الرياضيات التوجيهى الادبى

إجابات أسئلة وتدريبات وحدة

التكامل وتطبيقاته

رقم	<u>فهرس الوحدة</u>
الصفحة	3 0 3
٢	الفصل الأول : التكامل
٢	أولا: التكامل غير المحدود
۸	ثانيا : التكامل المحدود 🌎 🂸 منهاجي
11	ثالثا : خصائص التكامل المحدود
17	رابعا : التكامل بالتعويض
۲۳	الفصل الثاني : تطبيقات التكامل
۲۳	أولا : تطبيقات هندسية
רז	ثانيا : تطبيقات فيزيائية
L 9	ثالثا : المساحة
٣٦	الفصل الثالث : اللهترانان اللوغاريتمي الطبيعي والأسي الطبيعي وتطبيهاتهما
ሥገ	أولا: الاخترانان اللوغاريتمي الطبيعي والأسي الطبيعي
٤٢	ثانيا : النمو والاضمحلال

إعداد: المعلمة سلسبيل الخطيب



الفصل الأول: التكامل

Indefinite Integral

التكامل غير المحدود

أولا

>> تدریب (۱) صفحهٔ ۱۹۱

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

$$1 - = \frac{2m - 1}{m^7 + 1}$$
 د س ، فجد $\frac{c - m}{c + m}$ عندما س

الحل:

نقوم باشتقاق الطرفين،

>> تدریب (۲) صفحة ۱۹۳

جد كلا من التكاملات الآتية :-

$$(1) \int c \, \omega = \int (x + c) \, dx = \omega + \epsilon$$

$$\Upsilon = \frac{\omega^3}{2} + \frac{\omega^3}{2} + \frac{\omega^3}{2}$$

$$-\frac{\omega^{-2}}{2} + \frac{\omega^{-2}}{2} + \frac{$$

$ullet$
 ullet

$$\int \sqrt{w} c w = \int w^{\frac{r}{r}} c w = \frac{\sqrt{r}}{r} + \frac{\sqrt{r}}{r$$

>> تدریب (۳) صفحة ۱۹۴

جد كلا من التكاملين الآتيين:

$$(7w)^{7} - \frac{7}{\sqrt{w}}) c w = \int (7w)^{7} - \frac{7}{\sqrt{y}}) c w = \int (7w)^{7} - 7w)^{7} c w$$

$$= \int (7w)^{7} - 7w)^{7} + \frac{1}{\sqrt{y}} + c w = \int (7w)^{7} - 7w)^{7} + c w$$

$$= w^{7} - 7 - \frac{1}{\sqrt{y}} + c w$$

$$= w^{7} - 7 - \frac{1}{\sqrt{y}} + c w$$

$$= w^{7} - 7 - 7w$$

$$= w^{7} -$$

>> تدریب (٤) صفحة ١٦٥

$$au < 0$$
 د س ، س $au < 0$

 $\left[\frac{w' + 7w - \circ i}{w - w} \right] = \frac{(w - v)(w + \circ)}{w - v}$ $c w = \left[(w + \circ) c w - \frac{w'}{v} + \circ w + \frac{1}{v} + o w + o$



$$2 + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times$$

$$\int \frac{w^{7} + 37}{w + 3} c w = \int \frac{(w + 3)(w^{7} - 3w + 71)}{w + 3} c w = \int (w^{7} - 3w + 71) c w$$

$$= \int \frac{w^{7} + 37}{w + 3} c w = \int \frac{(w + 3)(w^{7} - 3w + 71)}{w + 3} c w = \int (w^{7} - 3w + 71) c w$$

$$= \int \frac{w^{7} + 37}{w + 37} c w + c w = \int \frac{w^{7} - 3w + 71}{w + 37} c w = \int (w^{7} - 3w + 71) c w$$

>> تدریب (۵) صفحة ۱۲۵

 $V=(\, \cdot\,)$ جد قاعدة الاقتران ق الذي تعطى مشتقته بالقاعدة ق $V=(\, \cdot\,)$ جد قاعدة الاقتران ق الذي تعطى مشتقته بالقاعدة ق

الحل:

$$\ddot{b}(\omega) = \int \ddot{b}(\omega) c \, \omega = \int (7\omega^7 - 7\omega + 9) \, c \, \omega = \omega^7 - 7 \, \omega^7 + 9\omega + \infty$$

$$\forall = \rightarrow \qquad = = \qquad \forall = \rightarrow + (\cdot)^{7} - 7(\cdot)^{7} - 7(\cdot) = (\cdot)$$

$$V + 00 + 70 = 0 - 7 = 0 + 0 = 0 + 0 = 0$$

الاسئلة



ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة

مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب" ١) جد كلا مما يأتي:

$$1) \int \frac{1}{\gamma} c \omega = \frac{1}{\gamma} \omega + \Leftarrow$$

$$\int \frac{c \, w}{w^{\circ}} = \int \frac{1}{w^{\circ}} \times c \, w = \int w^{\circ \circ} c \, w = \frac{w^{-\frac{3}{2}}}{-\frac{3}{2}} + \frac{1}{4}$$

$$(7 - w)^{7}) c \, w = 7w - \frac{w^{7}}{7} + \frac{1}{4}$$

من استطال الطريق ضُعُفَ مشيه

٢) جد كلا مما يأتي:

1)
$$\int (\cdot 1 w^{7} - \sqrt{w} + w) \cdot w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w + w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w = \int (\cdot 1 w^{7} - w) \cdot w = \int (\cdot 1 w) \cdot w = \int$$

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

$$Y_{-} \neq \omega$$
 , $\omega + \frac{\lambda + \sqrt{\omega + \gamma}}{\omega + \gamma}$ (2)

$$\int \frac{w^{7} + \Gamma w + \Lambda}{w + Y} c w = \int \frac{(w + Y)(w + 3)}{w + Y} c w = \int (w + 3) c w = \frac{w^{7}}{Y} + 3w + \frac{1}{4} c w$$

•
$$\neq \omega$$
 , $\omega = \frac{1 + \omega \xi}{\omega} = \frac{1 + \omega \xi}{\omega}$) $\Rightarrow (\pi + \omega) = \frac{1 + \omega \xi}{\omega}$

نقوم باشتقاق الطرفين،

$$\frac{c\ o}{c\ w} = \frac{\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{w}}}\sqrt{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}} = \frac{1+\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{w}}}\sqrt{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}} = \frac{1+\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{w}}}\sqrt{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}} = \frac{1+\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{w}}}\sqrt{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}} = \frac{1+\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{w}}}\sqrt{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}} = \frac{1+\frac{1}{\sqrt{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}\sqrt{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}} = \frac{1+\frac{1}{w}}{\sqrt{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}} = \frac{1+\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}{\sqrt{\frac{1+\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}} = \frac{1+\frac{1+\frac{1}{w}}{\sqrt{\frac{1+\frac{1}{w}}{w}}}} = \frac{1+$$

(1-1)=7 و کان ق اقترانا قابلا للاشتقاق ، و کان ق (m)=7 س (m)=7 ، و کان ق (-1)=7 ، فجد قاعدة الاقتران ق .

الحل:

7
. ق (س) = 7 س 7 – 7 س 3 + 9 س + 7

•) إذا كان
$$\int 3(m) c m = 7m^7 - 7m^7 + 7m - 9$$
 ، فجد $3(1)$.

. 0-----

نقوم باشتقاق الطرفين ،،

$$\frac{c}{c} \int 3^2(\omega) c \omega = (I\omega^2 - 7\omega^2 + I\omega - 9)^2$$

$$3'(\omega) = \lambda (\omega)' = \lambda$$

7) إذا كان ق اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان ق (س) = 7س $- \circ$ ، وكان ق (7) = 3 ، فجد قيمة ق(1). المحل:

ق (س) =
$$\int$$
 ق (س) د س = \int (۲س – ۰) د س = ω^{7} – ۰س + ج

$$(1) = (1) = (1) = (1) = (1) = (1) = (1) = (1) = (1) = 7$$

$$0 = (1) = (1$$

۷) إذا كان ق اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان ق(m) = 7m $(7 - 9m) + 3m^7$ ، وكان ق (7) = -1 ، فجد قيمة ق (1).

الحل:

$$\ddot{\mathfrak{G}}(\mathfrak{w}) = \Lambda \mathfrak{l} \mathfrak{w} - \mathfrak{o} \mathfrak{l} \mathfrak{w}^{7} + \mathfrak{d} \mathfrak{w}^{7}$$

$$\tilde{g}(\omega) = \int \tilde{g}'(\omega) c \, \omega = \int (\Lambda 1 \omega - 0 1 \omega' + 3 \omega'') c \, \omega = \rho \omega'' - 0 \omega''' + \omega^{3} + \varphi$$

$$\tilde{g}(\tau) = \rho(\tau)^{3} - 0 (\tau)^{3} + (\tau)^{3} + \varphi = -1 = 0$$

$$\tilde{g}(\tau) = \rho(\tau)^{3} - 0 (\tau)^{3} + (\tau)^{3} + \varphi = -1 = 0$$

$$\tilde{g}(\tau) = \rho(\tau)^{3} - 0 (\tau)^{3} + (\tau)^{3} + \varphi = -1$$

$$\tilde{g}(\omega) = \rho \omega'' - 0 \omega'' + \omega^{3} - \tau 1 = 0$$

$$\tilde{g}(\omega) = \rho \omega'' - 0 \omega'' + \omega^{3} - \tau 1 = 0$$

$$\tilde{g}(\tau) = \rho(\tau)^{3} - \rho(\tau)^{3} + (\tau)^{3} - \rho(\tau)^{3} - \rho(\tau$$

(س) النا کان ق اقترانا قابلا للاشتقاق ، وکان ق (س) =
$$\frac{m^7 + 7m + 4m^7}{m}$$
 ، $m \neq -m$ ، $m \neq -m$ ق (۱) = ۱۲ ، فجد قاعدة الاقتران ق.

الحل:

(1)
$$U = V^{T} - V^{T} - V^{T} = V^{T} + V^{T$$

الحل:

$$U(\omega) = \int U(\omega) c \omega = \int (\Gamma \omega^7 - \Gamma \omega^7 - Y \omega) c \omega = Y \omega^7 - \frac{\gamma \omega^2}{7} - \omega^7 + \epsilon$$

W.

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع ملوطة الكتاب على

-قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب" >> تدریب (۱) صفحة ۱۶۹

جد قيمة كل مما يأتي:

$$7 = \sqrt[7]{(1)}^{r} - \sqrt[7]{(1)}^{r} = 7$$

>> تدریب (۲) صفحة ۱۷۰

إذا كان ق (-١) =
$$^{\circ}$$
 ، ق (٢) = $^{\circ}$ ، فجد قيمة التكامل الآتي : $\int_{1}^{2} \delta (w) c w$ المحل :

$$((1-)\ddot{o} - (7)\ddot{o}) = \begin{cases} 7 \\ (\omega) \\ (\omega) \end{cases} = (1-)\ddot{o} =$$

>> تدریب (۳) صفحهٔ ۱۷۰

إذا كان
$$\int_{1}^{\infty} 7$$
س د س $= 9$ ، فجد قيمة الثابت ب .

الحل:

+



السئلة

١) احسب قيمة كل مما يأتى:

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

$$\frac{1}{\Lambda} \frac{\frac{\tau}{r}}{\frac{\tau}{r}} \times \frac{1}{\Lambda} = \omega = \frac{1}{\Lambda} \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{1}{r} \frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda} \right) = \omega = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\tau}{r} \times \frac{1}{\Lambda} \times \frac{1}$$

$$\frac{1}{\sqrt{(\Lambda)}}\sqrt{\frac{r}{17}} - \frac{1}{\sqrt{(1)}}\sqrt{\frac{r}{17}} = \frac{1}{\sqrt{17}}\sqrt{\frac{r}{17}} = \frac{1}{\sqrt{(\Lambda)}}\sqrt{\frac{r}{17}} = \frac{1}{\sqrt{(\Lambda)}}\sqrt{\frac{r$$

$$\frac{9}{17} - = \frac{17}{17} - \frac{7}{17} = £ \times \frac{7}{17} - \frac{7}{17} =$$

$$2 \begin{pmatrix} 7 & -7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 &$$

) إذا كان
$$\int_{1-}^{7}$$
 2 دس \times 7 ، فجد قيمة الثابت م .

الحل:

٣) إذا كان الاقتران ق معرفا على الفترة [١، ٥] ، وكان ق (س) = ٢س + ١، فجد قيمة ق (٥) – ق (١)

الحل:

$$\begin{bmatrix}
7 \\
2w - \Gamma w^{7} + 7
\end{bmatrix}$$

$$= (7 (7)^{7} - 7 (7)^{7} + 7 (7)) - ((7 (7)^{7} - 7 (7)^{7} + 7 (7)))$$

$$= (\Lambda - \Gamma \Gamma + \Gamma) - (\Lambda - \Gamma \Gamma + \Gamma) = -\Gamma - \Gamma = \Gamma + \Gamma = -\Gamma$$

<u>ملاحظة</u> تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

•) احسب قيمة كل من التكاملات الآتية :-

$$= (7 \times 7^{7} - \frac{7}{3} \times 7^{3}) - (7 \times 7^{7} - \frac{7}{3} \times 7^{3}) = \frac{1}{3} \times 7^{3} - \frac{1}{3} \times 7^{3}$$

$$\frac{r^{2}}{m} = \frac{r^{2}}{m} + r^{2} = \frac{r^{2}}{m} + r^{2} = \frac{r^{2}}{m} + r^{2} = r^{$$

Properties of the Definite Integral

خصائص التكامل المحدود

1÷)(÷

>> تدریب (۱) صفحة ۱۷۳

$$|\vec{t}| \geq |\vec{t}| \leq |\vec{t}| = |\vec{t}| =$$

 $1 \cdot = \mathsf{T} - \mathsf{T} = (\mathsf{I} - \mathsf{E}) - \mathsf{T} + \mathsf{I} \cdot = \mathsf{I}$

>> تدریب (۲) صفحة ۱۷۵

$$\frac{7}{1}$$
 دس $\frac{7}{1}$ دس $\frac{7}{1}$ دس $\frac{7}{1}$ دس $\frac{7}{1}$ دس $\frac{7}{1}$ دس $\frac{7}{1}$ دس $\frac{7}{1}$

$$(1)$$
 $\int_{Y}^{1} (1 + i) c(w) cw = (1 + i) \int_{Y}^{1} (1 + i) cw$

من معطیات السؤال
$$\int_{1}^{7} \frac{\ddot{b}(w)}{\pi}$$
 دس $= 0 = \infty$ حسے $\int_{1}^{7} \ddot{b}(w)$ دس $= 0$ من معطیات السؤال $\int_{1}^{7} \frac{\ddot{b}(w)}{\pi}$ دس $= 0$

$$: \int_{1}^{1} \tilde{g}(w) \, cw = - \int_{1}^{1} \tilde{g}(w) \, cw = - \circ 1$$

٢) لِ ق (س) دس - (٢)

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

$$\int_{1}^{7}$$
 ق (س) دس = \int_{1}^{7} ق (س) دس + \int_{1}^{7}

$$1 = 0$$
 ع $= 0$ المطلوب: $\int_{1}^{1} \tilde{g}(w) cw = -\int_{1}^{1} \tilde{g}(w) cw = -1$ عن المطلوب: $\int_{1}^{1} \tilde{g}(w) cw = -\int_{1}^{1} \tilde{g}(w) cw = -1$

>> تدریب (۳) صفحة ۱۷۵

إذا كان
$$\int_{\gamma}^{\zeta} (7 \, \tilde{g}(m) - 3) \, cm = 14$$
 ، فجد قيمة التكامل الآتي $\int_{\gamma}^{\zeta} \tilde{g}(m) \, cm$.

$$1 \wedge = 1 \wedge \dots = 1 \wedge \dots$$

$$\pi$$
 $\int_{\gamma}^{0} \tilde{g}(w) cw - 3(0 - 7) = 1$ ومنه π $\int_{\gamma}^{0} \tilde{g}(w) cw - 17 = 10$ ومنه π $\int_{\gamma}^{0} \tilde{g}(w) cw = 17$ ومنه π $\int_{\gamma}^{0} \tilde{g}(w) cw = 10$

>> تدریب (٤) صفحة ۱۷٦

(۱) إذا كان
$$\int_{0}^{1} \bar{g}(w) cw = \cdot$$
 ، فجد قيمة الثابت م

الحل:



<u>ملاحظة</u> تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على

قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب" ۲) إذا كان $\int_{0}^{1} (7m - 7)$ دس = ۰ ، فجد قيمة الثابت ن.

الحل:

 $\boldsymbol{\cdot} = \int_{0}^{1} (\boldsymbol{\omega}^{\mathsf{T}} - \boldsymbol{\omega})$

 $\boldsymbol{\cdot} = (\dot{\boldsymbol{0}}^{\mathsf{T}} - \dot{\boldsymbol{0}}) - (\dot{\boldsymbol{0}}^{\mathsf{T}} - \dot{\boldsymbol{0}}))$

- ن $^{\prime}$ + $^{\prime}$ ن $^{\prime}$ - الآن اضرب المعادلة بـ (-۱) وذلك لجعل معامل ن $^{\prime}$ = ۱

ن $^{\prime}$ – $^{\prime}$ ن + $^{\prime}$ – $^{\prime}$ ن حلل العبارة التربيعية

 $(\dot{\upsilon}-1)$ $(\dot{\upsilon}-1)=\cdot$ ومنه قیم ن هي : $\{1,1\}$

كن كالنخيل عن الأحقاد مرتفعاً ،، يرمى بصخرٍ فيعطي أطيبَ الثمر

السئلة

1) [
$$\vec{k}$$
 | \vec{k} | \vec{k}

$$\int_{-1}^{1} (a_{-}(w)) cw + 1 (-1 - 7) = 0$$

$$eais \int_{1}^{2} (a_{-}(w)) cw = 1$$

$$f(w) cw - f(w) cw - f(w) cw = 1$$

$$f(w) cw - f(w) cw - f(w) cw = 1$$

$$f(w) cw - f(w) cw - f(w) cw - f(w) cw = 1$$

$$f(w) cw - f(w) cw -$$

 $^{0}+^{0}$ اذا کان $\int_{-1}^{0} \tilde{g}(w) cw = 0$ ، فجد قیمة الثابت أ .

الحل:

$$Y = 1 \iff A = 1$$
 $\iff A = 1$

 $\bullet = \left[\left(^{\mathsf{Y}} \mathsf{w} \mathsf{Y} - \mathsf{v} \mathsf{w}^{\mathsf{Y}} \right) \right]$

<u>ملاحظة</u> تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

 $(\gamma_0 - \gamma_0) - (\gamma_0 - \gamma_0)^{\dagger} = \gamma_0 - \gamma_0 - \gamma_0 + \gamma_0 - \gamma_0 + \gamma_0 = \gamma_0$ بإعادة ترتيب المعادلة ينتج:

 \cdot ۲ - ۲م + ۲ + ۲ + بالقسمة على -۲ ينتج \cdot

 $a^{7}-a-7=\cdot$ ومنه $a_{2}:\{7\cdot -7\}=\cdot$ ومنه قیم م $a_{2}:\{7\cdot -7\}$

•) [
$$\dot{i}$$
 | \dot{i} | \dot{j} | \dot{j}

لا تقلقٌ من تَدابيس البشر،، فأقصى ما يستَطيعُون فعله مَعك،، هو تنفيذ إمرادةُ الله

>> تدریب (۱) صفحة ۱۷۹

جد قیمة التکامل الآتي :
$$\int \Upsilon (\Upsilon u \Upsilon + \Upsilon u) (u \Upsilon + \Upsilon u \Upsilon)^{\prime}$$
 دس

الحل:

$$\frac{co}{100}$$
 افرض ص $= w^7 + 7$ $= \frac{co}{100} = 7$ $= 7$ $= 2$ دس $= -7$ دس $= -7$ افرض ص

$$\frac{\omega}{\tilde{l}_{m}} \sum_{i=1}^{N} (m^{2}+1)^{2} (m^{2}+1)^{2} (m^{2}+1)^{2} (m^{2}+1) = \int_{0}^{\infty} (\tilde{l}_{m})^{2} (m^{2}+1)^{2} (m^{2}+1)^{2} (m^{2}+1) = \int_{0}^{\infty} (\tilde{l}_{m})^{2} (m^{2}+1)^{2} (m^{2}+1)^{2} (m^{2}+1) = \int_{0}^{\infty} (\tilde{l}_{m})^{2} (m^{2}+1)^{2} (m$$

>> تدریب (۲) صفحهٔ ۱۸۲

حل الفرع (٤) من المثال (٢) باستخدام قيم ص بالتعويض في حدود التكامل $\sqrt{\frac{1}{|ou|+1}}$ دس الحل:

$$\frac{co}{a}$$
 افرض ص $= a$ دس $= a$ دس $= a$ دس $= a$

$$17 = 1 + 7 \times 0 = 0$$
 ، مند س $= 1$

$$1=1+x$$
 مند س $x=0$ ، ص

$$\lim_{N \to \infty} \frac{1}{\sqrt{N}} = \lim_{N \to \infty} \frac{1}{\sqrt{N}}$$

$$\frac{7}{\circ} - = \frac{\Lambda}{\circ} - \frac{7}{\circ} = \frac{7}{17} \sqrt{\frac{7}{\circ}} - \frac{7}{17} \sqrt{\frac{7}{\circ}} = \frac{7}{17} \sqrt{\frac{1}{17}} = \frac{7}{\circ} - \frac{\Lambda}{\circ} = \frac{7}{\circ} - \frac{1}{\circ} = \frac{7}{$$



>> تدریب (۳) صفحة ۱۸۲

جد قيمة كل من التكاملات الأتية :-

$$\frac{c\omega}{\omega} = \omega^{1} + 1 = \infty$$
 $c\omega = \gamma = \gamma = 1$

$$\frac{1}{100} \times \frac{7}{100} \times \frac{7}$$

$$=-\frac{\pi}{\Lambda}$$
 $-\frac{\pi}{\Lambda}$ $-\frac{\pi}{\Lambda}$ $-\frac{\pi}{\Lambda}$ $-\frac{\pi}{\Lambda}$

$$-\frac{\omega}{1} = -\frac{\omega}{1} = -\frac{\omega}{1}$$

$$\frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right)^{r} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right)^{r}$$
 دس

$$\frac{color box}{color box} = color box = \frac{color box}{color box} <== 1 - 3 color box = \frac{color box}{color box} <== 1 - 7 color box = color$$

$$Y_{-} = \omega < == 1 - {}^{Y}(1) \times Y_{-} = 0$$
 , $\omega = 1 - {}^{Y}(1) \times Y_{-} = 0$

$$\xi_{-} = \omega = 1 - {}^{t}(1_{-}) \times {}^{t}(1_{-}$$

$$\frac{\xi}{\sqrt{m}} = \frac{2m}{\sqrt{m}} =$$

$$\sum_{r=1}^{\xi_{-}} \frac{1}{\sqrt{r}} \sum_{\frac{r}{\xi_{-}}}^{\xi_{-}} = \sum_{r=1}^{\xi_{-}} \frac{\frac{\xi_{-}}{r}}{\frac{\xi_{-}}{r}} = \sum_{r=1}^{\xi_{-}} \frac{1}{\sqrt{r}} \sum_{r=1}^{\xi_{-}} \frac{\xi_{-}}{r} = \sum_{r=1}^{\xi_{-}} \frac{\xi_{-}}{r}$$

$$(\overline{11})^{r} - \overline{101})^{r}) \frac{r_{-}}{\xi} = (\overline{\xi}(1))^{r} - \overline{\xi}(\xi_{-}))^{r}) \frac{r_{-}}{\xi} =$$

$$\frac{7}{2} \int_{0}^{\pi} \sqrt{|\omega| + 1} d\omega = \int_{0}^{\pi} \sqrt{|\omega| + 1} \int_{0}^{\pi} |\omega| + 1 \int_{0}^{\pi$$

>> تدریب (٤) صفحة ۱۸۲

جد قيمة كل تكامل مما يأتي:

 $=\frac{(\mathring{l}\omega+\psi)^{\dot{0}+\dot{1}}}{\mathring{l}(\dot{0}+\dot{1})}=$

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

$$\frac{co}{1}$$
 افرض $com = 1$ $m + p$ $= 1$ $com = 1$

$$\frac{1}{1}$$
 جتا $\frac{1}{1}$ جتا $\frac{1}{1}$ جتا $\frac{1}{1}$ جتا $\frac{1}{1}$ جتا $\frac{1}{1}$ جا $\frac{1}{1}$ جا $\frac{1}{1}$ جا $\frac{1}{1}$

$$=\frac{1}{1}$$

>> تدریب (۵) صفحة ۱۸۳

جد قيمة كل تكامل مما يأتي :-

$$+ \div = \pi \to = \pi \div = \pi \to = \pi \div = \pi \to = \pi \to$$

الاسئلة /



١) اكتب التعويض المناسب لإيجاد قيمة كل تكامل من التكاملات الأتية :-

<u>ملاحظة</u> تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

1
ل 2 دس 2 دس 2 دس 3 دس 3 دس 2 دس 3

$$Y = {^{7}}\omega Y = \omega$$
 ،،، $\omega = Y = {^{7}}\omega Y$ دس $\omega = Y = Y = Y = X$

$$(7w - 7w^{7})$$
 فا $(w^{7} - w^{7})$ دس ،،، ص $= w^{7} - w^{7}$

$$2 - \frac{7\omega - P}{(\omega^{7} - F\omega)^{7}} \quad \omega = \omega^{7} - F\omega$$

٢) جد قيمة كل من التكاملات الآتية :-

$$\uparrow \int_{0}^{\frac{\sigma}{r}} \frac{1}{r} \left(\sqrt{r} - \sqrt{r} \right)^{\frac{\sigma}{r}} \right) dr = \frac{\frac{\sigma}{r}}{r} + \frac{\frac{\sigma}{r}}{r} \left(\sqrt{r} - \sqrt{r} \right)^{\frac{\sigma}{r}} + \frac{\sigma}{r} + \frac{$$

$$(1 - 1) (1 - 3 + 1)^{\circ} cw = \int_{\frac{3}{4}}^{\frac{1}{4}} \frac{cw}{3} = \frac{1}{3} \int_{\frac{3}{4}}^{\frac{1}{4}} \int_{\frac{3}{4}}^{\frac{1}{4}} \frac{cw}{3} = \frac{$$

$$+ \frac{1}{2} \times \frac{1}{7} \times \frac{$$

$$+ (\omega - 1)$$
 کا $= -7$ ظا $= -7$ ظا $= -7$ ظا $= -7$ خا $= -7$ خا $= -7$ خا $= -7$

د)
$$\int Yw^7 \neq I(w^3 + 1)$$
 دس
افرض $ص = w^3 + 1 = > \frac{coo}{coo} = 3w^7 = > coo = \frac{coo}{3w^7}$

$$\cdot\cdot$$
 $\int Y \omega^{7} = \frac{1-\gamma}{7} = \frac{1-\gamma}{7}$

٣) احسب قيمة كل من النكاملات الآتية :-

أ)
$$\int_{1}^{7} \sqrt{\frac{r}{2}} = \int_{1}^{7} \frac{\frac{r}{7}}{(2m+1)^{7}} = \int_{1}^{7} \frac{r}{(2m+1)^{7}} = \int_{1}^{7} \frac{r}{(2m+1)^{7}} = \int_{1}^{7} \sqrt{(2m+1)^{7}} = \int_{1}^{7} \sqrt{$$

$$\frac{77}{7} = 77 \times \frac{7}{7} = (7 - 7) \frac{1}{7} = (7 + 7) \frac{1}{7} = (7 + 7) \frac{1}{7} = \frac{77}{7} = \frac{77}{$$

$$-\frac{1}{2}$$
 ب $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ دس $=$ صفر ، لأن $\frac{1}{2}$ ق (m) دس $=$ صفر $\frac{1}{2}$

$$\frac{co}{1-c} = \frac{co}{1-c} = 1$$
 افرض ص = $\omega^{1} = 1$ = ∞

$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{\pi}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{\pi}{2} \cdot \frac$$

$$\frac{r}{\frac{r}{2}} = \left(\frac{r}{2}(\cdot)\right)^{r} - \frac{r}{2}(1-r)^{r} - \frac{r}{2}(1-r)^{r} - \frac{r}{2}(1-r)^{r} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}(1-r)^{r} - \frac{r}{2}(1-r)^{r} - \frac{$$

$$Y_{-} = 2$$
 , $Y_{-} = 3$

$$Y = 2ic$$
 , $Y = 2ic$

$$\therefore \int_{1}^{7} \frac{1 - 7 \cdot \omega}{\sqrt{1 - 7 \cdot \omega^{2} - 7 \cdot \omega^{2}}} c\omega = \int_{1}^{7} \frac{1 - 7 \cdot \omega}{\sqrt{1 - 7 \cdot \omega^{2} - 7 \cdot \omega^{2}}} \times \frac{c\omega}{\sqrt{1 - 7 \cdot \omega^{2} - 7 \cdot \omega^{2}}} = \int_{1}^{7} \frac{1 - 7 \cdot \omega}{\sqrt{1 - 7 \cdot \omega^{2} - 7 \cdot \omega^{2}}} c\omega = -\omega i \omega$$

دس
$$\int_{-\infty}^{\infty} |\nabla u|^{2} = |\nabla u|^{2}$$
 ، فجد قیمة التکامل الآتي: $\int_{-\infty}^{\infty} |\nabla u|^{2} = |\nabla u|^{2}$ دس ال ۱۰ د

 $\frac{co}{c_{1}} = co$ cos = co

$$\Lambda = 1$$
 , $\Lambda = -1$

$$\Upsilon = 2$$
 ، ص = $\Upsilon = 3$

$$(\Lambda_{-})$$
ن $= (\Lambda_{-})$ دس $= (\Lambda_{-$

ه) إذا علمت أن
$$\int_{0}^{1}$$
 ق(س) دس $= 7$ ، فجد قيمة التكامل التالي : $\int_{0}^{1} \Lambda$ س ق (س $+ 1$) دس. الحل :

$$Y = 1$$
 ، فإن ص

ے عند س
$$=$$
 ۲ ، فإن ص

$$17 - 8 - 8 \times 10^{-4}$$
 د $\frac{1}{2} \times 10^{-4}$ د $\frac{1}{2} \times 10^{-4}$

٦) جد قيمة التكامل الآتي : $\int_{0}^{\infty} 7 \, \text{س} \sqrt{\frac{m^7 + P}{q}} \, \text{cm}$

الحل:

$$color box = 0$$
 $color box = 0$
 $color box =$

$$\mathbf{q} = \mathbf{q}$$
 ، ص

$$\frac{1}{\sqrt{70}} = \frac{1}{\sqrt{70}} =$$

الفصل الثاني : تطبيقات التكامل

Geometric Applications

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة

مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم

"سلسبيل الخطيب"

تطبيقات هندسية

أولا

>> تدریب (۱) صفحة ۱۸٦

جد قاعدة الاقتران ق ، علما بأن منحناه يمر بالنقطة (١٠ ، ٢) ، وأنّ ميل المماس لمنحنى الاقتران ص =

1-mY=(m) عند النقطة (m,m) يعطى بالقاعدة (m)=m

الحل:

 $\Lambda = \tilde{\mathfrak{G}}(\omega) = \Lambda = 1$ م $= \tilde{\mathfrak{G}}(\omega)$

>> تدریب (۲) صفحة ۱۸۷

الحل:

$$\frac{\frac{1}{r}}{\tilde{r}}$$
ق (س) دس = $\int r^{r} \sqrt{r_{w} - r}$ دس = $r \int (r_{w} - r)^{r}$ دس = $r \times \frac{r_{w} - r}{r \times \frac{1}{r}} + \epsilon$

$$\therefore$$
 ق $(\omega) = \frac{1}{3}$ $\frac{\gamma}{\sqrt{(\gamma_{\omega} - 1)^3}} + \epsilon$

ق (•) = ج =
9
 ج = 9 ج = 9



<u>ملاحظة</u> تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

الاسئلة

1) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران ص = ق(س) عند النقطة (س ، ص) يساوي (٦ – ٢س + 7) ، فجد قاعدة الاقتران ق ، علما بأن ق(٠) = 9

الحل:

$$\tilde{g}(\omega) = \int \tilde{g}'(\omega) \, d\omega = \int (\mathbf{r} - \mathbf{r}\omega + \mathbf{p}\omega^{7}) \, d\omega = \mathbf{r}\omega - \omega^{7} + \frac{\mathbf{p}\omega^{3}}{3} + \mathbf{x}$$

$$\tilde{g}(\cdot) = \mathbf{r} \times \cdot - (\cdot)^{7} + \frac{\mathbf{p}(\cdot)^{3}}{3} + \mathbf{x} = 0 = 0$$

$$\tilde{g}(\cdot) = \mathbf{r} \times \cdot - (\cdot)^{7} + \frac{\mathbf{p}\omega^{3}}{3} + \mathbf{x} = 0$$

$$\tilde{g}(\cdot) = \mathbf{r}\omega - \omega^{7} + \frac{\mathbf{p}\omega^{3}}{3} + 0$$

$$\tilde{g}(\cdot) = \mathbf{r}\omega - \omega^{7} + \frac{\mathbf{p}\omega^{3}}{3} + 0$$

الحل:

$$=$$
ق $(w) = \int$ ق (w) دس $= \int \frac{\gamma_w}{\sqrt{w^{\gamma} + \Lambda}}$ دس

$$\frac{co}{\sqrt{1+c}} = \sqrt{1+c}$$
 افرض $com = \sqrt{1+c}$ $com = \sqrt{1+c}$ دس $com = \sqrt{1+c}$ افرض $com = \sqrt{1+c}$

$$\Upsilon_{-}=3$$
 $==$ $\xi=\frac{\tau}{\gamma}$ $\sqrt{(\gamma+\gamma(\gamma))}$ $=$ $\xi=\frac{\tau}{\gamma}$ $=$ $\xi=\frac{\tau}{\gamma}$

$$\Upsilon$$
 - $\overline{\Upsilon}(\omega) = \frac{\Upsilon}{\Upsilon} \sqrt{(\omega^{\Upsilon} + \Lambda)^{\Upsilon}}$. Υ

٣) جد قيمة ق(١) ، علما بأن ميل المماس لمنحنى $ص = \bar{b}(m)$ عند النقطة (س ، ص) يساوي ٢٥ (ص $+٤)^3$ ، وأن منحنى الاقتران ق يمر بالنقطة (-١ ، ٧).

الحل:

$$\dot{\delta}(\omega) = \int \dot{\delta}'(\omega) \, d\omega = \int \dot{\delta}'(\omega) \, d\omega$$

ع) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران ل عند النقطة (س، ص) يعطى بالقاعدة : $\mathcal{V}(m) = \mathcal{V}(m) = \mathcal{V}(m)$) فجد قاعدة الاقتران ل علما بأن منحناه يمر بالنقطة (۰، ۳).

الحل:

$$\begin{array}{l} U(\omega) = \int U(\omega) \, c\omega = \int Y(\omega) \, c\omega = \int Y(\omega) \, c\omega = 3 \, \omega' - Y(\omega'') + - - \omega \\ U(\cdot) = 2 \times (\cdot)' - Y(\cdot)' + - \omega = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} U(\omega) = 2 \times (\cdot)' - Y(\cdot)' + - \omega = 0 \\ U(\omega) = 2 \times (\cdot)' - Y(\cdot)' + - \omega = 0 \end{array}$$

$$\therefore U(\omega) = 3 \, \omega'' - Y(\omega'') + \omega'' + \omega$$

(س) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران هـ يعطى بالقاعدة هـ (س) = $\frac{7m^7-9m}{m}$ ، $m \neq \cdot$ ، فجد هـ (۲) ، علما بأن منحنى الاقتران هـ يمر بالنقطة (-۱ ، °) .

الحل:

$$Y_{-} = 1 - 1 \cdot - \xi = 1 - 7 \times 0 - (7) = (7)$$

أن تحقق هدفاً صغيراً كليوم يعلو بك على سلم النجاح، ، خيرلك من الوقوف في مكانك وانتظام المجهول.

>> تدریب (۱) صفحة ۱۹۰

1) يتحرك جُسيم على خط مستقيم ، وتعطى سرعته بالعلاقة : ع(ن) = (٢ن – ٥) م/ث ، حيث ن : الزمن بالثواني. جد موقع الجسيم بعد ثانيتين من بدء الحركة، علما بأن موقعه الابتدائي ف (\cdot) = ٣م.

۲) يتحرك جُسيم على خط مستقيم بحيث إن سرعته بعد مرور (ن) ثانية من بدء الحركة تعطى بالعلاقة : $3(i) = (7(1-7i)^{7})$ م/ث. جد موقعه بعد مرور ثانية واحدة من بدء الحركة، علما بأن موقعه الابتدائي ف $(\cdot) = 0$ م.

الحل:

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

$$(\cdot) = \int 3 (i) ci = \int (7i - \circ) ci = i^7 - \circ i +$$

$$(\cdot) = \int 3 (i) ci = \int (7i - \circ) ci = i^7 - \circ i +$$

$$(\cdot) = 7 = = >$$

$$(\cdot) = 7 = = >$$

$$(\cdot) = 7 = = >$$

ف
$$(\Upsilon) = (\Upsilon)^{\gamma} - (\Upsilon) = 3 - 1 + 7 = 7$$
 م

$$\cdot$$
: ف $($ ن $) =$ ان $-$ ۱ ان $+$ ۸ ن $+$ ۰ ن $-$ ۲ ن $+$ ۸ ن $+$ ۰

ف
$$(1) = 7 \times 1 - 71 \times (1)^7 + \Lambda \times (1)^7 + \circ = 7 - 71 + \Lambda + \circ = 7$$
 م

>> تدریب (۲) صفحة ۱۹۱

 $": \dot{\mathbf{v}}(\dot{\mathbf{v}}) = \dot{\mathbf{v}}' - \circ \dot{\mathbf{v}} + "$

يتحرك جسيم على خط مستقيم ، وبتسارع ثابت مقدارة ت(ن) = -١٢ م/ث أ. إذا كانت سرعته الابتدائية $3(\cdot) = 0$ م/ث ، وموقعه الابتدائي ف $3(\cdot) = 0$ م/ث ، وموقعه الابتدائي ف $3(\cdot) = 0$ م

١) سرعة الجسيم بعد مرور أربع ثوانٍ من بدء الحركة.

٢) موقع الجسيم بعد مرور ثلاث ثوان من بدء الحركة.

الحل:

(ن) ع (ن) =
$$\int$$
 ت (ن) د ن = \int -۲۱ دن = -۲۱ن + جـ

$$\mathbf{Y}) \stackrel{\leftarrow}{\mathbf{L}} (\mathbf{C}) = \begin{bmatrix} \mathbf{C} & \mathbf{C} & \mathbf{C} & \mathbf{C} \\ \mathbf{C} & \mathbf{C} & \mathbf{C} \end{bmatrix} = \mathbf{C} \cdot \mathbf{C} + \mathbf{C} \cdot \mathbf{C} \end{bmatrix}$$

$$\Upsilon + \circ \circ + \Upsilon$$
ن $= -\Gamma$ ن $\div \circ \circ + \Upsilon$

ä Li m!ll

1) يتحرك جسيم على خط مستقيم بحيث إن سرعته بعد مرور ن ثانية من بدء حركته تعطى بالعلاقة : 3(i) = (11 + i) م/ث . جد القاعدة التي تمثل موقع الجسيم بعد مرور ن ثانية من بدء الحركة.

الحل:

$$= \int 3 (i) ci = \int 17 + i \int$$

۲) تتحرك نقطة مادية على خط مستقيم بحيث إن سرعته بعد مرور ن ثانية من بدء حركتها تعطى بالعلاقة (3) = (3) + (3) + (3) علما بأن علما بأن عرن (3) = (3) + (3) + (3) علما بأن موقعها الابتدائي ف (3) = (3) + (3)

الحل:

$$\dot{\omega}$$
 (ن) = $\int_{\gamma} 3 (\dot{\omega}) c\dot{\omega} = \int_{\gamma} (3\dot{\omega} + \dot{\lambda}) c\dot{\omega} = 7\dot{\omega}^{\gamma} + \dot{\lambda}\dot{\omega} + \dot{\omega}$

$$Y = =$$
 $Y = +$ (\cdot)

ر ع + ۱ = ۱ م

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة

مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم

"سلسبيل الخطيب"

٣) إذا كان تسارع جسيم يسير بخط مستقيم بعد مرور ن ثانية من بدء الحركة تعطى بالعلاقة:

ت (ن) =
$$4 \times (1 - 7 \circ)^7$$
 م/ث ، وكان موقعه الابتدائي ف $(\cdot) = 7$ ، وسرعته الابتدائية ع $(\cdot) = 7$ ، وكان موقعه الابتدائي فود :

أ) سرعة الجسيم بعد مرور ثانية واحدة من بدء الحركة.

ب) موقع الجسيم بعد مرور ثانيتين من بدء الحركة.

الحل:

$$\dot{}$$
) ع (ن) = $\int \dot{}$ ث (ن) دن = $\int \dot{}$ $\dot{}$ (۱ – ۲ن) دن = $\dot{}$ دن = $\dot{}$ دن = $\dot{}$ ب خب =

$$= -\Gamma (1 - 7\dot{\upsilon})^{3} + \rightleftharpoons$$

$$3(\cdot) = -\Gamma(1 - 7 \times \cdot)^{3} + \Leftarrow = 7 \implies \Rightarrow = \lambda$$

$$\lambda + {}^{\sharp}(\dot{\upsilon}) = -7 (1 - 7\dot{\upsilon})^{\sharp} + \lambda$$
 :: 3

ع (۱) = -۲ (۱ – ۲×۱)
2
 + ۸ = -۲ + ۸ = ۲م/ث

$$\frac{17}{\circ} = \Rightarrow <== 7 = \Rightarrow + \frac{7}{\circ} <== 7 = \Rightarrow + \cdot \times \wedge + \circ (\cdot \times 7 - 1) = (\cdot)$$

$$\dot{\omega} (Y) = \frac{\gamma}{2} = (Y) \dot{\omega} = (Y) \dot{\omega} + (Y) \dot{\omega} + (Y) \dot{\omega} = (Y) \dot{\omega}$$

٤) يتحرك جسيم على خط مستقيم بحيث إن سرعته بعد مرور ن ثانية من بدء الحركة تعطى بالقاعدة :

$$3(\dot{\upsilon}) = (7\dot{\upsilon} - 1)(3\dot{\upsilon} + 1)$$
م/ث. جد:

أ) القاعدة التي تمثل موقع الجسيم بعد مرور ن ثانية من بدء الحركة.

(•) = Vموقع الجسيم بعد مرور ثانيتين من بدء الحركة ، علما بأن موقعه الابتدائي ف

الحل:

$$\dot{0}$$
 ف (ن) = $\int 3$ (ن) دن = $\int (70$ ن - ۱) (غن + ۱) دن = $\int (710^7 - \dot{0} - 1) + 1$ دن

ثاثا المساحة ثاثا

>> تدریب (۱) صفحة ۱۹۸

جد مساحة المنطقة المغلقة المحصورة بين منحنى الاقتران m=0) ، ومحور السينات على الفترة المحددة في كل مما يأتي: -

<u>ملاحظة</u> تجد شرح هذه الوحدة

مع حلول أسئلة الكتاب على

قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

$$(1)$$
 ق $(m) = 1$ کس ، علی الفترة $(1, 1)$

$$(w) = mw' - 11w$$
 ، على الفترة (v, v)

$$(w) = 7 - 7$$
 کس ، علی الفترة $(v) = 7 - 7$

الحل:

(۱) ق
$$(س) = 11 - 3$$
س ، على الفترة $(1, 1]$

$$\int_{1}^{7} \ddot{\upsilon} \left(\omega \right) c\omega = \int_{1}^{7} \left(71 - 3\omega \right) c\omega = (71\omega - 7\omega^{7}) \int_{1}^{7} \ddot{\upsilon} \left(\omega \right) c\omega = (71 \times 7 - 7 \times 7^{7}) - (71 \times 1 - 7 \times 7^{7})$$

$$= (37 - \lambda) - (71 - 7) = 71 - 1 = 7$$

$$\therefore$$
 م = $\int_{1}^{\infty} |\tilde{g}(w)| \, dv = \Gamma$ وحدة مربعة

$$\Upsilon$$
) ق $(w)=\Upsilon w^{\Upsilon}-\Upsilon w$. على الفترة $[\,\cdot\,\,,\,\Upsilon]$

$$\xi = \omega$$
 ، $\cdot = \omega = \cdot = (\xi - \omega)$ س $= \cdot = \cdot = \omega$ ۱۲ – ۲س

$$* \int_{1}^{\pi} \tilde{c}_{0}(\omega) c\omega = \int_{1}^{\pi} (\Gamma - \gamma \omega) c\omega = (\Gamma \omega - \omega^{\gamma}) \int_{1}^{\pi} = (\Gamma \times \pi - (\pi)^{\gamma}) - (\Gamma \times 1 - (1)^{\gamma})$$

$$= (\Lambda - \Gamma) - (\Gamma - \Gamma) = \Gamma - \Gamma = 0$$

د مر
$$=\int_{0}^{\infty}|\tilde{g}(w)|$$
 د وحدة مربعة $\tilde{g}(w)$

م،
$$=$$
 $\int_{m}^{2} |\tilde{g}(m)| + |\tilde{g}(m)| + |\tilde{g}(m)|$ وحدة مربعة $\tilde{g}(m)$

ن المساحة الكلية = م، + م، = 3 + 1 = 0 وحدات مربعة :

>> تدریب (۲) صفحة ۱۹۸

جد مساحة المنطقة المغلقة المحصورة بين منحنى الاقتران $\omega=0$ (س) = w' - γ ، ومحور السينات.

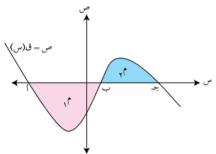
الحل:

تعتبر حدود التكامل
$$^{\prime}$$
 $^{\prime}$ $^$

$$\therefore$$
 م = $\int_{-1}^{7} |$ ق (س) | دس = $\frac{\pi \gamma}{\eta}$ وحدة مربعة

القلق لا يمنع ألم الغد ،، لكنه يسرق متعة اليوم.

>> تدریب (۳) صفحة ۱۹۹



۱)
$$\int_{1}^{1} \frac{1}{2} (w) cm = -$$
 ؛ لأن ق (س) تحت محور السينات

$$= + \circ$$
 ؛ لأن ق (س) فوق محور السينات $= + \circ$ ؛ لأن ق (س) فوق محور السينات

3) مساحة المنطقة المعلقة المحصورة بين منحنى الاقتران ق ومحور السينات على الفترة [أ ، ج] $a = a_1 + a_2 = 0$ وحدة مربعة

الاسئلة

1) جد مساحة المنطقة المغلقة المحصورة بين منحنى الاقتران $m = \bar{p}(m)$ ، ومحور السينات والمستقيمين المحددين في كل مما يأتي :-

$$\Upsilon = \omega$$
 ، $\omega = -1$ ، $\omega = \Upsilon$

$$Y = \omega$$
 ، $Y = 0$ ب) ق $(\omega) = 0$ ب) ω

$$\xi_{-} = \gamma_{0}$$
 , $\gamma_{-} = \gamma_{0}$, $\gamma_{-} = \gamma_{0}$

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

الحل:

$$\int_{1}^{7} \tilde{c}(\omega) \, \omega = \int_{1}^{7} (\circ - 7\omega) \, \omega = (\circ\omega - \omega^{7}) \int_{1}^{7} = (\circ \times 7 - (7)^{7}) - (\circ \times -7 - (-7)^{7})$$

$$Y \cdot = Y \cdot \xi + Y = (\xi - Y \cdot -) - (\xi - Y \cdot) = 0$$

د. م
$$=$$
 $\int_{0}^{\infty} |\ddot{g}(w)|$ دس $= 7$ وحدة مربعة

$$\xi_{-} = \infty$$
 ، $w = -1$ ، $w = -2$ ، $w = -2$

م =
$$\int_{-7}^{7} |\ddot{g}(w)| cw = 0$$
 وحدة مربعة \therefore

 Υ) جد مساحة المنطقة المخطورة بين منحنى الاقتران $\phi = \phi(m)$ ، ومحور السينات على

الفترة المحددة في كل مما يأتي :-

$$(س) = 3 m^7$$
 ، على الفترة $[-1, 1]$

$$(w) = x^{-1} = x^{-1} + x^{-1}$$
 ، على الفترة (x^{-1}, x^{-1})

د) ق (س) = - س
$$'$$
 - ٤ ، على الفترة [-١،١]

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

إذن هنا نجز أ لتكامل

الحل:

أ) ق (س) =
$$7 - 7$$
س ملی الفترة [۲، ۲]

$$1 - 1$$
س $= + 1$ ، س $= -1$

١-= " لاحظ أن س = - ١
 تقع ضمن الفتر ة المعطاة

د مر
$$=\int_{-1}^{1}|\ddot{g}(w)|$$
 د $= \Lambda$ وحدة مربعة Υ_{-1}

*
$$\int_{-1}^{1} (\Gamma - \Gamma \omega^{7}) c\omega = (\Gamma \omega - \Gamma \omega^{7}) \int_{-1}^{1} = (\Gamma \times \cdot - \Gamma (\cdot)^{7}) - (\Gamma \times - \Gamma - \Gamma (\cdot)^{7})$$

$$= -2 = 3$$

.. م
$$_{7} = \int_{1}^{1} |\tilde{g}(w)| \, dv = 3$$
 وحدة مربعة

نامساحة الكلية = م $_1 + a_7 = 1 + 3 = 1$ وحدة مربعة :

$$(u) = 3$$
 ق (س) = 3 $(u) = 3$ ب ق (س) = 3 $(u) = 3$ ق (س) = 3 $(u) = 3$ ق $($

د. م،
$$=\int_{1}^{1} |\ddot{g}(w)| + cw = 1$$
 وحدة مربعة

*
$$\int_{-\infty}^{\infty} 3m^{7} cm = m^{3} \int_{-\infty}^{\infty} = (1)^{3} - (1)^{3} = 1 - 1 = 1$$

.: $a_{7} = \int_{-\infty}^{\infty} |\ddot{u}(m)| cm = 1$ each actes $a_{7} = 1$

ن المساحة الكلية = م
$$_1 + a_7 = 1 + 1 = 7$$
 وحدة مربعة :

$$(w) = 7w^7 - \lambda 3$$
 ، على الفترة $(7, 0)$

 $\xi = \omega$ ، $\omega = \pm \lambda$ الاحظ أن $\omega = \pm \lambda$ الاحظ أن $\omega = \pm \lambda$ المعطاة $\omega = \pm \lambda$

$$(\mathsf{T} \times \mathsf{S} \wedge - \mathsf{T}(\mathsf{T})) - (\mathsf{S} \times \mathsf{S} \wedge - \mathsf{S}(\mathsf{S})) = \int_{\mathsf{T}}^{\mathsf{S}} (\mathsf{T} \mathsf{W}^{\mathsf{T}} - \mathsf{A} \mathsf{S} \times \mathsf{S}) - (\mathsf{S}^{\mathsf{T}} - \mathsf{A}^{\mathsf{S}} \times \mathsf{S}) = (\mathsf{S}^{\mathsf{T}} - \mathsf{S}^{\mathsf{T}}) - (\mathsf{S}^{\mathsf{T}} - \mathsf{S}^{\mathsf{T}}) = (\mathsf{S}^{\mathsf{T}} - \mathsf{S}^{\mathsf{T}}) - (\mathsf{S}^{\mathsf{T}} - \mathsf{S}^{\mathsf{T}}) = (\mathsf{S}^{\mathsf{T}} - \mathsf{S}^{\mathsf{T}})$$

د م
$$_{Y} = \int_{w}^{2} |\ddot{g}(w)| + 1$$
 وحدة مربعة $\ddot{g}(w)$

د. م
$$_{7} = \int_{0}^{2} |\tilde{g}(w)| \le 1$$
 وحدة مربعة $|\tilde{g}(w)| \le 1$

: المساحة الكلية = $a_1 + a_2 = 11 + 11 = 37$ وحدة مربعة

- س^۲ - ٤ = • عبارة تربيعية لا تحلل

$$(1-\times\xi-\frac{r(1-)}{r}-)-(1\times\xi-\frac{r(1)}{r}-)=\left[\frac{1}{r}(\omega\xi-\frac{r\omega}{r}-)=\omega\omega(\xi-r\omega-)\right]$$

$$\frac{r\eta}{r}-=\lambda-\frac{r}{r}-=(\xi+\frac{1}{r})-\xi-\frac{1}{r}-=$$

در م =
$$\left| \begin{array}{c} | \ddot{v} & | \\ | \ddot{v} & | \end{array} \right|$$
 وحدة مربعة $\left| \begin{array}{c} 177 \\ 77 \end{array} \right|$

(w) جد مساحة المنطقة المعلقة المحصورة بين منحنى الاقتران (w) ، ومحور السينات في كل مما يأتى :-

 7 اً) ق (س)=3س - س

7
ب) ق (س) = 3 س 7 – 1 س

الحل:

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على

مع حلول اسئله الكتاب عا

قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

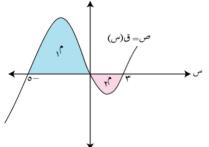
تعتبر حدود التكامل

7
ا) ق $($ س $)=$ کس $-$ س 7

$$\xi = \omega$$
 , $\star = \omega$ \Longrightarrow $\star = (2 - \omega) = 0$

$$\frac{mr}{r} = \frac{\pi \xi}{r} - mr$$
 دس $= (r\omega^{r} - m)$ دس $= (r\omega^{r} - m)$ $= \frac{\xi}{r}$ د $= \frac{\pi \xi}{r}$ د $= \frac{\pi \xi}{r}$

د م =
$$\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} |\ddot{g}(w)| \le \frac{\pi}{4}$$
 وحدة مربعة \therefore



$$\int_{0}^{\infty} \tilde{g}(w) cw = \int_{0}^{\infty} \tilde{g}(w) cw + \int_{0}^{\infty} \tilde{g}(w) cw$$

* \int ق(m) دm=+1 لأن منحنى الاقتران ق فوق محور السيبات



* $\int g(w) cw = -7$ لأن منحنى الاقتران ق تحت محور السينات

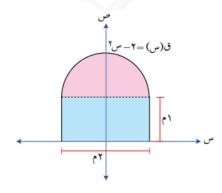
$$\mathbf{r} = \mathbf{r} = \mathbf{r} + \mathbf{r} = \mathbf{r}$$
ن (س) دس $\mathbf{r} = \mathbf{r} = \mathbf{r} + \mathbf{r} = \mathbf{r}$

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

ه) يمثل الشكل نافذة على شكل مستطيل طول قاعدته ٢م،
 وارتفاعه ١م، يعلوه منحنى يعطى بالقاعدة

$$\omega = \mathfrak{G}(\omega) = \Upsilon - \omega^{\Upsilon}$$

إذا أردنا وضع زجاج على النافذة ، وكانت تكلفة المتر المربع الواحد منه خمسة دنانير ، فما التكلفة الكلية لزجاج النافذة ؟



الحل:

* التكلفة الكلية للنافذة = مساحة النافذة × تكلفة المتر المربع الواحد

م م النهنة = المساحة تحت المنحنى النهنة

.. التكلفة الكلية = $\frac{1}{m}$ × $\frac{1}{m}$ دينار.

الفصل الثالث: اللقترانان (اللوغاريتمي الطبيعي والأسي الطبيعي وتطبيقاتيهما)

Natural Logarithmic and Natural Exponential Functions

اللقترانان : اللوغاريتمي الطبيعي والأسي الطبيعي

أولا

>> تدریب (۱) صفحة ۲۰۳

إذا كان ق (س) = لو م(س) ، م(س) > • ، وكان م اقتر انا قابلا للاشتقاق ، فأثبت أن

 $\hat{g}(w) = \frac{a'(w)}{a(w)}$ مستخدما قاعدة السلسلة.

الحل:

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على

ع حلول استنه الخلاب على قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب"

افرض ع = م (س)
$$=$$
 $=$ مرس $=$ $=$ مرس $=$ $=$ مرس

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{2} = \frac{2}{3} = \frac{2}$$

$$\frac{c\,\omega}{c\,\omega} = \frac{c\,\omega}{c\,3} \times \frac{c\,3}{c\,\omega} = \frac{c\,3}{c\,\omega} \times \frac{c\,3}{c\,\omega} = \frac{1}{a\,(\omega)} \times \frac{1}{a\,(\omega)} = \frac{a^{\lambda}(\omega)}{a\,(\omega)} :$$

>> تدریب (۲) صفحة ۲۰۶

جد قُ (س) في كل مما يأتي :-

$$(w) = \underbrace{\lim_{n \to \infty} \frac{\gamma}{n}}_{n}$$
 ، $w > 0$

$$\Upsilon_{-} < \omega$$
 ، س $\Lambda_{-} = V_{-}$ ق (س $V_{-} + V_{-}$) ق (س $V_{-} = V_{-}$) ق (س V_{-}

الحل:

$$-\frac{-+ س}{-+ (w)} = \frac{-+ w}{-+ (w)}$$
 ق (س) = $\frac{-+ w}{-+ (w)}$

$$\frac{1}{\omega} = \frac{\frac{\gamma}{\gamma}}{\frac{\gamma}{\omega}} = \frac{\frac{\gamma}{\gamma}}{\frac{\gamma}{\omega}} = \frac{\frac{\gamma}{\gamma}}{\frac{\gamma}{\omega}} = \frac{\gamma}{\omega}$$
 (س) ق (س) = $\frac{\gamma}{\omega} = \frac{\gamma}{\omega}$ ق (س) ق (س) = $\frac{\gamma}{\omega} = \frac{\gamma}{\omega} = \frac{\gamma}{\omega}$ ق (س) ق (س) = $\frac{\gamma}{\omega} = \frac{\gamma}{\omega} = \frac{\gamma}{\omega} = \frac{\gamma}{\omega}$

$$7$$
 ق $(\omega) =$ لو $(\omega^7 + \Lambda)$ ، $\omega > -7$ ،،،، ق $(\omega) = \frac{7\omega^7}{\omega^7 + \Lambda}$

>> تدریب (۳) صفحهٔ ۲۰۶

إذا كان ق(س) = لو (أس + $^{"}$) ، حيثُ أ ثابت ، وكان ق ($^{"}$) = ا ، فجد قيمة الثابت أ.

الحل:

$$1 = \frac{1}{m + r + 1} = (r - 1)$$
ق $= \frac{1}{m + r + 1} = \frac{1}{m + r + 1}$ ق رس $= \frac{1}{m + r + 1}$

$$1 = 1$$
 $=$ $T = 1$ $=$ $T + 1$

>> تدریب (۳) صفحهٔ ۲۰۶

إذا كان ق(m) =لو $|m| (حيثُ <math>m \neq 0$) ، فجد قُ(m).

الحل:

أعد تعريف الاقتران دون استخدام رمز القيمة المطلقة

$$\frac{1}{\omega} = (\omega) = \frac{1}{\omega}$$
ق (س) = لو س عندما س $\omega > 0$

$$\frac{1}{m} = \frac{1}{m} = (m)$$
 ق (س) = لو - س ، عندما س < • = ق رس) ق



>> تدریب (۵) صفحة ۲۰۵

جد قيمة كل تكامل مما يأتي :-

$$-\frac{r}{\omega}$$
 دس ، س \neq ، ، ، ، \neq دس $=$ -7 $\frac{r}{\omega}$ دس $=$ -7 لو $|$ س $|$ + جـ $|$ دس \neq دس \neq ، ، ، .

$$\Upsilon = \frac{\Sigma - \Gamma \omega^{7} - 2}{1 + \omega^{7} - 1}$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\Gamma \omega^{7} - 2}{\omega} (1 + \omega^{7} - 1) \cdot (1 + \omega^{$$

 $1 + m^{7} - m^{9}$ افرض ص

$$cos \frac{1}{1+w^{7}-1} cos = \frac{\frac{7}{1+w^{7}-1}}{1+w^{7}-1} cos = \frac{\frac{1}{1+w^{7}-1}}{1+w^{7}-1} cos = \frac{\frac{1}{1+w^{7}-1}}{1+w^{7}-1} cos = \frac{1}{1+w^{7}-1} c$$

>> تدریب (۱) صفحة ۲۰۱

إذا كان ق (س) = ه فأثبت أن وكان ل (س) اقترانا قابلا للاشتقاق ، فأثبت أن

قُ (w) = U(w) هـ مستخدما قاعدة السلسلة.

الحل:

$$\begin{array}{lll} \operatorname{lec}(\omega) & 3 = 0 \end{array} \hspace{0.2cm} = 0 \end{array} \hspace{0.2cm} = 0 \hspace{0.2cm} = 0$$

>> تدریب (۷) صفحهٔ ۲۰۷

جد ص في كل مما يأتي :-

1
 ص $=$ هـ 2 ص $=$ $-$ س هـ 2





$$\underline{\omega} = \underline{a}^{\underline{\omega}} \times \underline{w} + \frac{\underline{a}^{\underline{\omega}}}{\underline{w}} + \underline{a}^{\underline{\omega}} = \underline{a}^{\underline{\omega}} + \underline{a}^{\underline{\omega}}$$

$$\mathfrak{s} = \frac{\mathfrak{s}^{-1}}{\mathfrak{s}}$$
 (مشتقة قسمة)

$$\underline{\omega} = \frac{(\omega^{7} + 1) \times 7^{7} \underline{k}^{2} - \underline{k}^{2} \times 7 \underline{\omega}}{(\omega^{7} + 1)^{7}}$$

>> تدریب (۸) صفحة ۲۰۷

الحل:

$$\frac{c}{b} = \frac{c}{c} = \frac{c$$

$$\therefore \int \overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}} cm = \int \overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}} \frac{c}{\mathbb{A}} = \frac{1}{\mathbb{A}} \int \overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}} cm = \frac{1}{\mathbb{A}} \overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}} + \frac{1}{\mathbb{A}} = \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}}}{\mathbb{A}} + \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}}}{\mathbb{A}} = \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}}}{\mathbb{A}} + \overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}} = \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}}}{\mathbb{A}} + \overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}} = \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}}}{\mathbb{A}} + \overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}} = \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}}}{\mathbb{A}} = \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}}}{\mathbb{A}} + \overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}} = \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}}}{\mathbb{A}} + \overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}} = \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A}}}{\mathbb{A}} = \frac{\overset{\text{lw}+\text{p}}{\mathbb{A$$

>> تدریب (۹) صفحة ۲۰۸

جد قيمة كل من التكاملات الآتية :-

$$1) \left(\frac{1}{7} a^{2} \cos \omega \right) = \frac{1}{7} a^{2} + =$$

$$+ \frac{\frac{\lambda^{-1}}{4}}{1} = \pm + \frac{\frac{\lambda^{-1}}{4}}{1} \times \frac{1}{\pi} = \pm \frac{\lambda^{-1}}{1} + \pm \frac{\lambda^{-1}}{1} + \pm \frac{\lambda^{-1}}{1}$$

$$\Upsilon$$
) $\left[(\Upsilon + \Upsilon_{\omega})^{\Upsilon} \right] = \frac{\omega^{\Upsilon} + \Upsilon_{\omega} - 1}{4 \omega}$ cm

$$\frac{c \, \omega}{c \, \omega} = \omega^{7} + 7$$
 ==> د $\omega = \frac{c \, \omega}{c \, \omega} = 7 \, \omega^{7} + 7$ ==> د $\omega = \frac{c \, \omega}{r + 7 \, \omega}$

الاسئلة

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة مع حلول أسئلة الكتاب على

قناتي في اليوتيوب باسم "سلسبيل الخطيب" ١) جد قُ (س) في كل مما يأتي :-

$$^{\bullet}$$
) ق $(\omega) = \frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega}$ ، $\omega > 0$

$$oldsymbol{\cdot} = oldsymbol{\gamma}$$
 لو س $oldsymbol{\omega} = oldsymbol{\gamma}$ ، س $oldsymbol{\omega} = oldsymbol{\omega}$ ، س

ج) ق (س) = هـ ۲ لو (جتا س)

الحل:

أ) ق (س) =
$$-\frac{1}{m} + \frac{1}{m} + \frac{1}{m}$$

$$^{-7}$$
ب) ق $^{-7}$

ج) ق
$$(w) =$$
جتاس هـ $+$ \times $+$ $+$ خاس جتاس هـ $+$ ۲ خاس جتاس هـ $+$ ۲ خاس

٢) جد قيمة كل من التكاملات الأتية :-

$$1 \int (Y A^{\omega} - \frac{Y}{\omega} + Y \omega^{\gamma}) \omega = Y A^{\omega} - \frac{1}{\omega} | \omega | + \omega^{\gamma} + - \frac{1}{\omega}$$

$$\dot{\varphi}$$
) $\int \dot{z} \, \gamma \, dz = \dot{z} \, \gamma \times \frac{\dot{z}}{2} + \dot{z} = \gamma \, \gamma \, dz = \gamma \, \gamma \, dz$

$$\frac{co}{c} = 1 - w^{7} = > 1$$
 افرض ص = 1 - $w^{7} = -7$ افرض ص = 1 - $w^{7} = -7$

$$2) \left[\left(\frac{\circ}{\omega} - 7 \right) - 7 \right] = 2 \left[\frac{3}{\omega} \right] = 3 \left[\frac{7}{\omega} \right] = 3 \left[\frac{7}{\omega}$$

$$\mathbf{4.} \int \frac{\Lambda}{\omega} \frac{\Lambda}{\xi + \gamma_{m}} dx$$

$$\frac{co}{c}$$
 افرض $c = w^{7} + 2$ $= \infty$ $c = 7$ $cov = \frac{cov}{r}$

ق (س) = Υ هـ Υ + Υ س ، فجد قاعدة الاقتران ق ، علما بأن منحناه يمر بالنقطة (٠،٤).

الحل:

ق (س) =
$$\int$$
 ق (س) دس = \int (7 ه 2 + 7 س) دس = 7 ه 2 + ∞ + ∞

$$\mathsf{T} = \mathsf{T} =$$

$$\Upsilon + \Upsilon = \Upsilon = \Upsilon = \Upsilon + \Upsilon + \Upsilon + \Upsilon$$
 .: ق (س) = Υ

3) تتحرك نقطة مادية على خط مستقيم بحيث إن سرعتها بعد ن ثانية من بدء حركتها تعطى بالقاعدة : $3 = 4 \cdot 1 + \frac{\lambda}{0} \cdot 1 + \frac{\lambda}{0}$

الحل:

ف (ن) =
$$\int 3$$
 (ن) دن = (هـ ن+ ' + $\frac{\lambda}{\dot{0}}$) دن = هـ ' + λ لو ان | + جـ

أنا مُصمم على بلوغ الهدف ، ، فإمّا أن أنجح ... وإمّا ... أن أنجح

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة

مع حلول أسئلة الكتاب على قناتي في اليوتيوب باسم

"سلسبيل الخطيب"

>> تدریب (۱) صفحة ۲۱۲

افترض يمان مبلغ ١٠٠٠٠ دينار من مصرف يحسب ربحًا مركبًا وفق قانون النمو ، بنسبة ربح مقدار ها 3% سنويا. جد جملة المبلغ الذي سيسدده يمان للمصرف بعد مرور خمس وعشرين سنة.

الحل:

ع (۲۰)
$$\times$$
 ۲۷۰۰۰ \times (۲۰) \times ۲۰۰۰ \times (۲۰) \times ۲۰۰۰ \times دینار \times (۲۰) \times ۲۰۰۰ \times دینار

>> تدریب (۲) صفحة ۲۱۲

يتناقص ثمن عقار بمرور الزمن ، وبصورة مستمرة منتظمة وفق قانون الاضمحلال بمعدل ٥% سنويا. فإذا كان ثمنه الأصلى ٨٠٠٠٠ دينار ، فكم يصبح ثمنه بعد مرور ٤٠ سنة؟

الحل:

ثمن العقار = ع (ن) = ع. \times هـ ثمن

ع (۴۰)
$$= \frac{1}{\gamma(\gamma, \gamma)} \times \lambda + \cdots = \frac{1}{\gamma(\gamma, \gamma)} \times \lambda$$

الاسئلة

1) تتكاثر البكتيريا بصورة مستمرة ومنتظمة وفق قانون النمو بنسبة ٢٠٠% في الساعة. جد عددها بعد نصف ساعة، علما بأن عددها الابتدائي (٠٠٠٠٠).

الحل:

ع
$$\frac{1}{r}$$
 ساعة $\frac{1}{r}$ ، $\frac{1}{r}$ ، $\frac{1}{r}$ ساعة $\frac{1}{r}$ ، $\frac{1}{r}$ ساعة عدد البكتيريا $\frac{1}{r}$ (ن) $\frac{1}{r}$ عدد البكتيريا $\frac{1}{r}$

$$1 \text{ ```} \times \text{```} \times \text{``} \times \text{```} \times \text{``} \times \text{```} \times \text{``} \times \text{```} \times \text{````} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{````} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{````} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{````} \times \text{````} \times \text{````} \times \text{````} \times \text{````} \times \text{```} \times \text{```} \times \text{$$

 Υ) يتناقص ثمن سيارة بمرور الزمن، وبصورة مستمرة منتظمة وفق قانون الاضمحلال، وبمعدل % سنويا. فإذا كان ثمنها الأصلي $1 \times 1 \times 1$ دينارا، فجد ثمنها بعد مرور % سنة.

الحل:

$$70 = 0$$
 , $\frac{\Lambda_{-}}{1..} = ... \Lambda_{-} = 1$, $170 \Lambda_{-} = 2$

ثمن السيارة = ع (ن) = ع. \times هـ ان

$$1 \vee 7 \circ 7 \circ = \frac{1}{7(7,7)} \times 1 \wedge 7 \circ 7 = \frac{7}{7(7,7)} \times 1 \wedge 7 \circ 7 = \frac{7}{7(7,7)} \times 1 \wedge 7 \circ 7 = \frac{7}{7(7,7)} \times 1 \wedge 7 \circ 7 = \frac{1}{7(7,7)} \times 1 \wedge 7 = \frac{$$

٣) يذوب ملح في الماء، وتخضع كتلة الملح المتبقية من دون الذوبان في الماء لقانون الاضمحلال. إذا وضعت ١٠ كيلو غرامات من الملح في الماء، فذاب نصف الكمية بعد مرور ربع ساعة، فجد كتلة الملح المتبقية من دون الذوبان في الماء بعد ساعة وربع الساعة.

الحل:

عطیات ،
$$\dot{l}=?$$
 ، $\dot{l}=?$ ، $\dot{l}=?$ ، $\dot{l}=?$ ، $\dot{l}=?$ ، $\dot{l}=?$

المطلوب: كتلة الملح المتبقية دون الذوبان في الماء بعد ساعة وربع الساعة ، أي بعد ساعة وربع $\frac{1}{3}$ ساعة + 1 ساعة + $\frac{1}{3}$ ساعة ؛ أي ع (ن $\frac{1}{3}$) ع $\frac{1}{3}$

الأن من هذه المعطيات : ع (ن،) = ع. imes الأن من هذه المعطيات

$$0 = \cdot 1 \times \mathbb{A}^{1 \times \frac{1}{3}} = 0 = \cdot 1 \times \mathbb{A}^{\frac{1}{3}} = 0 = 0 \times \mathbb{A}^{\frac{1}{3}} = 0 \times \mathbb{A}$$

المطلوب: ع (ن) = ع. × هان

ع) يتزايد عدد سكان مدينة ما بصورة مستمرة منتظمة وفق قانون النمو، بنسبة مقدار ها ٨,٠% سنويا. فإذا
 بلغ عدد سكانها ٢٠٠٠٠٠ نسمة عام ٢٠١٠م، فكم سيبلغ عدد سكانها عام ٢١٣٥م؟

الحل:

ع
$$= \cdots$$
 ، $i = \lambda, \cdot \% = \frac{\lambda}{\cdots}$ ، $i = 0.17 - 1.17 = 0.17$ سنة $\frac{\lambda}{1 - 1.17} \times 0.17 = 0.17$ سنة عدد السكان $= 3$ (ن) $= 3. \times 8^{\frac{1}{2}} = 0.17 \times (0.7)$

مع تمنياتي للجميع بالتوفيق: المعلمة سلسبيل الخطيب