

## إجابات أسئلة الدرس

### المشتقة الأولى

(١) استخدم تعريف المشتقة لإيجاد المشتقة الأولى لكل من الاقتارات الآتية عند قيمة (قيم)  $s$  المبينة إزاء كل منها:

منهاجي  
متعة التعليم الهادف

$$\text{أ) ق(س)} = 5s - 8, \quad \text{س} = 3,$$

$$\text{ب) م(س)} = s^2 + 2s, \quad \text{س} = 1,$$

منهاجي  
متعة التعليم الهادف

$$\text{ج) ل(س)} = \sqrt{s-1}, \quad \text{حيث } s \leq 1, \quad \text{س} = 5,$$

$$\text{د) ع(س)} = \left. \begin{array}{l} s^2 - s \\ 5s - 9 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 0 < s \leq 3, \\ 3 < s < 6, \end{array}$$

$$\text{عند } s = 0, \text{ س} = 3, \text{ س} = 6$$

منهاجي  
متعة التعليم الهادف

$$\text{هـ) ك(س)} = |s^2 - 4|, \quad \text{س} = 1, \text{ س} = 2,$$

$$\text{و) ص} = \frac{s^2}{s+3}, \quad \text{س} = 1,$$

منهاجي  
متعة التعليم الهادف

$$\text{أ) ق(س)} = 5s - 8, \quad \text{س} = 3,$$

$$\text{ق(3)} = \frac{\text{نها} (3) - \text{نها} (3 + \text{هـ}) - \text{ق(3)}}{\text{هـ}}$$

$$= \frac{\text{نها} (3 \times 5 - 8) - \text{نها} (3 + \text{هـ}) - 8}{\text{هـ}}$$

منهاجي  
متعة التعليم الهادف

$$= \frac{\text{نها} (15 + 8 - 8 - 15 - 8)}{\text{هـ}} = \frac{-8 - 8}{\text{هـ}} = -\frac{16}{\text{هـ}}$$

$$\text{ب) م(س)} = s^2 + 2s, \quad \text{س} = 1,$$

$$\text{م(1)} = \frac{\text{نها} (1) - \text{نها} (1 + \text{م}) - \text{م(1)}}{1 + \text{س}}$$

$$= \frac{\text{نها} (1 + 2(1)) - 2s + s^2}{1 + \text{س}}$$

منهاجي  
متعة التعليم الهادف

$$= \frac{\text{نها} (1 + 2(1)) - 2s + s^2}{1 + \text{س}} = \frac{\text{نها} (1 + 2(1)) - 2s + s^2}{1 + \text{س}}$$

منهاجي  
متعة التعليم الهادف

$$= \frac{\text{نها} (1 + 2(1)) - 2s + s^2}{1 + \text{س}} = \frac{\text{نها} (1 + 2(1)) - 2s + s^2}{1 + \text{س}}$$

ج) ل(س) =  $\sqrt{1-s}$  ، حيث  $s \leq 1$  ،  $s = 0$

$$ل'(0) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{ل(s) - ل(0)}{s - 0}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{2 + \sqrt{1-s}}{2 + \sqrt{1-s}} \times \frac{2 - \sqrt{1-s}}{2 - \sqrt{1-s}}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{4 - 1 - s}{(2 + \sqrt{1-s})(2 - \sqrt{1-s})}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{3 - s}{(2 + \sqrt{1-s})(2 - \sqrt{1-s})}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{2 + 2} = \frac{1}{4}$$

$$(د) \begin{cases} 0 < s < 3 \\ 3 < s < 6 \end{cases} \begin{cases} s - 2 \\ 5 - s \end{cases} = (س)ع$$

ع (1) ، ع (2) غير معرف ، ع (3) ، ع (4) غير موجودة

$$ع'(3) = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{ع(s) - ع(3)}{s - 3}$$

$$0 = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{(s-3) \cdot 0}{s-3} = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{10 - 5s}{s-3} = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{6 - 9 - 5s}{s-3}$$

$$ع'(3) = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{6 - s - 5s}{s-3} = -3$$

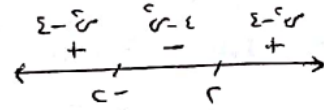
$$0 = 2 + s = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{(2+s)(2-s)}{s-3} =$$

$$ع'(3) = -3$$

$$0 = ع'(3)$$

هـ) لك (س) = |س<sup>2</sup> - ٤| ، س = ١ ، س = ٢

س<sup>2</sup> - ٤ = ٠ ⇔ س = ٢ أو س = -٢



$\left. \begin{matrix} 2 < s < \infty & \text{و} & s < -2 \\ 2 \geq s \geq -2 \end{matrix} \right\} = |s^2 - 4|$

لك (١) =  $\frac{1^2 - 4}{1 - 2} = \frac{1 - 4}{-1} = \frac{-3}{-1} = 3$  ، لها  $\frac{2 - 4 - 2s}{1 - s}$  ، لها  $\frac{1 - 4 - 2s}{1 - s}$

٢- =  $\frac{(s+1) - 4}{1-s} = \frac{(s+1) - 4}{1-s}$

لك (٢) =  $\frac{2^2 - 4}{2 - 2} = \frac{0}{0}$  ، لها  $\frac{(2+s)(2-s)}{2-s}$  ، لها  $\frac{2^2 - 4}{2 - 2}$

لك (٢) =  $\frac{2^2 - 4}{2 - 2} = \frac{0}{0}$  ، لها  $\frac{(s+2)(s-2)}{s-2}$  ، لها  $\frac{2^2 - 4}{2 - 2}$

لك (٢) ≠ لك (٢)

⇔ لك (٢) غير موجودة

س = -١

و) ص =  $\frac{2s}{3+s}$

فد (١) =  $\frac{2s}{3+s} - \frac{2s}{3+s}$  ، لها  $\frac{2s}{1+s}$

لها  $\frac{1 + \frac{2s}{3+s}}{1+s}$

لها  $\frac{1}{1+s} \times \frac{3+s+2s}{3+s}$

لها  $\frac{1}{1+s} \times \frac{3+3s}{3+s}$

لها  $\frac{1}{1+s} \times \frac{(1+s)3}{3+s}$

(٢) جد  $\frac{dx}{ds}$  لكل من الاقترانات الآتية مستخدماً تعريف المشتقة:

( أ )  $v = s^2 - \frac{4}{s}$  ،  $s \neq 0$  (ب)  $v = \sqrt{2s - 6}$  ،  $s < 3$   
 (ج)  $v = s^3$  ( د )  $v = \sqrt[3]{s}$

( أ )  $\frac{dv}{ds} = \frac{d(s^2 - \frac{4}{s})}{ds} = 2s - \frac{-4}{s^2} = 2s + \frac{4}{s^2}$

$\frac{dv}{ds} = \frac{d(\sqrt{2s-6})}{ds} = \frac{1}{2\sqrt{2s-6}} \times 2 = \frac{1}{\sqrt{2s-6}}$

$\frac{dv}{ds} = \frac{d(s^3)}{ds} = 3s^2$

$\frac{dv}{ds} = \frac{d(\sqrt[3]{s})}{ds} = \frac{1}{3} s^{-\frac{2}{3}} = \frac{1}{3\sqrt[3]{s^2}}$

$\frac{dv}{ds} = \frac{d(\sqrt{7-5s})}{ds} = \frac{1}{2\sqrt{7-5s}} \times (-5) = -\frac{5}{2\sqrt{7-5s}}$

( ب )  $\frac{dv}{ds} = \frac{d(\sqrt{7-5s})}{ds} = -\frac{5}{2\sqrt{7-5s}}$

$\frac{dv}{ds} = \frac{d(\sqrt{7-5s})}{ds} = \frac{1}{2\sqrt{7-5s}} \times (-5) = -\frac{5}{2\sqrt{7-5s}}$

$\frac{dv}{ds} = \frac{d(\sqrt{7-5s})}{ds} = -\frac{5}{2\sqrt{7-5s}}$

$\frac{dv}{ds} = \frac{d(\sqrt{7-5s})}{ds} = -\frac{5}{2\sqrt{7-5s}}$

( ج )  $\frac{dv}{ds} = \frac{d(s^3 - \frac{3}{s})}{ds} = 3s^2 - \frac{-3}{s^2} = 3s^2 + \frac{3}{s^2}$

$\frac{dv}{ds} = \frac{d(s^3 + s^2 + s)}{ds} = 3s^2 + 2s + 1$

$\frac{dv}{ds} = \frac{d(s^3 + s^2 + s)}{ds} = 3s^2 + 2s + 1$

$$(د) \frac{3x^2 + 2x^3 + x^4}{3x^2 + 2x^3 + x^4} \times \frac{3x^2 - 4x^3}{5 - 4x} = \frac{3x^2}{5 - 4x}$$

$$\frac{3x^2}{(3x^2 + 2x^3 + x^4)(5 - 4x)} = \frac{3x^2}{5 - 4x}$$

$$\frac{1}{(3x^2)^3} =$$