$14 = (3) \text{ س } 1 \text{ س } 2$$

$$(3) \text{ س } 1 = (3) \text{ س } 2$$

$$\therefore \text{ لا يتصل عند } 3 = 3$$