



الرياضيات

الصف الحادي عشر - الفرع الأدبي
الفصل الدراسي الثاني

11

إجابات الطالب

منهاجي
متعة التعليم الهادف

الناشر: المركز الوطني لتطوير المناهج

يسر المركز الوطني لتطوير المناهج استقبال آرائكم وملحوظاتكم على هذا الكتاب عن طريق العناوين الآتية:

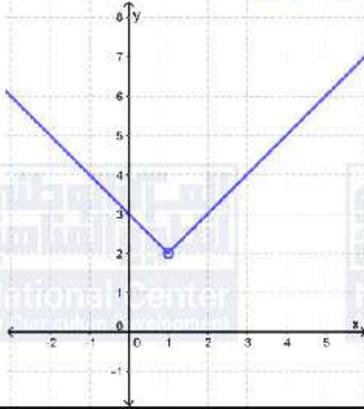
☎ 06-5376262 / 237 📠 06-5376266 ✉ P.O.Box: 2088 Amman 11941

📌 @nccdjor 📧 feedback@nccd.gov.jo 🌐 www.nccd.gov.jo

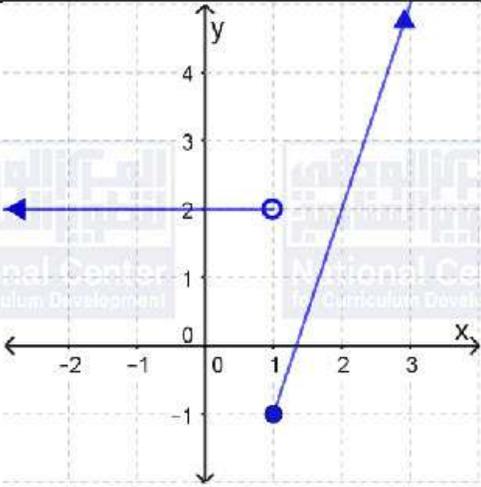
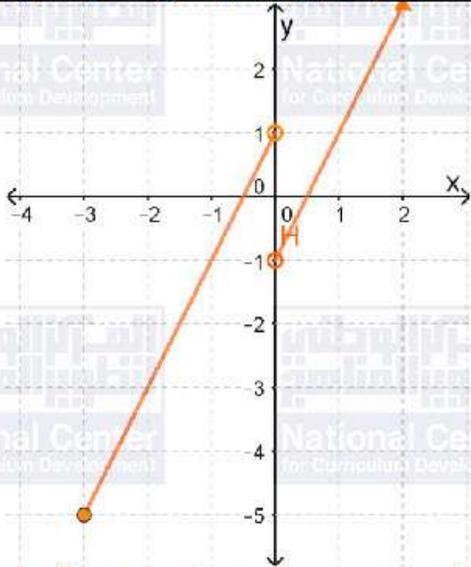
إجابات كتاب الطالب للصف الحادي عشر الأدبي / الفصل الدراسي الثاني

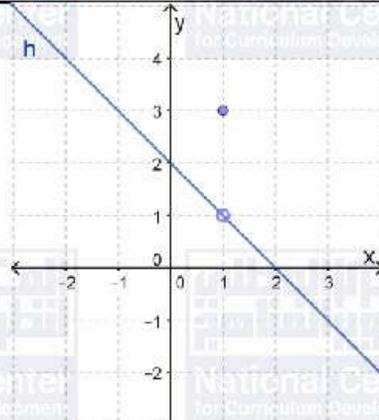
الوحدة الرابعة : الاقتارات المنتسبة

الدرس 1 : الاقتارات المنتسبة

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
<p>(1) المجال هو جميع قيم x الحقيقية ما عدا العدد 1</p> <p>(2) $f(1)$ ، $f(-1) = 0$ غير معرف ، $f(3) = 0$</p> <p>(3) المدى هو جميع قيم y التي تنتمي للفترة $(2, \infty)$</p> 	10	أتحقق من فهمي
$f(x) = \begin{cases} x + 3, & x \leq 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$	11	أتحقق من فهمي
$P(x) = \begin{cases} 1.15x, & x < 700 \\ 1.1x, & 700 \leq x < 1000 \\ x + 50, & x > 1000 \end{cases}$	12	أتحقق من فهمي

أنترب وأحل المسائل

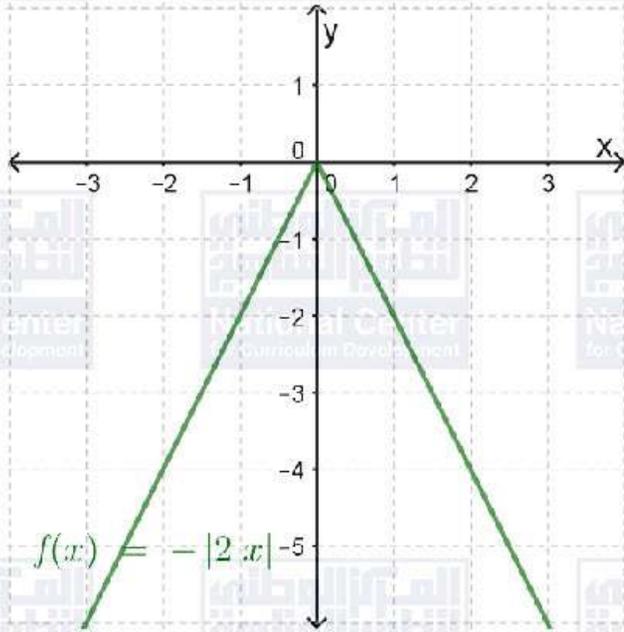
الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
<p>مجال الاقتران f هو جميع قيم x الحقيقية مجال الاقتران g هو جميع قيم x الحقيقية التي تنتمي للفترة $(-3, \infty)$ ما عدا العدد 0</p>	13	1
<p>$g(-2) = -3$ ، غير معرف ، $g(0)$ ، $f(2) = 2$ ، $f(-1) = 2$</p>	13	2
	13	3
<p>المدى هو جميع قيم y التي تنتمي للفترة $(-1, \infty)$</p>	13	4
	13	5
<p>المدى هو جميع قيم y التي تنتمي للفترة $(-5, \infty)$ ما عدا 1 ، -1</p> <p>$f(x) = \begin{cases} -4, & x < 2 \\ 4, & x \geq 2 \end{cases}$</p>	13	5

$f(x) = \begin{cases} -\frac{5}{3}x - \frac{8}{3}, & x \leq -1 \\ \frac{4}{3}x - \frac{2}{3}, & -1 < x \leq 2 \end{cases}$	13	6
<p>مجال الاقتران h هو جميع قيم x الحقيقية مدى الاقتران h هو جميع قيم y التي تنتمي للفترة $(-\infty, 0)$</p>	13	7
$f(x) = \begin{cases} -4, & x < -2 \\ x - 2, & -2 \leq x < 2 \\ -\frac{7}{4}x + \frac{7}{2}, & x \geq 2 \end{cases}$	13	8
$f(x) = \begin{cases} 2x, & 0 < x \leq 5 \\ 10 + x, & x > 5 \end{cases}$	13	9
$p(x) = \begin{cases} 500 + 0.01x, & x \leq 2000 \\ 500 + 0.15x, & x > 2000 \end{cases}$	14	10
<p>7300 ديناراً</p>	14	11
<p>نعم، صحيح؛ لأن محو الأجزاء التي لا تقع ضمن المجال المحدد يُبقي تمثيل الاقتران المطلوب، مع مراعاة وضع دائرة مفتوحة أو مغلقة عند أطراف الفترة إن وجدت فجوات أو قفزات في التمثيل البياني.</p>	14	12
$f(x) = \begin{cases} 3, & x < 0 \\ 5, & x \geq 0 \end{cases}$	13	13
	13	14
<p>مجال الاقتران h هو جميع قيم x الحقيقية، ومداه هو جميع قيم y الحقيقية ما عدا العدد 1</p>		

الدرس 2 : اقتران القيمة المطلقة

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	16	$h(x) = \begin{cases} 2x + 8, & x \geq -4 \\ -2x - 8, & x < -4 \end{cases}$

1)

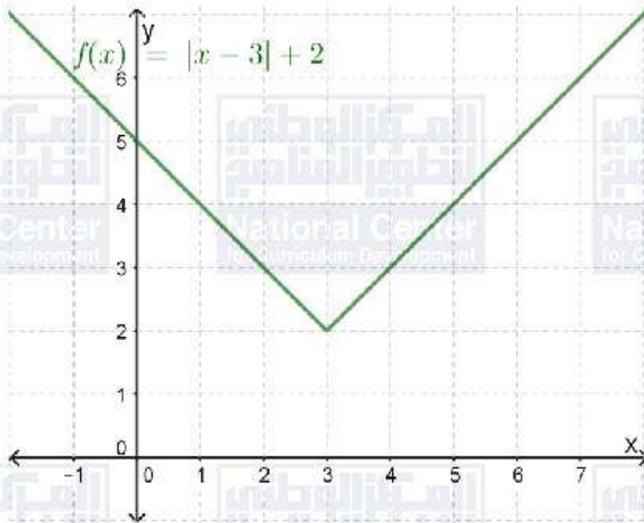


مجال الاقتران f هو جميع قيم x الحقيقية ،
ومداه هو جميع قيم y الحقيقية التي تنتمي للفترة $(-\infty, 0]$

19

أتحقق من فهمي

2)



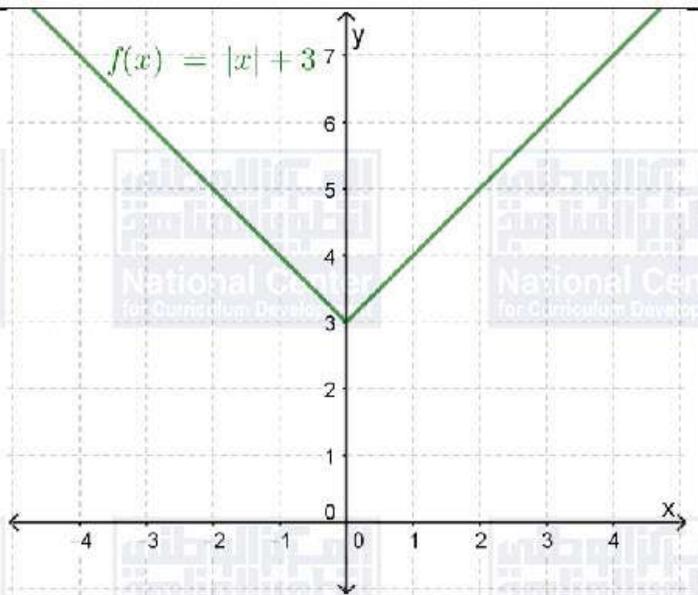
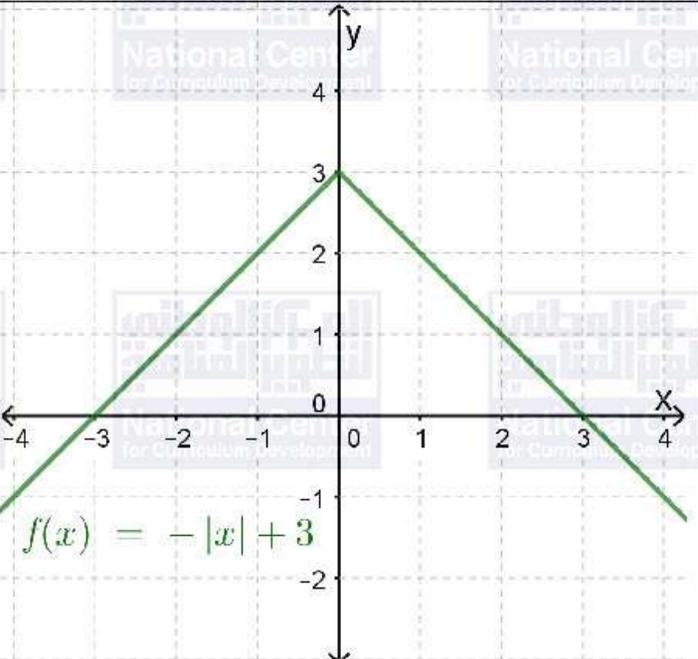
مجال الاقتران f هو جميع قيم x الحقيقية ،
ومداه هو جميع قيم y الحقيقية التي تنتمي للفترة $[2, \infty)$

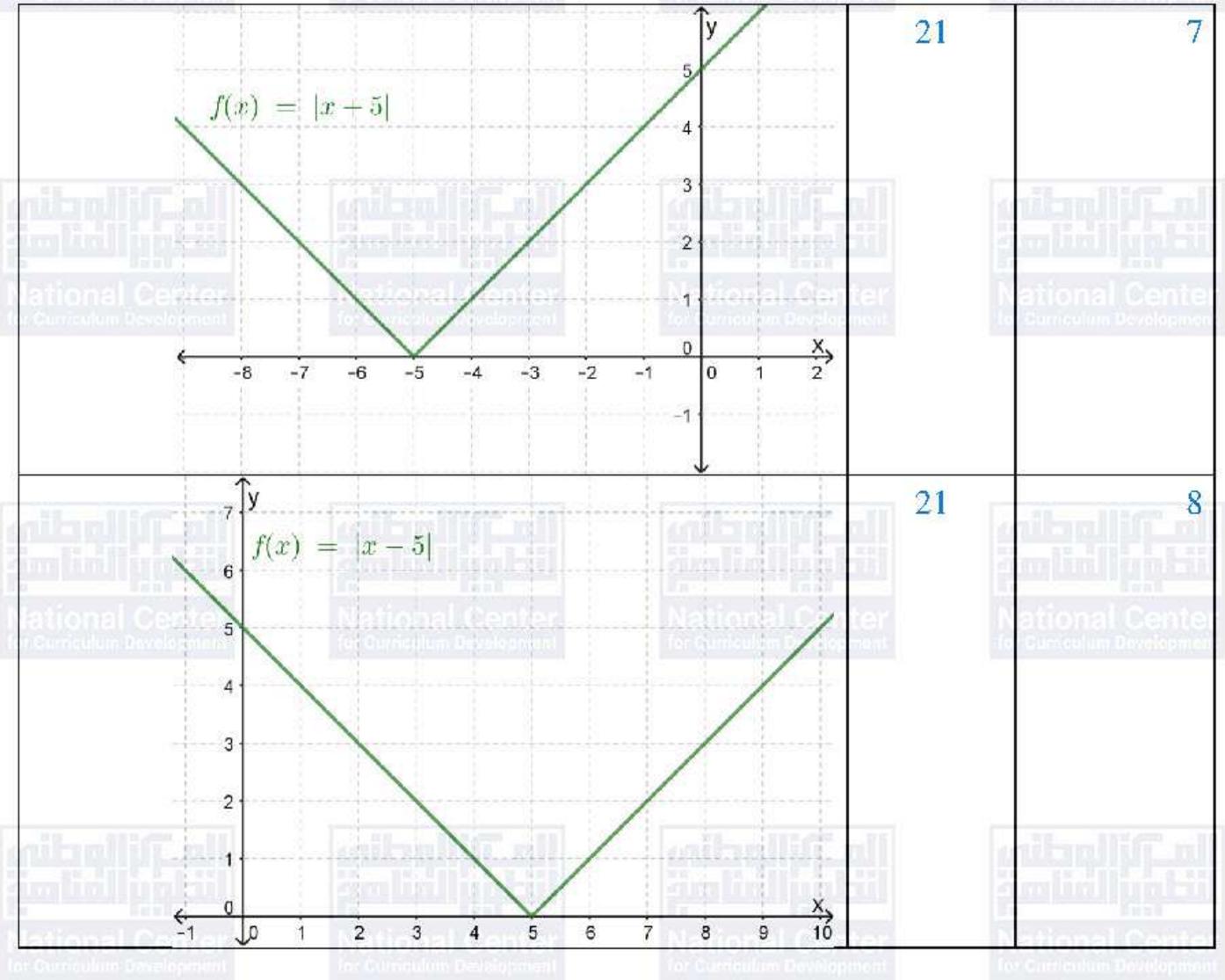
$$f(x) = |2x + 6| \quad \text{أو} \quad f(x) = 2|x + 3|$$

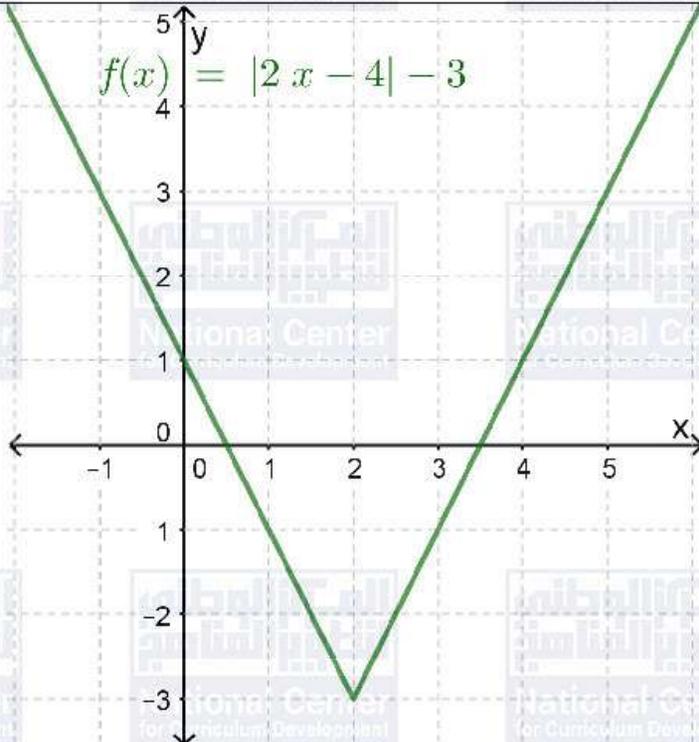
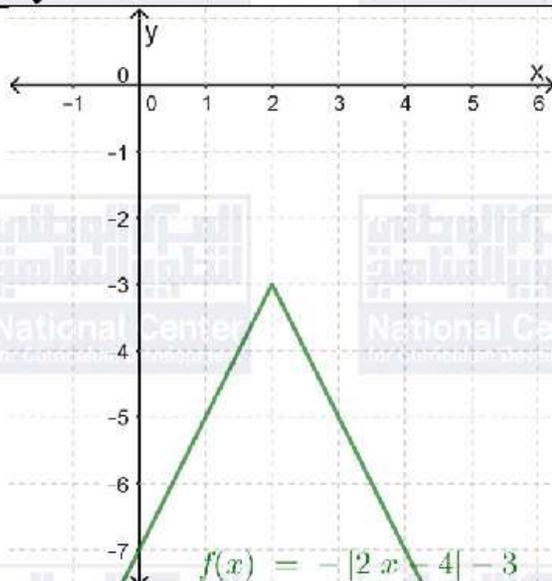
20

أتحقق من فهمي

أنتدرب وأحل المسائل

National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development
	$f(x) = \begin{cases} x - 6, & x \geq 6 \\ 6 - x, & x < 6 \end{cases}$	21	1
	$g(x) = \begin{cases} 3x + 3, & x \geq -1 \\ -3x - 3, & x < -1 \end{cases}$	21	2
	$h(x) = \begin{cases} 2x - 2, & x \geq 2.5 \\ -2x + 8, & x < 2.5 \end{cases}$	21	3
	$p(x) = \begin{cases} 3(x + 1), & x \geq -1 \\ -3(x + 1), & x < -1 \end{cases}$	21	4
National Center for Curriculum Development	 $f(x) = x + 3$	21	5
National Center for Curriculum Development	 $f(x) = - x + 3$	21	6



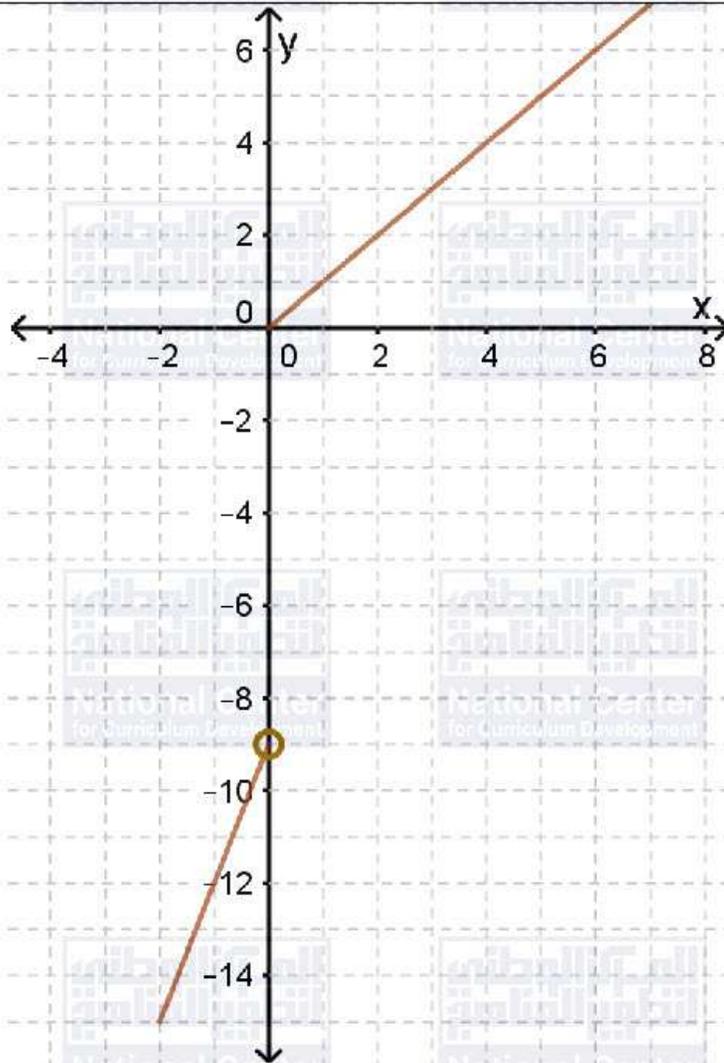
 <p>$f(x) = 2x - 4 - 3$</p>	21	9
 <p>$f(x) = - 2x - 4 - 3$</p>	21	10
<p>$f(x) = x - 2$</p>	21	11
<p>$f(x) = - 4x$</p>	21	12
<p>$f(x) = x - 1 - 2$</p>	22	13
<p>$a = 1, \quad m = 2, \quad b = -5, \quad c = 0$ بما أن $a > 0$ ، فإن منحنى f مفتوح إلى أعلى ورأسه النقطة $(\frac{-b}{m}, c) = (\frac{5}{2}, 0) = (2.5, 0)$ إذن؛ الجواب هو البديل a</p>	22	14

	إجابة محتملة:	22	15
--	---------------	----	----

$$f(x) = |x| + 3$$

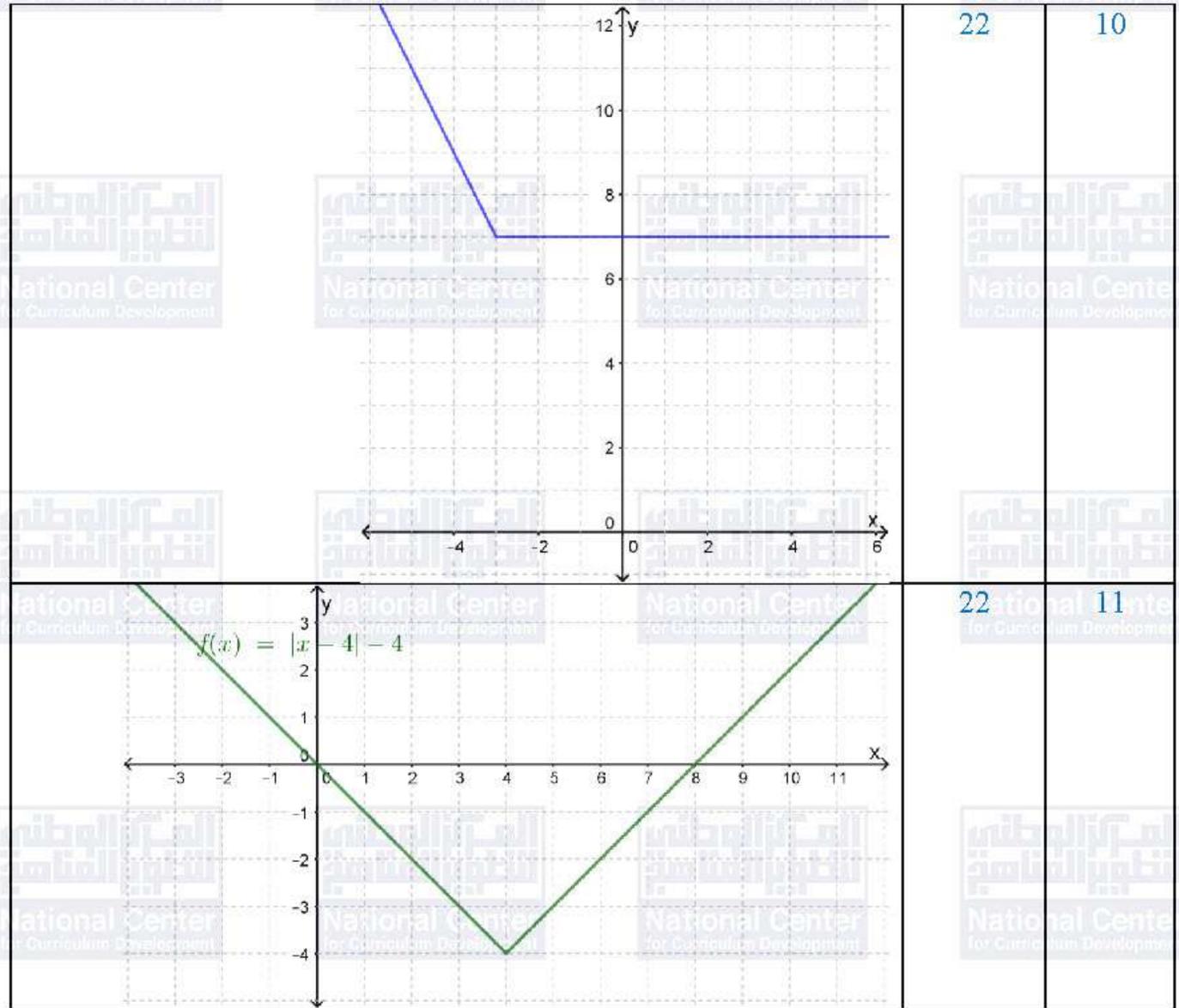
اختبار نهاية الوحدة

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
b) -1	22	1
c) -2	22	2
b) 1	22	3
d) $f(x) = \begin{cases} x+4, & x < -1 \\ -2x, & x \geq -1 \end{cases}$	22	4
d) $f(x) = - x-2 + 1$	22	5
a) $[-4, \infty)$	22	6
d) $[0, 3)$	22	7
c) $(-\infty, 2]$	22	8



22

9

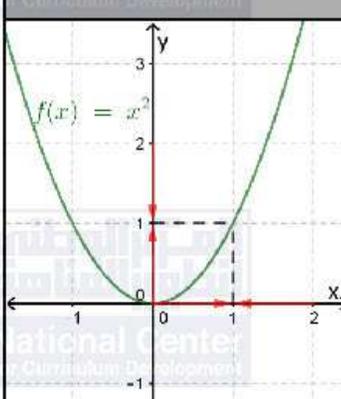


<p>$f(x) = 2x + 6 + 3$</p>		22	12
<p>$p(t) = \begin{cases} 1.5, & 0 < t \leq 1 \\ 3, & 1 < t \leq 3 \\ 7, & t > 3 \end{cases}$</p>		23	13
		23	14
<p>7 JD</p>		23	15
<p>3 JD</p>		23	16
<p>$T(x) = \begin{cases} 0.15x, & 0 < x \leq 20000 \\ 0.2x, & x > 20000 \end{cases}$</p>		23	17

$f(x) = \begin{cases} 1 - 3x, & x \geq \frac{1}{3} \\ 3x - 1, & x < \frac{1}{3} \end{cases}$	23	18
$g(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}x - 4, & x \geq 8 \\ 4 - \frac{1}{2}x, & x < 8 \end{cases}$	23	19
$h(x) = \begin{cases} x, & x \geq -5 \\ -x - 10, & x < -5 \end{cases}$	23	20
	B	21
	D	22
	A	23
	E	24
	C	25

الوحدة الخامسة : النهايات والمشتقات

الدرس 1 : النهايات والاتصال

							الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
							(1)	30	أتحقق من فهمي
<p>بيانياً (من الشكل المجاور)</p> $\lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (x^2) = 1$ <p>إذن؛ $\lim_{x \rightarrow 1} (x^2) = 1$</p> <p>عددياً (من الجدول أدناه)</p>									
0.9	0.99	0.999	1	1.001	1.01	1.1			
0.81	0.9801	0.998001	1	1.002001	1.0201	1.21			

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x^2) = 1 \text{ ؛ إذن ، } \lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (x^2) = 1$$

(2) بيانياً (من الشكل المجاور)

$$\lim_{x \rightarrow -3^+} h(x) = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow -3^-} h(x) = -1$$

أي أن:

$$\lim_{x \rightarrow -3^+} h(x) \neq \lim_{x \rightarrow -3^-} h(x)$$

إذن؛ $\lim_{x \rightarrow -3} h(x)$ غير موجودة

عددياً (من الجدول أدناه)

-3.1	-3.01	-3.001	-3	-2.999	-2.99	-2.9
-1.1	-1.01	-1.001		1	1	1

$$\lim_{x \rightarrow -3^+} h(x) = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow -3^+} h(x) \neq \lim_{x \rightarrow -3^-} h(x) \text{ ، أي أن ، } \lim_{x \rightarrow -3^-} h(x) = -1$$

إذن؛ $\lim_{x \rightarrow -3} h(x)$ غير موجودة

a) $\lim_{x \rightarrow -1} (3x^2 - 4x - 2)$

$$\lim_{x \rightarrow -1} (3x^2 - 4x - 2)$$

$$= \lim_{x \rightarrow -1} (3x^2) - \lim_{x \rightarrow -1} (4x) - \lim_{x \rightarrow -1} (2)$$

$$= 3(\lim_{x \rightarrow -1} x)^2 - 4 \times \lim_{x \rightarrow -1} (x) - \lim_{x \rightarrow -1} (2)$$

$$= 3(-1)^2 - 4 \times -1 - 2$$

خاصية المجموع

والفرق

خاصية القوة

والضرب في ثابت

نهاية الاقتران

المعاد والاقتران

الثابت

32

أتحقق من
فهمي

$= 5$ <p>b) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3x^2+1}}{2x-5}$</p> $= \frac{\lim_{x \rightarrow 1} \sqrt{3x^2+1}}{\lim_{x \rightarrow 1} (2x-5)}$ $= \frac{\sqrt{\lim_{x \rightarrow 1} (3x^2+1)}}{\lim_{x \rightarrow 1} (2x-5)}$ $= \frac{\sqrt{3(\lim_{x \rightarrow 1} x)^2 + \lim_{x \rightarrow 1} (1)}}{2\lim_{x \rightarrow 1} (x) - \lim_{x \rightarrow 1} (5)}$ $= \frac{\sqrt{3(1)^2 + (1)}}{2(1) - 5}$ $= \frac{-4}{3}$	<p>بالتبسيط</p> <p>خاصية القسمة</p> <p>خاصية الجذر النوني</p> <p>خاصية القوة وخاصيتا المجموع والفرق وخاصية الضرب في ثابت</p> <p>نهايتا الاقتران المحايد والاقتران الثابت</p> <p>بالتبسيط</p>	
<p>a) 17</p> <p>b) 0</p> <p>c)</p> <p>بما أن $x = 5$ لا تقع في مجال الاقتران النسبي (لأنها صفر للمقام)، فإنه يتعذر إيجاد قيمة النهاية بالتعويض المباشر.</p>		<p>34</p> <p>أتحقق من فهمي</p>

<p>a) -5</p> <p>b) -4</p>		<p>35</p> <p>أتحقق من فهمي</p>
---------------------------	--	--------------------------------

a) $g(x) = \frac{x^3+1}{x+1}$, $x = -1$

بما أن الاقتران النسبي g غير معرف عند $x = -1$ ؛ لأنها تجعل مقامه صفرًا ،
فإن g غير متصل عند $x = -1$

37

أتحقق من
فهمي

b) $h(x) = \begin{cases} x - 1, & x < 3 \\ 4 - x, & x \geq 3 \end{cases}$, $x = 3$

$$h(3) = 4 - 3 = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} h(x) = \lim_{x \rightarrow 3^+} (4 - x) = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} h(x) = \lim_{x \rightarrow 3^-} (x - 1) = 2$$

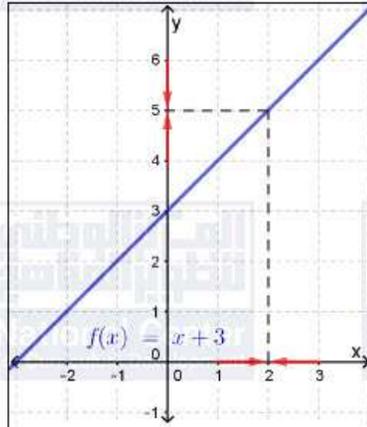
$$\lim_{x \rightarrow 3^+} h(x) \neq \lim_{x \rightarrow 3^-} h(x)$$

أي أن: $\lim_{x \rightarrow 3} h(x)$ غير موجودة

إذن؛ الاقتران h غير متصل عند $x = 3$

أتدرب وأحل المسائل

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
$\lim_{x \rightarrow 2^+} h(x) = 2$	38	1
$\lim_{x \rightarrow 2^-} h(x) = 1$	38	2
$\lim_{x \rightarrow 2} h(x)$ غير موجودة	38	3
$\lim_{x \rightarrow 1} h(x) = -1$	38	4
$\lim_{x \rightarrow -2} h(x) = \frac{1}{2}$	38	5
$\lim_{x \rightarrow -3} h(x) = 1$	38	6



بيانيًا (من الشكل المجاور)

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} (x + 3) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (x + 3) = 5$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} (x + 3) = 5 \text{ ؛ إذن}$$

عدديًا (من الجدول أدناه)

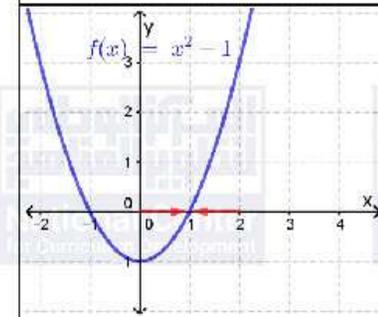
1.9	1.99	1.999	2	2.001	2.01	2.1
4.9	4.99	4.999	5	5.001	5.01	5.1

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} (x + 3) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (x + 3) = 5$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} (x + 3) = 5 \text{ ؛ إذن}$$

38

7



بيانيًا (من الشكل المجاور)

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 - 1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (x^2 - 1) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 - 1) = 0 \text{ ؛ إذن}$$

عدديًا (من الجدول أدناه)

0.9	0.99	0.999	1	1.001	1.01	1.1
-0.19	-0.0199	-0.001999	0	0.002001	0.0201	0.21

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 - 1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (x^2 - 1) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 - 1) = 0 \text{ ؛ إذن}$$

38

8

	<p>بيانياً (من الشكل المجاور)</p> $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 6$ $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = 6$ <p>إذن؛ $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 6$</p> <p>عددياً (من الجدول أدناه)</p> <table border="1" data-bbox="272 819 1084 997"> <tbody> <tr> <td>2.9</td> <td>2.99</td> <td>2.999</td> <td>3</td> <td>3.001</td> <td>3.01</td> <td>3.1</td> </tr> <tr> <td>5.9</td> <td>5.99</td> <td>5.999</td> <td>6</td> <td>6.002</td> <td>6.02</td> <td>6.2</td> </tr> </tbody> </table> $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 6$ $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = 6$ <p>إذن؛ $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 6$</p>	2.9	2.99	2.999	3	3.001	3.01	3.1	5.9	5.99	5.999	6	6.002	6.02	6.2	<p>38</p>	<p>9</p>
2.9	2.99	2.999	3	3.001	3.01	3.1											
5.9	5.99	5.999	6	6.002	6.02	6.2											
	<p>بيانياً (من الشكل المجاور)</p> $\lim_{x \rightarrow -1^+} g(x) = -2$ $\lim_{x \rightarrow -1^-} g(x) = 2$ <p>أي أن:</p> $\lim_{x \rightarrow -1^+} g(x) \neq \lim_{x \rightarrow -1^-} g(x)$ <p>إذن؛ $\lim_{x \rightarrow -1} g(x)$ غير موجودة</p> <p>عددياً (من الجدول أدناه)</p> <table border="1" data-bbox="272 1669 1084 1848"> <tbody> <tr> <td>-1.1</td> <td>-1.01</td> <td>-1.001</td> <td>-1</td> <td>-0.999</td> <td>-0.99</td> <td>-0.9</td> </tr> <tr> <td>2.1</td> <td>2.01</td> <td>2.001</td> <td></td> <td>-1.999</td> <td>-1.99</td> <td>-1.9</td> </tr> </tbody> </table> $\lim_{x \rightarrow -1^+} g(x) = -2$	-1.1	-1.01	-1.001	-1	-0.999	-0.99	-0.9	2.1	2.01	2.001		-1.999	-1.99	-1.9	<p>38</p>	<p>10</p>
-1.1	-1.01	-1.001	-1	-0.999	-0.99	-0.9											
2.1	2.01	2.001		-1.999	-1.99	-1.9											

	$\lim_{x \rightarrow -1^-} g(x) = 2$ <p>أي أن: $\lim_{x \rightarrow -1^+} g(x) \neq \lim_{x \rightarrow -1^-} g(x)$ غير موجودة</p>		
<p>National Center for Curriculum Development</p>	$\lim_{x \rightarrow -1} (x^2 + 2x + 1)$ $= \lim_{x \rightarrow -1} (x^2) + \lim_{x \rightarrow -1} (2x) + \lim_{x \rightarrow -1} (1)$ $= (\lim_{x \rightarrow -1} x)^2 + 2 \times \lim_{x \rightarrow -1} (x) + \lim_{x \rightarrow -1} (1)$ $= (-1)^2 + 2 \times -1 + 1$ $= 0$	38	11
<p>National Center for Curriculum Development</p>	$\lim_{x \rightarrow 4} \left(\sqrt{x} + \frac{4}{x} \right)$ $= \lim_{x \rightarrow 4} (\sqrt{x}) + \lim_{x \rightarrow 4} \left(\frac{4}{x} \right)$ $= \sqrt{\lim_{x \rightarrow 4} (x)} + \frac{\lim_{x \rightarrow 4} (4)}{\lim_{x \rightarrow 4} (x)}$ $= \sqrt{4} + \frac{4}{4}$ $= 3$	38	12
<p>National Center for Curriculum Development</p>	$\lim_{x \rightarrow 3} \sqrt[3]{\frac{2x + 2}{x^2 + 18}}$ $= \sqrt[3]{\frac{\lim_{x \rightarrow 3} (2x + 2)}{\lim_{x \rightarrow 3} (x^2 + 18)}}$ $= \sqrt[3]{\frac{\lim_{x \rightarrow 3} (2x + 2)}{\lim_{x \rightarrow 3} (x^2 + 18)}}$	38	13

National Center for Curriculum Development			
National Center for Curriculum Development			
National Center for Curriculum Development			
National Center for Curriculum Development			
National Center for Curriculum Development			
National Center for Curriculum Development			
National Center for Curriculum Development			

$$= \sqrt[3]{\frac{2 \times \lim_{x \rightarrow 3}(x) + \lim_{x \rightarrow 3}(2)}{(\lim_{x \rightarrow 3}(x))^2 + \lim_{x \rightarrow 3}(18)}}$$

$$= \sqrt[3]{\frac{2 \times 3 + 2}{3^2 + 18}}$$

$$= \frac{2}{3}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 2x + 1}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x - 1)(x - 1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} (x - 1) = 1 - 1 = 0$$

38

14

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - x}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2(x - 1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} x^2 = 1^2 = 1$$

38

15

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 4} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x - 2)(x - 3)}{(x - 2)(x + 2)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x - 3)}{(x + 2)} = \frac{2 - 3}{2 + 2} = \frac{-1}{4}$$

38

16

$$f(x) = \begin{cases} 2x, & x < 2 \\ x^2, & x \geq 2 \end{cases}, \quad x = 2$$

38

17

$$f(2) = 2^2 = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} (x^2) = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (2x) = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 4$$

أي أن: $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 4 = f(2)$

إذن؛ الاقتران f متصل عند $x = 2$

38

18

$$f(x) = \begin{cases} 3x + 5, & x < -1 \\ x^3, & x \geq -1 \end{cases}, \quad x = -1$$

$$f(-1) = (-1)^3 = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} (x^3) = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^-} (3x + 5) = 2$$

بما أن $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ ، فإن $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$ غير موجودة.

National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development
<p>إذن؛ الاقتران f متصل عند $x = -1$</p>			
<p>$f(x) = x^2 + 2x + 3, x = 0$ $f(0) = 3$ $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0} (x^2 + 2x + 3) = 3$ أي أن: $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 3 = f(0)$ ، إذن؛ الاقتران f متصل عند $x = 0$</p>			<p>38 19</p>
<p>$h(x) = \frac{x^3 + 8}{2}, x = 2$ $h(2) = \frac{2^3 + 8}{2} = 8$ $\lim_{x \rightarrow 2} h(x) = \lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{x^3 + 8}{2} \right) = 8$ أي أن: $\lim_{x \rightarrow 2} h(x) = 8 = h(2)$ ، إذن؛ الاقتران h متصل عند $x = 2$</p>			<p>38 20</p>
<p>$g(x) = \frac{2x^2 + 3x - 2}{x + 2}, x = -2$ بما أن الاقتران النسبي g غير معرف عند $x = -2$ ؛ لأنها تجعل مقامه صفرًا ، فإن g غير متصل عند $x = -2$</p>			<p>38 21</p>
<p>$q(x) = \frac{3x^2 + x}{x}, x = 0$ بما أن الاقتران النسبي q غير معرف عند $x = 0$ ؛ لأنها تجعل مقامه صفرًا ، فإن q غير متصل عند $x = 0$</p>			<p>38 22</p>
<p>1300 JD</p>			<p>39 23</p>
<p>$P(x) = \begin{cases} 500 + 0.1x, & 0 \leq x \leq 8000 \\ 660 + 0.08x, & x > 8000 \end{cases}$ $P(8000) = 1300$ $\lim_{x \rightarrow 8000^+} p(x) = \lim_{x \rightarrow 8000^+} (660 + 0.08x) = 1300$ $\lim_{x \rightarrow 8000^-} p(x) = \lim_{x \rightarrow 8000^-} (500 + 0.1x) = 1300$ $\lim_{x \rightarrow 8000} p(x) = 1300$ أي أن: $\lim_{x \rightarrow 8000} p(x) = 1300 = p(8000)$ ، إذن؛ الاقتران p متصل عند $x = 8000$</p>			<p>39 24</p>

National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development
	بما أن الاقتران f غير معرف عند $x = -1$ ، فإنه غير متصل عند $x = -1$	39	25
	<p>إجابة محتملة:</p> $f(x) = \begin{cases} x - 1, & x < -1 \\ 2x, & x > -1 \end{cases}$ <p>لأن:</p> $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} (2x) = 2 \times -1 = -2$ $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^-} (x - 1) = -1 - 1 = -2$	39	26
	<p>بما أن $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$ موجودة ، فإن $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$</p> $\lim_{x \rightarrow 3^+} (2 + \sqrt{k}) = \lim_{x \rightarrow 3^-} (x + 3)$ $2 + \sqrt{k} = 6$ $\sqrt{k} = 4$ $k = 16$	39	27
	<p>عند $x = -4$ الاقتران f غير متصل؛ لأنه غير معرف عند $x = -4$ لوجود الفجوة في تمثيله البياني، أما عند $x = 2$ فرغم أن الاقتران f معرف عندها حيث $f(2) = 1$ ، فإنه غير متصل عند $x = 2$ لاختلاف قيمته عندها عن قيمة نهايته عندما تقترب x من العدد 2 حيث: $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -4$</p>	39	28
	<p>بما أن الاقتران f متصل عند $x = 3$ ، فإن:</p> $f(3) = \lim_{x \rightarrow 3} f(x)$ $3^2 + k = \lim_{x \rightarrow 3} (x + 3)$ $9 + k = 6$ $k = -3$	39	28

الدرس 2: المشتقة

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
$f(x) = 7x + 5, x = 2$ $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{7(2+h)+5-19}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{14 + 7h + 5 - 19}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{7h}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{7h}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} 7$ $= 7$	<p>التعريف العام للمشتقة</p> <p>التعريف العام للمشتقة</p> <p>بتعويض $f(2+h) = 7(2+h) + 5$ و $f(2) = 4$</p> <p>بالتبسيط</p> <p>بجمع الحدود المتشابهة</p> <p>بإخراج h عاملاً مشتركاً من البسط</p> <p>بالقسمة على h</p> <p>نهاية الثابت</p>	<p>42</p> <p>أتحقق من فهمي</p>
$f(x) = 8 - x^2$	<p>45</p>	<p>أتحقق من فهمي</p>

<p>National Center for Curriculum Development</p>	<p>National Center for Curriculum Development</p>	<p>National Center for Curriculum Development</p>	<p>National Center for Curriculum Development</p>
$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{8 - (x+h)^2 - (8 - x^2)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{8 - (x^2 + 2xh + h^2) - 8 + x^2}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-2xh - h^2}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-h(2x+h)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} -(2x+h)$ $= -2x$	<p>التعريف العام للمشتقة</p> <p>التعريف العام للمشتقة</p> <p>بتعويض $f(x+h) = 8 - (x+h)^2$ و $f(2) = 8 - x^2$</p> <p>بالتبسيط</p> <p>بجمع الحدود المتشابهة</p> <p>بإخراج h عاملاً مشتركاً من البسط</p> <p>بالقسمة على h</p> <p>بتعويض $h = 0$</p>		
<p>a) $y = x^{-6}, x > 0$</p> $\frac{dy}{dx} = -6x^{-7} = \frac{-6}{x^7}$ <p>b) $y = \frac{4}{x^3}, x > 0$</p> $y = 4x^{-3}$ $\frac{dy}{dx} = -12x^{-4} = \frac{-12}{x^4}$ <p>c) $y = \sqrt{x^7}, x \geq 0$</p> $y = x^{\frac{7}{2}}$ $\frac{dy}{dx} = \frac{7}{2}x^{\frac{5}{2}} = \frac{7}{2}\sqrt{x^5}$			<p>44</p> <p>أتحقق من فهمي</p>
<p>a) $y = \sqrt[4]{x^3} - \frac{6}{x^2}, x > 0$</p>			<p>45</p> <p>أتحقق من فهمي</p>

$$y = x^{\frac{3}{4}} - 6x^{-2}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{3}{4}x^{-\frac{1}{4}} + 12x^{-3}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{3}{4\sqrt[4]{x}} + \frac{12}{x^3}$$

b) $y = \frac{x^6 - 4x^5 + 8x^2}{4x^2}, x \neq 0$

$$y = \frac{1}{4}x^4 - x^3 + 2$$

$$\frac{dy}{dx} = x^3 - 3x^2$$

$$s(t) = t^3 + \sqrt{t} \Rightarrow s(t) = t^3 + t^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{ds}{dt} = 3t^2 + \frac{1}{2}t^{-\frac{1}{2}} = 3t^2 + \frac{1}{2\sqrt{t}}$$

$$\left. \frac{ds}{dt} \right|_{t=4} = 3(4)^2 + \frac{1}{2\sqrt{4}} = 48.25 \text{ m/sec}$$

46

أتحقق من
فهمي

أتدرب وأحل المسائل

الإجابة / الحل التفصيلي

رقم

رقم

الصفحة

السؤال

<p>National Center for Curriculum Development</p>	<p>National Center for Curriculum Development</p>	<p>National Center for Curriculum Development</p>	<p>National Center for Curriculum Development</p>
$f(x) = 4x^2, \quad x = 1$ $f'(1) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4(1+h)^2 - 4}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4(1 + 2h + h^2) - 4}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4 + 8h + 4h^2 - 4}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{8h + 4h^2}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(8 + 4h)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} (8 + 4h) = 8$		<p>46</p>	<p>1</p>
$f(x) = 1 - x^2, \quad x = -2$ $f'(-2) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-2+h) - f(-2)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1 - (-2+h)^2 - (-3)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1 - (4 - 4h + h^2) + 3}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-3 + 4h - h^2 + 3}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4h - h^2}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(4 - h)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} (4 - h) = 4$		<p>46</p>	<p>2</p>
$f(x) = x^2 + x, \quad x = 2$		<p>46</p>	<p>3</p>

National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development
$f'(2) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(2+h)^2 + (2+h) - 6}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(4 + 4h + h^2) + (2 + h) - 6}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{6 + 5h + h^2 - 6}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{5h + h^2}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(5+h)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} (5 + h) = 5$			
$f(x) = x^2 - 2x + 3, \quad x = -1$ $f'(-1) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(-1+h)^2 - 2(-1+h) + 3 - 6}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(1 - 2h + h^2) + (2 - 2h) - 3}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3 - 4h + h^2 - 3}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-4h + h^2}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(-4+h)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} (-4 + h) = -4$		46	4
$f(x) = 4x + 1$ $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4(x+h) + 1 - (4x + 1)}{h}$		46	5
National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4x + 4h + 1 - 4x - 1}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4h}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} 4$$

$$= 4$$

$$y = 1 - x$$

$$\frac{dy}{dx} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1 - (x+h) - (1-x)}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1 - x - h - 1 + x}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-h}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} (-1)$$

$$= -1$$

$$f(x) = \frac{1}{2}x - 1$$

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2}(x+h) - 1 - (\frac{1}{2}x - 1)}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2}x + \frac{1}{2}h - 1 - \frac{1}{2}x + 1}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2}h}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{2}$$

46

6

46

7

$= \frac{1}{2}$ $y = \frac{2x + 4}{6}$ $y = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$ $\frac{dy}{dx} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{3}(x+h) + \frac{2}{3} - (\frac{1}{3}x + \frac{2}{3})}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{3}x + \frac{1}{3}h + \frac{2}{3} - \frac{1}{3}x - \frac{2}{3}}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{3}h}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{3}$ $= \frac{1}{3}$	46	8
$y = \frac{1}{3}x + 1$ $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{3}$	46	9
$y = 8 - 3x$ $\frac{dy}{dx} = -3$	46	10
$y = \frac{1}{2}x^2 + 5x + 7$ $\frac{dy}{dx} = x + 5$	46	11
$y = \frac{2x^3 + 4x + 1}{3} = \frac{2}{3}x^3 + \frac{4}{3}x + \frac{1}{3}$ $\frac{dy}{dx} = 2x^2 + \frac{4}{3}$	46	12
$y = \sqrt{8} + 3\sqrt{x}, \quad x \geq 0$ $y = \sqrt{8} + 3x^{\frac{1}{2}}$ $\frac{dy}{dx} = \frac{3}{2}x^{-\frac{1}{2}} = \frac{3}{2\sqrt{x}}$	46	13
$y = 5\sqrt[3]{x^2} + \frac{4}{x^3}$	46	14

$y = 5x^{\frac{2}{3}} + 4x^{-3}$ $\frac{dy}{dx} = \frac{10}{3}x^{-\frac{1}{3}} - 12x^{-4} = \frac{10}{3\sqrt[3]{x}} - \frac{12}{x^4}$		
$y = \frac{2}{\sqrt{x}} + \frac{2}{x^2} + 4, \quad x > 0$ $y = 2x^{-\frac{1}{2}} + 2x^{-2} + 4$ $\frac{dy}{dx} = -x^{-\frac{3}{2}} - 4x^{-3} = \frac{-1}{\sqrt{x^3}} - \frac{4}{x^3}$	46	15
$y = \frac{\sqrt[5]{x^7} + 4x - 1}{2}$ $y = \frac{1}{2}x^{\frac{7}{5}} + 2x - \frac{1}{2}$ $\frac{dy}{dx} = \frac{7}{10}x^{\frac{2}{5}} - 2 = \frac{7}{10}\sqrt[5]{x^2} - 2$	46	16
$s(t) = 5t^{\frac{3}{2}} - 1.5t^2$ $\frac{ds}{dt} = \frac{15}{2}t^{\frac{1}{2}} - 3t = 7.5\sqrt{t} - 3t$ $\frac{ds}{dt} \Big _{t=3} = 7.5\sqrt{3} - 3(3) \approx 4 \text{ m/sec}$	46	17
$\frac{ds}{dt} = 1 - \frac{6}{t^2}$	47	18
$\frac{ds}{dt} \Big _{t=1} = 1 - \frac{6}{(1)^2} = -5 \text{ m/sec}$ $\frac{ds}{dt} \Big _{t=2} = 1 - \frac{6}{(2)^2} = -0.5 \text{ m/sec}$	47	19
$\frac{ds}{dt} = \frac{35}{2}t^{\frac{3}{2}} - \frac{7}{2}t^{\frac{5}{2}}$ $\frac{ds}{dt} \Big _{t=4} = \frac{35}{2}(4)^{\frac{3}{2}} - \frac{7}{2}(4)^{\frac{5}{2}} = 28 \text{ m/sec}$	47	20
$f'(x) = \lim_{t \rightarrow x} \frac{f(t) - f(x)}{t - x}$ <p>أفترض أن $t = x + h$</p> $t \rightarrow x \Rightarrow h \rightarrow 0$ <p>بالتعويض في صيغة تعريف المشتقة أعلاه، فإن:</p> $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$	47	21
$\frac{ds}{dt} = -10t$ $0 = -10t$	47	22

<p>$t = 0$</p> <p>$s(0) = 100 - 5(0) = 100 \text{ m}$</p>		
<p>$f(x) = x^3 - 3x^2$</p> <p>$f'(x) = 3x^2 - 6x = 0 \Rightarrow 3x(x - 2) = 0 \Rightarrow x = 0, x = 2$</p> <p>إذن، المماس أفقي عند $(0, f(0)) = (0, 0)$ و عند $(2, f(2)) = (2, -4)$</p>	47	23

الدرس 3: التزايد والتناقص لكثيرات الحدود

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
<p>a) $(1, f(1)) = (1, -4)$</p> <p>b) $(1, h(1)) = (1, \frac{-10}{3}), (2, h(2)) = (2, \frac{13}{3})$</p>	49	أتحقق من فهمي
<p>a) متناقص في $(-\infty, 2)$ ، ومتزايد في $(2, \infty)$</p> <p>b) متناقص في $(1, 3)$ ، ومتزايد في $(-\infty, 1)$ وفي $(3, \infty)$</p>	52	أتحقق من فهمي
<p>a) النقاط الحرجة: $(1, 7)$ ، و $(-4, 72)$</p> <p>b) $(1, 7)$ صغرى محلية، و $(-4, 72)$ عظمى محلية</p>	53	أتحقق من فهمي
أكبر عدد يمكن أن تصل اليه الضفادع 10000 ضفدع	54	أتحقق من فهمي

اتدرب وأحل المسائل

الإجابة	رقم الصفحة	رقم السؤال
$(3, 1)$	54	1
$(3, -17)$	54	2
$(1, \frac{-2}{3}), (-1, \frac{2}{3})$	54	3

	متزايد $(-\infty, \infty)$	55	4
	متناقص $(-\infty, \infty)$	55	5
	$(0, 0), (2, \frac{-4}{3})$	54	6
	متناقص في $(-\infty, 0)$ ، ومتزايد في $(0, \infty)$	55	7
	متناقص في $(-\infty, \frac{1}{2})$ ، ومتزايد في $(\frac{1}{2}, \infty)$	55	8
	متناقص في $(-\infty, 2.5)$ ، ومتزايد في $(2.5, \infty)$	55	9
	متناقص في $(0, 1)$ ، ومتزايد في $(-\infty, 0)$ وفي $(1, \infty)$	55	10
	متناقص في $(-\infty, 3)$ ، ومتزايد في $(3, \infty)$	55	11
	متناقص في $(-\infty, 1)$ ، ومتزايد في $(1, \infty)$	55	12
	متزايد في $(-\infty, \infty)$	55	13
	متناقص في $(-\infty, \infty)$	55	14
	متزايد في $(-\infty, \infty)$	55	15
	متناقص في $(-1, 3)$ ، ومتزايد في $(-\infty, -1)$ وفي $(3, \infty)$	55	16
	النقاط الحرجة: $(3, -81)$ ، و $(-2, 44)$	55	17
	$(3, -81)$ صغيرة محلية، و $(-2, 44)$ عظمى محلية		
	النقاط الحرجة: $(2, 36)$ ، و $(5, 33.3)$	55	18
	$(5, 33.3)$ صغيرة محلية، و $(3, 36)$ عظمى محلية		
	النقاط الحرجة: $(1, \frac{-14}{3})$ ، و $(-2, \frac{40}{3})$	55	19
	$(1, \frac{-14}{3})$ صغيرة محلية، و $(-2, \frac{40}{3})$ عظمى محلية		
	النقاط الحرجة: $(2, 1)$	55	20
	لا يوجد قيمة عظمى أو قيمة صغيرة عند $(2, 1)$ ؛ لأن الاقتران h متناقص في $(-\infty, \infty)$		
	الاقتران y متزايد في $(0, 2.3)$ ، ومتناقص في $(2.3, 4)$	55	21
	$x = 3$	55	20

$f'(x) = 3x^2 - 6x + 3$ $= 3(x^2 - 2x + 1)$ $= 3(x-1)^2 \geq 0, x \in (-\infty, \infty)$ <p>إن؛ الاقتران f متزايد لقيم x الحقيقية جميعها.</p>	55	21
$f(2) = 4a - 8 + c = -7$ $4a + c = 1$ $f'(x) = 2ax - 4$ $f'(2) = 4a - 4 = 0 \Rightarrow$ $a = 1$ $c = -3$	55	22

اختبار نهاية الوحدة

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
b) 4	56	1
a) -4	56	2
b) $8x^4 - 15x^2$	56	3
c) $2x - 6$	56	4
b) $3x^2 + 3$	56	5
d) $\frac{8}{\sqrt[3]{x}}$	56	6
c) $x = \pm 1$	56	7
d) (0, 2)	56	8
	$-\frac{1}{3}$	56
	0	56
	3	56
	$\frac{3}{5}$	56
	$\frac{2}{3}$	56
	$\frac{1}{4}$	56
غير موجودة	57	15

		1	57	16
		0	57	17
	$f(2) = 4 = \lim_{x \rightarrow 2} (3x - 2)$		57	18
	أي أن الاقتران f متصل عند $x = 2$ بما أن $x = 0$ لا تنتمي لمجال الاقتران النسبي g (لأنها تجعل مقامه صفراً)، فالاقتران g غير متصل عند $x = 0$		57	19
	$h(-2) = -2 + 1 = -1$ $\lim_{x \rightarrow -2^+} h(x) = \lim_{x \rightarrow -2^+} (x + 1) = -1$ $\lim_{x \rightarrow -2^-} h(x) = \lim_{x \rightarrow -2^-} (3x + 5) = -1$ أي أن: $\lim_{x \rightarrow -2} h(x) = -1$ وبما أن: $h(2) = 4 = \lim_{x \rightarrow 2} (3x - 2)$ ، فإن الاقتران h متصل عند $x = -2$		57	20
	$q(5) = 5 + 5 = 10$ $\lim_{x \rightarrow 5} q(x) = \lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x^2 - 10x}{x - 5} = \lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x(x - 5)}{x - 5} = \lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x(x - 5)}{x - 5} = \lim_{x \rightarrow 5} 2x = 10$ وبما أن: $q(5) = 10 = \lim_{x \rightarrow 5} q(x)$ ، فإن الاقتران q متصل عند $x = 5$		57	21
	$f(x) = -x^2 + 300x + 6$ $f'(x) = -2x + 300$ $-2x + 300 = 0$ $x = 150$ إذن: $(150, f(150)) = (150, 22506)$ نقطة حرجة لاقتران f		57	22
	$0 \leftarrow + + + + + 150 \text{ --- } 300 \rightarrow$ متزايد متناقص إذن: أكبر عدد من الألعاب الإلكترونية يمكن بيعه هو 22506 عند إنفاق 15000 دينار على إعلانات الإشهار والترويج.		57	23
	النقاط الحرجة: $(3, -12)$ ، و $(-1, 20)$ $(3, -12)$ صغرى محلية، و $(-1, 20)$ عظمى محلية		57	24
	النقاط الحرجة: $(2, 12)$ ، و $(1, 13)$ $(2, 12)$ صغرى محلية، و $(1, 13)$ عظمى محلية		57	25
	c) 0		57	26
	a) $\frac{-3}{4}$		57	27
	a) 10		57	28

b) 6

57

29

d) - 4

57

30



منهاجي

متعة التعليم الهادف



الوحدة 6 : المتتاليات والمتسلسلات



رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	62	a) $\sum_{k=1}^9 3k$ b) $\sum_{k=1}^{\infty} (2k + 1)$
أتحقق من فهمي	62	$2+7+12+17+22+27+32+37+42+47+52=297$
أتحقق من فهمي	64	$\sum_{k=1}^3 (4k + 2) = 6 + 10 + 14 = 30$ أو $\sum_{k=1}^3 (4k + 2) = 4 \times \frac{3(3 + 1)}{2} + 3(2) = 30$
أندرب وأحل المسائل		
رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	64	$\sum_{k=1}^{\infty} (5k - 4)$
2	64	$\sum_{k=1}^{50} k$
3	64	$\sum_{k=1}^5 k^2 + 1$
4	64	$\sum_{k=1}^4 \frac{k}{k+1}$
5	64	$\sum_{k=1}^8 25k$
6	64	$\sum_{k=1}^6 5$
7	65	$3+4+5+6+7=25$
8	65	$0+3+8+15+24+35+48+63+80+99=375$
9	65	$(40)(-5) = -200$
10	65	$1+2+3+4+5=15$
11	65	$4+7+10+13=34$

	$(55)(9) = 495$	65	12
	$\sum_{k=1}^{20} (80 - 2k) = 78 + 76 + \dots + 40$ $= 80 \times 20 - 2 \times \frac{20(20 + 1)}{2} = 1180$	65	13
	$\sum_{k=1}^n (4k - 2)$	65	14
	$\sum_{k=1}^{16} (15 + 10k) = 25 + 35 + 45 + \dots + 175$ $= 16 \times 15 + 10 \times \frac{16(16 + 1)}{2} = 1600$	65	15
	$\sum_{k=1}^5 (2k + 7) = 9 + 11 + 13 + 15 + 17 = 65$ عملية التعويض خاطئة والصحيح هو	65	16
	$\sum_{i=0}^5 i^2$ كلها مجموعها 91 ما عدا المتسلسلة	65	17
	$\sum_{k=1}^n c = c + c + \dots + c$ (مرة n) $= c(1 + 1 + \dots + 1)$ باخراج العامل المشترك $= c(n \times 1) = n \times c$	65	18

الدرس 2 : المتتاليات والمتسلسلات الحسابية

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	67	a) حسابية b) حسابية c) ليست حسابية
أتحقق من فهمي	69	a) $a_n = 25 + 5n$ b) $a_n = 2n - 31$ c) $a_n = 106 - 5n$
أتحقق من فهمي	70	$S_n = 20 \left(\frac{10 + 86}{2} \right) = 960$

a) 13, 16, 19, ... الفرق بين كل حدين متتاليين ثابت ويساوي 3، انن تشكل متتالية حسابية	72	أتحقق من فهمي
b) $a_n = 3n + 10$		
c) $S_n = 25 \left(\frac{13 + 85}{2} \right) = 1225$		
أتدرب وأحل المسائل		
الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
حسابية	72	1
ليست حسابية	72	2
حسابية	72	3
حسابية	72	4
حسابية	72	5
ليست حسابية	72	6
$a_n = 10n - 2$	72	7
$a_n = 50 - 5n$	72	8
$a_n = 3n - 8$	72	9
$a_n = 83 - 2n$	72	10
$a_n = 9n - 5$	72	11
$a_n = 28 - 6n$	72	12
$S_n = 25 \left(\frac{-2 + 118}{2} \right) = 1450$	72	13
$S_n = 31 \left(\frac{19 - 101}{2} \right) = -1271$	72	14
$S_n = 17 \left(\frac{7 + 23}{2} \right) = 255$	72	15
$S_n = 15 \left(\frac{15+1}{2} \right) = 120$	72	16
$S_n = 13 \left(\frac{2 + 26}{2} \right) = 182$	72	17
$S_n = 99 \left(\frac{-1 + 293}{2} \right) = 14454$	72	18
$\sum_{k=1}^6 (3k + 1) = 6 \left(\frac{4 + 19}{2} \right) = 69$	73	19
$n = 8$	73	20

National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development	National Center for Curriculum Development
	$d = 20$ $a_1 = 100$ $a_n = 80 + 20n$ $S_n = 8 \left(\frac{100 + 240}{2} \right) = 1360$		
National Center for Curriculum Development	$n = 12$ $d = 2$ $a_1 = 3$ $a_n = 2n + 1$ $S_n = 12 \left(\frac{3 + 25}{2} \right) = 168$	73	21
National Center for Curriculum Development	<p>أخطأ معتر في إيجاد أسس المتتالية والصحيح هو -9 ، وأخطأ في إيجاد الحد العام والصحيح هو</p> $a_n = a_1 + (n - 1)d$ $= 21 + (n - 1)(-9)$ $= 30 - 9n$	73	22
National Center for Curriculum Development	$\sum_{k=1}^{\infty} c = c + c + c + \dots$ <p>أساس المتسلسلة $d = c - c = 0$ إذن، المتسلسلة حسابية</p>	73	23
National Center for Curriculum Development	$S_n = n \left(\frac{8 + 3n + 5}{2} \right) = 544$ $3n^2 + 13n - 1088 = 0$ $n = 17$	73	24
National Center for Curriculum Development	<p>بما أن الحد العام لمتسلسلة الأعداد الفردية هو: $a_n = 2n - 1$ إذن، المتسلسلة هي:</p> $\sum_{k=1}^n (2k - 1)$ <p>ومجموع حدودها هو:</p> $S_n = n \left(\frac{1 + 2n - 1}{2} \right) = n^2$	73	25

الدرس 3 : المتتاليات والمتسلسلات الهندسية

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	75	a) متتالية هندسية b) ليست متتالية هندسية
أتحقق من فهمي	76	a) $a_n = 32 \left(\frac{1}{4}\right)^{n-1}$ b) $a_n = 625 \left(-\frac{1}{5}\right)^{n-1}$
أتحقق من فهمي	77	$S_n = \frac{(4)(1 - 0.5^6)}{1 - 0.5} = \frac{63}{8}$
أتحقق من فهمي	79	a) $a_n = 4500(1.035)^{n-1}$ b) $a_5 = 4500(1.035)^4 = 5163.853503$ c) $a_1 = 4500$ $r = 1.035$ $S_n = \frac{(4500)(1 - 1.035^{10})}{1 - 1.035} = 52791.26922$

أتدرب وأحل المسائل

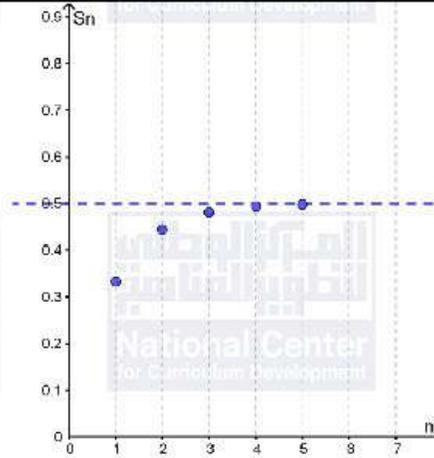
رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	79	متتالية هندسية
2	79	متتالية هندسية
3	79	متتالية هندسية
4	79	ليست متتالية هندسية
5	79	متتالية هندسية
6	79	متتالية هندسية
7	79	$a_n = 4(-2)^{n-1}$
8	79	$a_n = 0.005(2)^{n-1}$
9	79	$a_n = 20(1.1)^{n-1}$
10	79	$a_n = (0.5)^{n-1}$
11	79	$a_n = 4(3)^{n-1}$
12	79	$a_n = 5(-5)^{n-1}$

$S_n = \frac{(3)(1-2^6)}{1-2} = 189$	79	13
$S_n = \frac{(1.5)(1-4^5)}{1-4} = 511.5$	79	14
$S_n = \frac{(1)(1-1.5^4)}{1-1.5} = 8.125$	79	15
$S_n = \frac{(5)(1-0.1^4)}{1-0.1} = 5.555$	79	16
$S_n = \frac{(7)(1-7^5)}{1-7} = 19607$	79	17
$S_n = \frac{(1)(1-(-1)^{99})}{1+1} = 1$	79	18
$a_1 = 100$ $r = 0.8$ $S_n = \frac{(100)(1-0.8^{12})}{1-0.8} \approx 465.6$	80	19
$a_1 = 5$ $r = 2$ $a_n = 5(2)^{n-1}$	80	20
$S_n = \frac{(5)(1-2^4)}{1-2} = 75$	80	21
$a_1 = 0.1$ $r = 0.5$ $S_n = \frac{(0.1)(1-0.5^{15})}{1-0.5} \approx 0.2 \text{ mm}$	80	22
$\sum_{k=1}^{\infty} c = c + c + c + \dots$ بما أن أسس المتسلسلة: $r = \frac{c}{c} = 1, c \neq 0$ إذن، المتسلسلة هندسية.	80	23
$x = 6$	80	24
$12 = a_1 \times r$ $-768 = a_1 \times r^4$ بقسمة المعادلة الثانية على المعادلة الأولى ينتج:	80	25

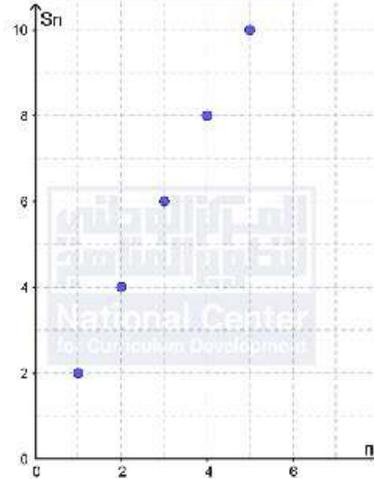
$r = -3, \quad a_1 = -4$ $a_n = -4(-3)^{n-1}$		
$S_n = a + ar + ar^2 + \dots + ar^{n-1}$ $-rS_n = -ra - ar^2 - ar^3 - \dots - ar^n$ <p>بالجمع ينتج أن:</p> $S_n - rS_n = a - ar^n$ $S_n = \frac{a(1 - r^n)}{1 - r}$	80	26

الدرس 4 : المتسلسلات الهندسية اللانهائية

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
<p>a) $S_1 = \frac{1}{3}$</p> $S_2 = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} = \frac{4}{9}$ $S_3 = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} = \frac{13}{27}$ $S_4 = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} + \frac{1}{81} = \frac{40}{81}$ $S_5 = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} + \frac{1}{81} + \frac{1}{243} = \frac{121}{243}$	82	أتحقق من فهمي



b) $S_1 = 2$
 $S_2 = 2 + 2 = 4$
 $S_3 = 2 + 2 + 2 = 6$
 $S_4 = 2 + 2 + 2 + 2 = 8$
 $S_5 = 2 + 2 + 2 + 2 + 2 = 10$



a) $|r| = \left| \frac{1}{6} \right| < 1$

$$S_{\infty} = \frac{1}{1 - \frac{1}{6}} = 1.2$$

إذن، المتسلسلة متقاربة

b) $|r| = |-2| = 2 > 1$

إذن، المتسلسلة متباعدة

c) $|r| = |-0.3| = 0.3 < 1$

$$S_{\infty} = \frac{9}{1 + 0.3} = \frac{90}{13}$$

إذن، المتسلسلة متقاربة

85

أتحقق
من
فهمي

$\frac{14}{99}$

86

أتحقق
من
فهمي

$a_1 = 2$
 $r = 0.77$

$$S_{\infty} = \frac{2}{1 - 0.95} = 40 \text{ m}$$

87

أتحقق
من
فهمي

أندرب وأحل المسائل

الإجابة / الحل التفصيلي

رقم
الصفحة

رقم
السؤال

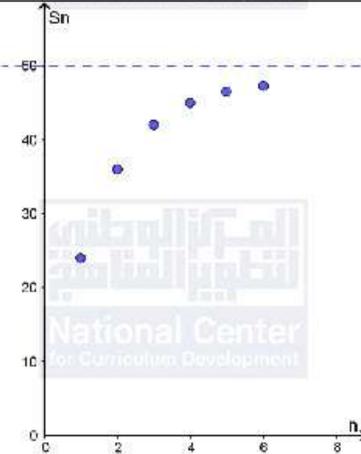
$S_1 = 24$
 $S_2 = 24 + 12 = 36$
 $S_3 = 24 + 12 + 6 = 42$
 $S_4 = 24 + 12 + 6 + 3 = 45$
 $S_5 = 24 + 12 + 6 + 3 + 1.5 = 46.5$

87

1

$$S_6 = 24 + 12 + 6 + 3 + 1.5 + 0.75 = 47.25$$

ألاحظ أن $|r| = |0.5| = 0.5 < 1$ ، فالمتسلسلة متقاربة



$$S_1 = 2$$

$$S_2 = 2 + 8 = 10$$

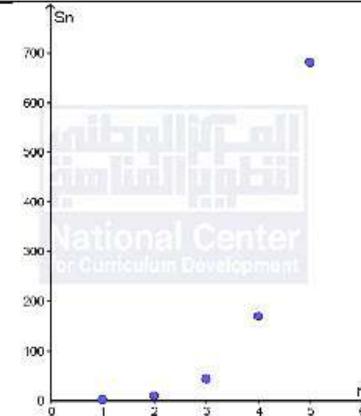
$$S_3 = 2 + 8 + 32 = 42$$

$$S_4 = 2 + 8 + 32 + 128 = 170$$

$$S_5 = 2 + 8 + 32 + 128 + 512 = 682$$

$$S_6 = 2 + 8 + 32 + 128 + 512 + 2048 = 2730$$

ألاحظ أن $|r| = |4| = 4 > 1$ ، فالمتسلسلة متباعدة



87

2

$$S_1 = 1$$

$$S_2 = 1 + \frac{2}{3} = \frac{5}{3}$$

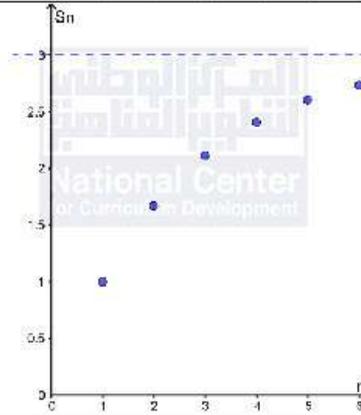
$$S_3 = 1 + \frac{2}{3} + \frac{4}{9} = \frac{19}{9}$$

$$S_4 = 1 + \frac{2}{3} + \frac{4}{9} + \frac{8}{27} = \frac{65}{27}$$

$$S_5 = 1 + \frac{2}{3} + \frac{4}{9} + \frac{8}{27} + \frac{16}{81} = \frac{211}{81}$$

$$S_6 = 1 + \frac{2}{3} + \frac{4}{9} + \frac{8}{27} + \frac{16}{81} + \frac{32}{243} = \frac{665}{243}$$

ألاحظ أن $|r| = \left|\frac{2}{3}\right| = \frac{2}{3} < 1$ ، فالمتسلسلة متقاربة



87

3

$$S_1 = 1$$

$$S_2 = 1 + \frac{3}{2} = \frac{5}{2}$$

$$S_3 = 1 + \frac{3}{2} + \frac{9}{4} = \frac{19}{4}$$

$$S_4 = 1 + \frac{3}{2} + \frac{9}{4} + \frac{27}{8} = \frac{65}{8}$$

$$S_5 = 1 + \frac{3}{2} + \frac{9}{4} + \frac{27}{8} + \frac{81}{16} = \frac{211}{16}$$

$$S_6 = 1 + \frac{3}{2} + \frac{9}{4} + \frac{27}{8} + \frac{81}{16} + \frac{243}{32} = \frac{599}{32}$$

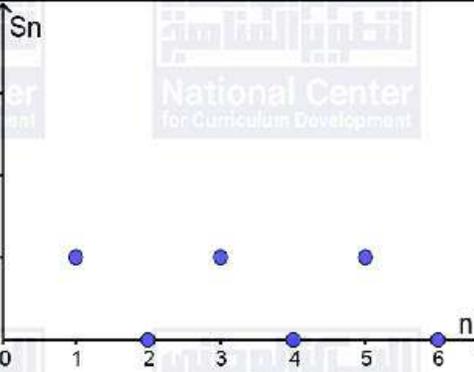
87

4

ألاحظ أن $|r| = \left| \frac{3}{2} \right| = \frac{3}{2} > 1$
فالمتسلسلة متباعدة



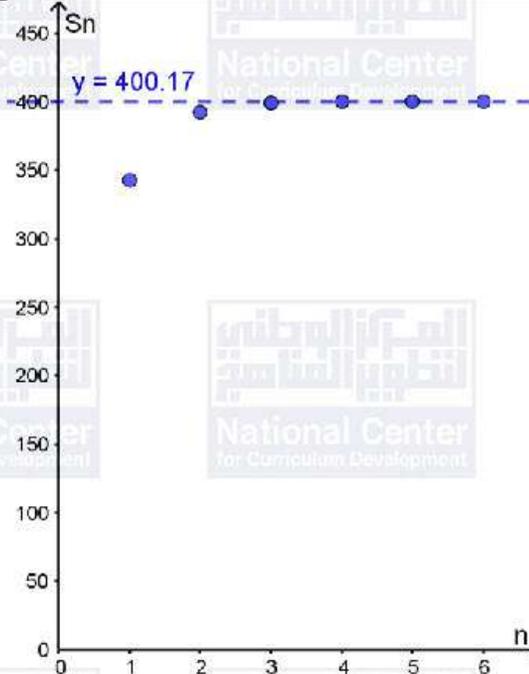
$S_1 = 1$
 $S_2 = 1 - 1 = 0$
 $S_3 = 1 - 1 + 1 = 1$
 $S_4 = 1 - 1 + 1 - 1 = 0$
 $S_5 = 1 - 1 + 1 - 1 + 1 = 1$
 $S_6 = 1 - 1 + 1 - 1 + 1 - 1 = 0$
 ألاحظ أن $|r| = |-1| = 1 \geq 1$
 فالمتسلسلة متباعدة



87 5

$S_1 = 343$
 $S_2 = 343 + 49 = 392$
 $S_3 = 343 + 49 + 7 = 399$
 $S_4 = 343 + 49 + 7 + 1 = 400$
 $S_5 = 343 + 49 + 7 + 1 + \frac{1}{7} = \frac{2801}{7}$
 $S_6 = 343 + 49 + 7 + 1 + \frac{1}{7} + \frac{1}{49} = \frac{19608}{49}$

ألاحظ أن $|r| = \left| \frac{1}{7} \right| = \frac{1}{7} < 1$
 فالمتسلسلة متقاربة



87 6

$ r = 0.75 < 1$ $S_{\infty} = \frac{1}{1 - 0.75} = 4$	<p>إذن، المتسلسلة متقاربة</p>	87	7
$ r = \left \frac{7}{6} \right > 1$	<p>إذن، المتسلسلة متباعدة، ولا يمكن إيجاد مجموع عدد لا نهائي من حدودها</p>	87	8
$ r = \left -\frac{1}{3} \right < 1$ $S_{\infty} = \frac{5}{1 + \frac{1}{3}} = 3.75$	<p>إذن، المتسلسلة متقاربة</p>	87	9
$ r = \left \frac{1}{10} \right < 1$ $S_{\infty} = \frac{10}{1 - \frac{1}{10}} = \frac{100}{9}$	<p>إذن، المتسلسلة متقاربة</p>	87	10
$ r = 0.25 < 1$ $S_{\infty} = \frac{192}{1 - 0.25} = 256$	<p>إذن، المتسلسلة متقاربة</p>	87	11
$ r = 0.35 < 1$ $S_{\infty} = \frac{1}{1 - 0.35} = \frac{20}{13}$	<p>إذن، المتسلسلة متقاربة</p>	87	12
$a_1 = 0.7, r = 0.1$ $\frac{7}{9}$		88	13

$a_1 = 0.41, \quad r = 0.01$	$\frac{41}{99}$	88	14
$a_1 = 0.4, \quad r = 0.1$	$\frac{4}{9}$	88	15
$a_1 = 0.05, \quad r = 0.1$	$\frac{1}{18}$	88	16
$a_1 = 0.86, \quad r = 0.01$	$\frac{86}{99}$	88	17
$a_1 = 0.3, \quad r = 0.1$	$\frac{10}{33}$	88	18
$a_1 = 20, \quad r = 0.7$	$a_n = 20(0.7)^{n-1}$	88	19
	$S_\infty = \frac{20}{1-0.7} = \frac{200}{3}$	88	20
	$S_\infty = \frac{12}{1-0.75} = 48$	88	21
	$S_\infty = \frac{8}{1-0.98} = 400$	88	22
	$ r = 2.5 > 1$ لأن المتسلسلة متباعدة، إذن، لا يمكن إيجاد مجموع عدد لا نهائي من حدودها	88	23
	$3 + \frac{3}{2} + \frac{3}{4} + \dots$ إجابة محتملة: حيث $ r = \frac{1}{2} < 1$	88	24
	$S_\infty = \frac{3}{1-0.5} = 6$		
	$a + ar + 4 + \dots$ المتسلسلة هي: $4 = ar^2, \quad r = \pm \frac{2}{\sqrt{a}}$	88	25

$S_{\infty} = \frac{a}{1 - \frac{2}{\sqrt{a}}}$	أو	
$S_{\infty} = \frac{a}{1 + \frac{2}{\sqrt{a}}}$		

اختبار نهاية الوحدة

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	89	c
2	89	d
3	89	b
4	89	b
5	89	a
6	89	متسلسلة حسابية
7	89	متسلسلة هندسية
8	89	متسلسلة هندسية
9	89	متسلسلة حسابية
10	89	متسلسلة حسابية
11	89	متسلسلة هندسية
12	89	$S_1 = 14 = a_1$ $S_2 = 40 = a_1 + a_2$ $S_3 = 78 = a_1 + a_2 + a_3$ <p>أذن المتسلسلة هي 14, 26, 38, ... وهي متسلسلة حسابية</p>
13	89	$50 = a_1 + 17d$ $a_1 + 9d = 2(a_1 + 3d)$ $a_1 = 3d \Rightarrow d = 2.5, \text{ hence } a_1 = 7.5$ $a_n = 5 + 2.5n$

$a_1 = 2000$ $r = 1.25$ $n = 9$ <p>المتسلسلة هي:</p> $\sum_{n=1}^9 2000(1.25)^{n-1}$ $= 2000 + 2500 + 3125 + \dots + 2000(1.25)^8$ $S_n = \frac{2000(1 - 1.25^9)}{1 - 1.25} \approx 51604.6 \text{ JD}$	89	14
$a_1 = 5$ $d = 2$ $n = 15$ $a_n = 5 + 2(n - 1) = 2n + 3$ $a_{15} = 33$ $S_n = \frac{15(5 + 33)}{2} = 285$	90	15
$a_1 = 9$ $r = 0.75$ $a_4 = 9(0.75)^3 = 3.796875$	90	16
$a_n = 9(0.75)^{n-1}$	90	17
$a_8 = 1.20135498$ $a_9 = 0.9010162354$ <p>إن، ستصطدم ثماني مرات قبل ان يصبح ارتداها أقل من 1 متر</p>	90	18
$S_\infty = \frac{9}{1 - 0.75} = 36 \text{ m}$	90	19
$a_1 = 2700$ $r = 1.03$ $S_n = \frac{2700(1 - 1.03^{10})}{1 - 1.03} \approx 30952.5 \text{ JD}$	90	20
<p>أعداد الأسماك التي نفقت هي:</p> $7 + 7 + 7 + \dots + 7$ <p>10 مرات، وتمثلها المتسلسلة</p> $\sum_{k=1}^{10} (7)$	90	21
c	90	22
c	90	23

a	99	24
---	----	----

