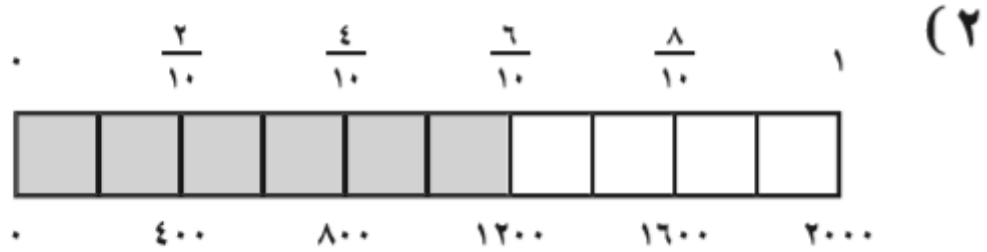
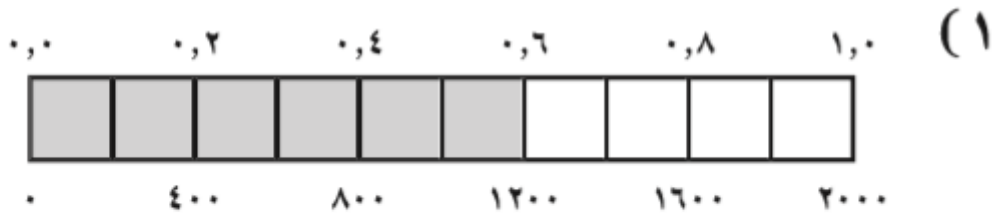


معادلة الدائرة

<< معادلة الدائرة هي علاقة بين الإحداثي السيني والإحداثي الصادي لأي نقطة على الدائرة ،

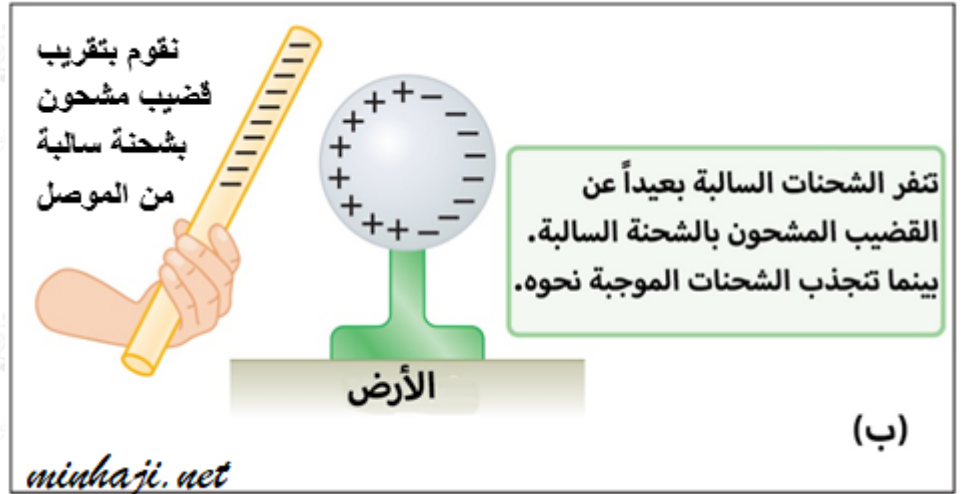
وكل زوج مرتب يُحقق هذه المعادلة يُمثل نقطة على الدائرة .

<< أولاً : معادلة الدائرة التي مركزها $(0,0)$ ، وطول نصف قطرها r هي :



(٣) $1200 = 2000 \times 0,6$ ؛

$$1200 = 2000 \times \frac{3}{5}$$



مثال

جد معادلة الدائرة التي مركزها نقطة الأصل ونصف قطرها يساوي ٤

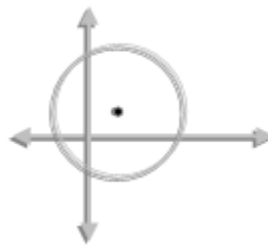
الحل :

بما أن مركزها نقطة الأصل إذن معادلتها هي : $s^2 + v^2 = r^2$

الآن عوض نصف القطر المعطى في المعادلة : $s^2 + v^2 = ٤^2$

أذن معادلة الدائرة هي : $s^2 + v^2 = ١٦$

<< ثانياً : معادلة الدائرة التي مركزها ل (د ، هـ) ونصف قطرها ر هي :



$$(s - د)^2 + (v - هـ)^2 = ر^2$$

وتسمى هذه الصورة بالصورة القياسية .

مثال

ما معادلة الدائرة التي مركزها (3 ، 4) ، وطول نصف قطرها 6

الحل :

لاحظ المركز هنا (3 ، 4) وهو يُناظر المركز (د ، هـ) في الصورة القياسية لمعادلة

$$\text{الدائرة : (س - د) + (هـ - ر) = ر} \quad ، \quad 6 = ر$$

$$\text{إذن ، المعادلة هي : (س - 3) + (هـ - 4) = 36}$$

مثال

اكتب معادلة الدائرة التي مركزها (2 ، -2) ، وطول نصف قطرها 5

الحل :

$$\text{المركز (2 ، -2) = (د ، هـ) ، } 5 = ر$$

$$\text{الصورة القياسية لمعادلة الدائرة : (س - د) + (هـ - ر) = ر}$$

$$\text{عوض القيم في المعادلة } 25 = (س - 2) + (هـ - (-2)) = ر$$

$$25 = (س - 2) + (هـ + 2) = ر$$

للمزيد من الفائدة شاهد الفيديو التالي :

<< ثالثاً : الصورة العامة لمعادلة الدائرة

$$\boxed{س^2 + ص^2 + أس + ب ص + ج = 0}$$

ويُمكن إيجاد المركز وطول نصف قطر الدائرة من المعادلة حيث :

$$\text{المركز (د ، هـ) = } \left(-\frac{1}{2} \text{ معامل س} ، -\frac{1}{2} \text{ معامل ص} \right)$$

$$\text{نصف القطر (ر) = } \sqrt{\left(\frac{1}{4} \text{ معامل س}^2 + \frac{1}{4} \text{ معامل ص}^2 + \text{معامل ج} \right)}$$

مثال

جد مركز ونصف قطر الدائرة التي معادلتها: $x^2 + y^2 + 8x + 16 = 0$

الحل:

بمقارنة معادلة الدائرة $x^2 + y^2 + 8x + 16 = 0$

بالمعادلة (الصورة العامة) $x^2 + y^2 + 2Ax + 2By + C = 0$ ، نجد:

$$D = -\frac{1}{4} \text{ معامل } x = -\frac{1}{4} \times 8 = -2 \text{ ، إذن } D = -2$$

$$H = -\frac{1}{4} \text{ معامل } y = -\frac{1}{4} \times 0 = 0 \text{ ، إذن } H = 0$$

إذن المركز (D ، H) = (-2 ، 0)

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 - \frac{C}{4}} = \sqrt{4^2 + 0^2 - \frac{16}{4}} = \sqrt{16 - 4} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

مثال

جد مركز ونصف قطر الدائرة التي معادلتها: $x^2 + y^2 - 8x + 10 = 0$

الحل:

نعيد كتابة المعادلة لتصبح كالصورة العامة لمعادلة الدائرة

$$x^2 + y^2 - 8x + 10 = 0$$

المركز: (D ، H)

بمقارنة معادلة الدائرة $x^2 + y^2 - 8x + 10 = 0$

بالمعادلة $x^2 + y^2 + 2Ax + 2By + C = 0$ نجد:

$$D = -\frac{1}{4} \text{ معامل } x = -\frac{1}{4} \times (-8) = 2 \text{ ، إذن } D = 2$$

$$H = -\frac{1}{4} \text{ معامل } y = -\frac{1}{4} \times 0 = 0 \text{ ، إذن } H = 0$$

المركز (D ، H) = (2 ، 0)

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 - \frac{C}{4}} = \sqrt{4^2 + 0^2 - \frac{10}{4}} = \sqrt{16 - 2.5} = \sqrt{13.5} = \frac{3\sqrt{6}}{2}$$

للمزيد من الفائدة شاهد الفيديو التالي :