



الرياضيات الصف التاسع

إجابات أسئلة وتدرجات وحدة

الأسس النسبية

رقم الصفحة	فهرس الوحدة
٢	(١ - ٥) : الأسس النسبية
٥	(٢ - ٥) : قوانين الأسس ١
٨	(٣ - ٥) : قوانين الأسس ٢
١٣	(٤ - ٥) : المعادلات الأسية
١٧	أسئلة المراجعة

لبست المنى وخلعتُ الحذر

يعش أبد الدهر بين الحفر

إذا ما طمحت إلى غاية

ومن لا يحب صعود الجبال

أولاً : التدريبات

<< تدريب (٥ - ١)

جد قيمة كل مما يأتي :

$$(ب) \quad \frac{1}{24.01} = \frac{1}{4.7} = 4^{-7}$$

$$(أ) \quad 729 = 3^6$$

$$(د) \quad \frac{27-}{512} = \frac{3-}{2^8} = 3^2 \left(\frac{3-}{8} \right)$$

$$(ج) \quad \frac{1}{78125} = \frac{1}{5^7} = 5^{-7}$$

$$(و) \quad \frac{4-}{3} = 1^{-} \left(\frac{3-}{4} \right) = 1^{-} \left(\frac{7-}{8} \right)$$

$$(هـ) \quad 9 = 2^3 = 2^{-} \left(\frac{1}{3} \right) = 2^{-} \left(\frac{2}{6} \right)$$

$$(ط) \quad 1 = 1^{178}$$

$$(ح) \quad 125 = 5^3$$

$$(ز) \quad \frac{1}{16} = \frac{1}{4^{-} (2-)} = 4^{-} (2-)$$

<< تدريب (٥ - ٢)

اكتب كلا مما يأتي على صورة أسس نسبية ثم جد قيمة كل منها :

$$(ب) \quad 6 = \sqrt[3]{216} = \sqrt[3]{216}$$

$$(أ) \quad 9 = \sqrt[2]{81} = \sqrt[2]{81}$$

$$(د) \quad \frac{6}{10} = \frac{1}{2} \left(\frac{36}{100} \right) = \sqrt[2]{\frac{36}{100}}$$

$$(ج) \quad 8 = \sqrt[3]{512} = \sqrt[3]{512}$$

$$(و) \quad \frac{3-}{11} = \frac{1}{3} \left(\frac{27-}{1331} \right) = \sqrt[3]{\frac{27-}{1331}}$$

$$(هـ) \quad \frac{4}{10} = \frac{1}{3} \left(\frac{64}{1000} \right) = \sqrt[3]{\frac{64}{1000}}$$

<< تدريب (٥ - ٣)

جد قيمة كل مما يأتي :

$$(أ) \quad 4 = 2^2 = \frac{1}{5} \times 10^2 = \frac{1}{5} (10^2) = \frac{1}{5} (10 \cdot 24)$$

$$(ب) \quad 3 = 1^3 = \frac{1}{6} \times 6^3 = \frac{1}{6} (6^3) = \frac{1}{6} (729)$$

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة

مع توضيح لحلول بعض

تدريبات وأسئلة الكتاب على

قناتي في اليوتيوب باسم

"سلسبيل الخطيب"

اشترك



سلسبيل الخطيب

<< السؤال الأول :

جد قيمة كل مما يأتي :

$$(أ) \frac{٤+٤٢ \times ٤+٢٠}{٧٢} = \frac{٤٢ \times ٤٢ \times ٤٥ \times ٢٠}{٧٢} = \frac{٤(٢ \times ٢ \times ٥) \times ٢٠}{٧٢} = \frac{٤٢٠ \times ٢٠}{٧٢} = ٥٠ = ٢ \times ٢٥ = ٧ \cdot ٨٢ \times ٢٥ = \frac{٨٢ \times ٢٥}{٧٢} =$$

$$(ب) ٣٢ = ٤ \times ٨ = \sqrt[٢]{٦٤} \times \sqrt[٢]{٦٤} = \sqrt[٢]{٦٤} \times \sqrt[٢]{٦٤}$$

$$(ج) ١ = \frac{\sqrt[٢]{٢}}{\sqrt[٢]{٢}} = \frac{\sqrt[٢]{٢}}{\frac{١}{٢} \cdot ٢} = \frac{\sqrt[٢]{٢}}{\frac{١}{٨} (٤٢)} = \frac{\sqrt[٢]{٢}}{\frac{١}{٨} ١٦}$$

$$(د) ٢٩ \times ٢٤ \times ٥^{-٣٦} = \frac{٢٤ \times ٢٦}{٢٠٩ \times ٥٦} = \frac{٢(٤ \times ٦)}{٢٠٩ \times ٥٦} = \frac{٢(٢٤)}{٢٠٩ \times ٥٦}$$

$$١٤٤ = \frac{٨١ \times ٦٤}{٣٦} = ٢٩ \times ٢٤ \times \frac{١}{٢٦} = ٢٩ \times ٢٤ \times ٢^{-٦} =$$

$$(هـ) \sqrt[٢]{٢١} = \sqrt[٢]{\frac{٣ \times ٣ \times ٢ \times ٧}{٣ \times ٢}} = \sqrt[٢]{\frac{١٢٦}{٦}} = \frac{\sqrt[٢]{١٢٦}}{\sqrt[٢]{٦}}$$

$$(و) ٤٢٠ = ١٤ \times ٣٠ = \sqrt[٢]{١٩٦} \times \sqrt[٢]{٩٠٠}$$

<< السؤال الثاني :

جد قيمة كل مما يأتي بأبسط صورة :

$$(أ) \frac{١}{٧} = ١^{-٧} = ٣^{-\left(\frac{١}{٣} \cdot ٧\right)} = ٣^{-\left(\sqrt[٣]{٧}\right)}$$

$$(ب) \sqrt[١]{\left(\sqrt[٢]{٢} - \sqrt[٣]{٣}\right)} = \sqrt[٠ \dots ٠]{\left(\sqrt[٢]{٢} - \sqrt[٣]{٣}\right)} = \frac{\sqrt[٠]{\left(\sqrt[٢]{٢} - \sqrt[٣]{٣}\right)}}{\sqrt[٠]{\left(\sqrt[٢]{٢} - \sqrt[٣]{٣}\right)}}$$

$$(ج) ٢١٦ = ٢٦ = \sqrt[٦]{\left(\frac{١}{٢} \cdot ٦\right)} = \sqrt[٦]{\left(\frac{١}{٦}\right)} = \sqrt[٢]{\left(\sqrt[٢]{\left(\frac{١}{٦}\right)}\right)} = \sqrt[٢]{\left(\frac{١}{\sqrt[٢]{٦}}\right)}$$

$$(د) \sqrt[١٢]{\left(\frac{١}{\sqrt[٢]{\left(\frac{٣}{٥}\right)}}\right)} \times \sqrt[١٢]{\left(\frac{١}{\sqrt[٢]{٢}}\right)} = \sqrt[١٢]{\left(\frac{١}{\sqrt[٢]{\left(\frac{٣}{٥}\right)}} \times \frac{١}{\sqrt[٢]{٢}}\right)} = \sqrt[١٢]{\left(\frac{\frac{١}{\sqrt[٢]{٣}} \times \frac{١}{\sqrt[٢]{٢}}}{\frac{١}{\sqrt[٢]{٥}}}\right)} = \sqrt[١٢]{\left(\frac{\sqrt[٢]{٣} \times \sqrt[٢]{٢}}{\sqrt[٢]{٥}}\right)}$$

$$\frac{٥١٨٤}{٦٢٥} = \frac{٨١}{٦٢٥} \times ٦٤ = \sqrt[٤]{\left(\frac{٣}{٥}\right)} \times ٦٢ =$$

اشترك

سلسبيل الخطيب



ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة

مع توضيح لحلول بعض

تدريبات وأسئلة الكتاب على

قناتي في اليوتيوب باسم

"سلسبيل الخطيب"

$$\begin{aligned} \text{هـ)} \quad & \sqrt{1 + \sqrt{2}} (\sqrt{1 - \sqrt{2}}) = \sqrt{1 + \sqrt{2}} \sqrt{1 - \sqrt{2}} \\ & 1 = \sqrt{1 + \sqrt{2}} \sqrt{1 - \sqrt{2}} = \sqrt{(1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2})} = \sqrt{1 - \sqrt{2} - \sqrt{2} + \sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \\ & \frac{5}{4} = \frac{1}{4} \left(\frac{5}{4} \right) = \frac{1}{4} \left(\frac{5}{4} \right) = \frac{1}{4} \left(\frac{625}{256} \right) = \frac{1}{4} \left(\frac{256}{625} \right) \text{ و)} \end{aligned}$$

<< السؤال الثالث :

برهن أنه إذا كان أ ، ب عددين حقيقيين بحيث أ ، ب ≠ صفرا ، وكان ن عددا نسبيا على

$$\text{فرض أن } \left(\frac{أ}{ب} \right)^ن \text{ معرف ، فإن : } \left(\frac{أ}{ب} \right)^ن = \left(\frac{ب}{أ} \right)^{-ن}$$

الحل :

$$\left(\frac{أ}{ب} \right)^{-ن} = \frac{ب^{-ن}}{أ^{-ن}} = ب^{-ن} \times أ^ن = \frac{أ^ن}{ب^{-ن}} = \left(\frac{أ}{ب} \right)^ن$$

<< السؤال الرابع :

حديقتان مربعتا الشكل ، طول ضلع الأولى (س) م ، وطول ضلع الثانية (ص) م ، اكتب على صورة

أسس كلا من :

(١) حاصل ضرب مساحتيهما .

(٢) ناتج قسمة مساحتيهما.

هل يمكن كتابة :-

(١) ناتج جمع مساحتيهما على صورة أسس؟

(٢) ناتج طرح مساحتيهما على صورة أسس؟

الحل :

مساحة الحديقة الأولى = س^٢ ، مساحة الحديقة الثانية = ص^٢

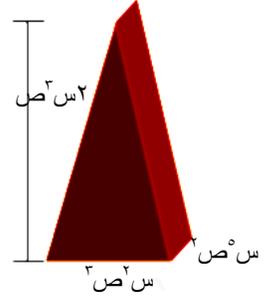
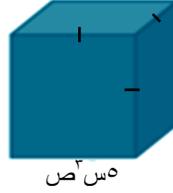
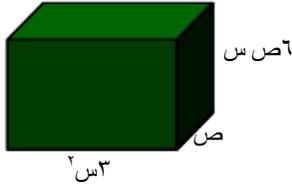
(١) حاصل ضرب مساحتيهما = مساحة الحديقة الأولى × مساحة الحديقة الثانية = س^٢ × ص^٢ = (س ص)^٢

(٢) ناتج قسمة مساحتهما = $\frac{\text{مساحة الحديقة الأولى}}{\text{مساحة الحديقة الثانية}} = \frac{س^٢}{ص^٢} = \left(\frac{س}{ص} \right)^٢$

**ناتج جمع مساحتيهما = س^٢ + ص^٢ وهي لا تساوي (س + ص)^٢

**ناتج طرح مساحتيهما = س^٢ - ص^٢ ، وهي لا تساوي (س - ص)^٢

إذا كانت أطوال أحرف كل من الأشكال الآتية بالسنتيمترات ، فعبّر عن حجم كل منها مستخدماً الأسس :



الحل :

حجم المنشور = الطول × العرض × الارتفاع ، حجم المكعب = (الضلع)³

حجم متوازي المستطيلات = الطول × العرض × الارتفاع

$$1- \text{حجم المنشور} = s^2 \times s^3 \times s = s^6 = (s^2 \times s^3 \times s^1) = s^6$$

$$2- \text{حجم المكعب} = (5s^3)^3 = 125s^9$$

$$3- \text{حجم متوازي المستطيلات} = 6s^2 \times s^3 \times s = 6s^6 = 18s^6$$

(٥ - ٣) : قوانين الأسس (٢)

أولاً : التدريبات

<< تدريب (٥ - ٨)

جد قيمة كل مما يأتي :-

$$أ) \sqrt[3]{12} = \sqrt[3]{144} = \sqrt[3]{(144)} = \sqrt[3]{(18 \times 8)} = \sqrt[3]{(18)} \times \sqrt[3]{(8)} = \sqrt[3]{18} \times \sqrt[3]{8}$$

☆ حل آخر :

$$12 = \sqrt[3]{144} = \sqrt[3]{18 \times 8} = \sqrt[3]{18} \times \sqrt[3]{8}$$

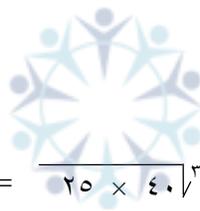
$$ب) \frac{7}{11} = \sqrt[3]{\left(\frac{7}{11}\right)^3} = \sqrt[3]{\left(\frac{7^3}{11^3}\right)} = \sqrt[3]{\frac{343}{1331}}$$

$$ج) 10 = \sqrt[3]{1000} = \sqrt[3]{(1000)} = \sqrt[3]{(25 \times 40)} = \sqrt[3]{(25)} \times \sqrt[3]{(40)} = \sqrt[3]{25} \times \sqrt[3]{40}$$

اشترك



سلسبيل الخطيب



ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة

مع توضيح لحلول بعض
تدريبات وأسئلة الكتاب على
قناتي في اليوتيوب باسم
"سلسيل الخطيب"

$$\frac{13}{14} = \frac{\sqrt{169}}{\sqrt{196}} = \frac{13}{14} \quad (د)$$

<< تدريب (٥ - ٩)

جد قيمة كل مما يأتي بأبسط صورة :

$$\sqrt[٥]{\frac{2}{3}} \times \sqrt[٢]{\frac{29}{34}} = \sqrt[٥]{\frac{32}{243}} \times \sqrt[٢]{\frac{729}{64}} \quad (أ)$$

$$\sqrt[٥]{\left(\frac{2}{3}\right)} \times \sqrt[٢]{\left(\frac{9}{4}\right)} =$$

$$\frac{3}{2} = \frac{18}{12} = \frac{2}{3} \times \frac{9}{4} =$$

$$\sqrt[٢]{\frac{2}{30}} = \sqrt[٢]{\frac{2 \times 2 \times 2}{5 \times 5 \times 5}} = \sqrt[٢]{\frac{2 \times 2 \times 2 \times 3}{5 \times 5 \times 5 \times 3}} = \sqrt[٢]{\frac{24}{375}} \quad (ب)$$

$$\frac{2}{5} = \sqrt[٢]{\left(\frac{2}{5}\right)} =$$

$$\sqrt[٤]{\left(\frac{25}{23}\right)} = \sqrt[٤]{\left(\frac{5 \times 5}{3 \times 3}\right)} = \sqrt[٤]{\left(\frac{5 \times 5 \times 5}{3 \times 3 \times 5}\right)} = \sqrt[٤]{\left(\frac{125}{45}\right)} \quad (ج)$$

$$\frac{5}{3} = \sqrt[٨]{\left(\frac{5}{3}\right)} = \sqrt[٤]{\frac{2}{3}} = \sqrt[٨]{\left(\frac{2}{3}\right)} = \sqrt[٤]{\left(\frac{2}{3}\right)} =$$

$$32 = 8 \times 4 = \sqrt[٢]{64} \times \sqrt[٢]{64} \quad (د)$$

الفشل لا يعني أنك فاشل، بل يعني أنك لم تنجح بعد

اشترك



سلسيل الخطيب

المعلمة : سلسيل الخطيب

<< السؤال الأول :

أي العبارات الآتية صحيحة وأيها غير صحيحة؟ مع تصحيح الخطأ:

(أ) ${}^{\circ}٧ \div {}^{\circ}٧ = {}^{\circ}٧$ (عبارة صحيحة)

(ب) ${}^{\circ}٦ \times {}^{\circ}٦ = {}^{\circ}٨٦$ (عبارة خاطئة)

(ج) $ص \div ص = ٣$ ، $ص \neq ص$ (عبارة خاطئة) << الصواب : $ص \div ص = ١$

(د) $١ = ({}^{\circ}٩) = ({}^{\circ}٩)$ (عبارة صحيحة)

(هـ) $ع \div ع = ٢$ ، $ع \neq ص$ (عبارة خاطئة) << الصواب : $ع \div ع = ١$

(و) $٧ = ٧ \times ٨$ (عبارة صحيحة)

<< السؤال الثاني :

اكتب العبارات الآتية بأسس صحيحة موجبة :

(أ) $\sqrt[٥]{\frac{س^٩}{س}}$ ، $س \neq ص$ صفرا

$$\sqrt[٥]{\frac{س^٩}{س}} = \sqrt[٥]{س^٨} = \sqrt[٥]{(س^٤)^٢} = \frac{١}{٢} (س^٤)$$

(ب) $\sqrt[٦]{\frac{م^٣}{م}}$ ، $م \neq ص$ صفرا

$$\sqrt[٦]{\frac{م^٣}{م}} = \sqrt[٦]{م^٢} = \sqrt[٣]{م} = \sqrt[٣]{م^{٢-٢}}$$

(ج) $\sqrt[٥]{\frac{ص^٣}{ص}}$ ، $ص \neq ص$ صفرا

$$\sqrt[٥]{\frac{ص^٣}{ص}} = \sqrt[٥]{ص^٢} = \sqrt[٥]{ص^{-٢}} = \sqrt[٥]{ص^{-٢-٢}} = \sqrt[٥]{ص^{-٤}} = \frac{١}{ص}$$

اشترك



سلسيل الخطيب

$$\sqrt[3]{\frac{2^2 \times 3 \times 2^2 \times 3^3}{8^2 \times 27 \times 27}} = \sqrt[3]{\frac{2^2 \times 3 \times 2^2 \times (2 \times 3)^3}{8^2 \times 27 \times 27}} = \sqrt[3]{\frac{2^4 \times 3^4}{8^2 \times 27^2}} \quad (ج)$$

$$\frac{1}{3^{(9-2)}} \times \frac{1}{3^{(3-3)}} = \frac{1}{3^{(9-2)}} \times 3^{(3-3)} = \frac{1}{3^7} \times 3^0 = \frac{1}{3^7} \times 1 = \frac{1}{3^7} = \frac{1}{2187}$$

$$\frac{1}{24} = \frac{1}{8} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{2^3} \times \frac{1}{3} = 2^{-3} \times 3^{-1} =$$

$$\frac{1}{8^{(8-2)}} \times \frac{1}{8^{(8-3)}} = \frac{1}{8^{(8-2)}} \times 8^{(8-3)} = \frac{1}{8^6} \times 8^5 = \frac{1}{8^1} = \frac{1}{8} \quad (د)$$

$$\frac{3}{2} = \frac{1}{2} \times 3 = 2^{-1} \times 3 =$$

$$\frac{1}{64} = 2^{-8} = \frac{1}{2^8} = 2^{-8} = \frac{1}{2^8} = \frac{1}{256} \quad (هـ)$$

$$\sqrt[3]{(5 \times 3)^3} = \sqrt[3]{5^3 \times 3^3} = \sqrt[3]{5 \times 5 \times 5 \times 3 \times 3 \times 3} = \sqrt[3]{3375} = 15 \quad (و)$$

$$15 = \sqrt[3]{15^3} =$$

<< السؤال الرابع

جد طول حرف صندوق مكعب الشكل إذا استخدم في صنعه صفيحة معدنية مساحتها 150 سم².

الحل:

مساحة الصفيحة = حجم المكعب ، ، إذن حجم المكعب = 150 سم³

حجم المكعب = (الضلع)³

طول الضلع = $\sqrt[3]{\text{الحجم}} = \sqrt[3]{150}$ سم

اشترك

سلسبيل الخطيب



أولاً : التدريبات

ملاحظة تجد شرح هذه الوحدة

مع توضيح لحلول بعض
تدريبات وأسئلة الكتاب على
قناتي في اليوتيوب باسم
"سلسبيل الخطيب"

<< تدريب (٥ - ١٠)

حلّ المعادلات الأسية الآتية :-

$$(أ) \quad 3^x = 81 \iff 3^x = 3^4 \iff x = 4$$

$$(ب) \quad 2^{x-1} = 16 \iff 2^{x-1} = 2^4 \iff x-1 = 4 \iff x = 5$$

$$(ج) \quad \left(\frac{4}{7}\right)^x = \frac{256}{2401}$$

$$\left(\frac{4}{7}\right)^x = \frac{4^4}{7^4} = \left(\frac{4}{7}\right)^4 \quad \text{بما أن الأساسات تساوت إذن الأسس تتساوى ، إذن } x = 4$$

$$(د) \quad \left(\frac{1}{8}\right)^{-x} = \frac{1}{512} \iff \frac{1}{8^x} = \frac{1}{8^3} \iff \frac{1}{8^x} = \frac{1}{8^3} \iff x = 3$$

<< تدريب (٥ - ١١)

حلّ المعادلات الأسية الآتية :-

$$(أ) \quad (٠,٣)^x = (٠,٠٠٨١) \iff \left(\frac{3}{10}\right)^x = \left(\frac{3}{10}\right)^4 \iff \frac{3^x}{10^x} = \frac{3^4}{10^4} \iff \frac{3^x}{10^x} = \frac{3^4}{10^4}$$

$$\iff \left(\frac{3}{10}\right)^x = \left(\frac{3}{10}\right)^4 \iff x = 4$$

$$(ب) \quad 9^x = 1 \iff \text{إي عدد مرفوع لقوة صفر يساوي واحد ، إذن } x = 0$$

$$(ج) \quad 11^2 \times 121^2 = 11^6$$

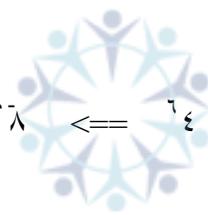
$$11^2 \times (11^2)^2 = 11^6 \iff 11^2 \times 11^4 = 11^6 \iff 11^2 \times 11^4 = 11^6 \iff 11^2 + 4 = 11^6 \iff 11^6 = 11^6$$

$$\iff 2 + 4 = 6 \iff 2 = 2 \iff 1 = 1$$

اشترك



سلسبيل الخطيب



$${}^6_4 = {}^{5+m-}_8 \iff {}^6_4 = {}^5_8 \times {}^4_8 \iff {}^6_4 = {}^5_8 \times {}^4_8 \quad (د)$$

$$\text{إذن ، } {}^{12}_2 = {}^{(5+m-)}_2 \iff {}^6_2 = {}^{(32)}_2 \iff$$

$$1 = m \iff 1 = m - \iff 4 = 5 + m - \iff 12 = (5 + m -) 3$$

ثانيا : الأسئلة صفحة (٢٧)

<< السؤال الأول :

احضر ورقة مربعة الشكل ، واطوها من المنتصف مرات عدة ، ثم أكمل الفراغات في الجدول الآتي بعد أن تنتقله إلى دفترك :

الصورة الأسية لعدد الأجزاء الناتجة	عدد الأجزاء الناتجة	عدد مرات الطي	
$1 = {}^1_2$	1	0	
$2 = {}^1_2$	2	1	
$4 = {}^2_2$	4	2	
$8 = {}^3_2$	8	3	
$16 = {}^4_2$	16	4	

<< السؤال الثاني

حل المعادلات الأسية الآتية :-

$$(أ) \quad 16 = {}^4_4 \iff {}^2_4 = {}^3_4 \iff 2 = 3$$

$$(ب) \quad {}^7_2 = {}^3_2 \iff {}^7_2 = {}^3_2 \iff {}^7_2 = {}^3_2 \iff {}^7_2 = {}^3_2 \iff {}^7_2 = {}^3_2$$

$$\frac{21}{2} = 21 \iff 21 = 21 \iff 21 = 21 \iff 21 = 21 \iff 21 = 21$$



$$١٠٢ = ٢^٤ \times ٣^٢ \iff ١٠٢ = ٢^٢ \times ٣^٢ \iff ١٠٢٤ = ٢^٤ \times ٣^٢ \iff ٢ = ٢^{٤+٢} \iff ٢ = ١٠ = ٤ + ٦ \iff ٢ = ١٠ = ٥ + ٥$$

$$\left(\frac{٦}{٥}\right)^٣ = \left(\frac{٥}{٦}\right)^٤ \iff \frac{٣٦}{٣٥} = \left(\frac{٥}{٦}\right)^٤ \iff \frac{٢١٦}{١٢٥} = \left(\frac{٥}{٦}\right)^٤ \iff \left(\frac{١}{١}\right)^٣ = \left(\frac{١}{١}\right)^٤ \text{ حسب القاعدة } \iff ٣ = ٤$$

$$\left(\frac{١}{٢}\right)^٧ = \left(\frac{١}{٢٢}\right)^{١+٢} \iff \left(\frac{١}{٢}\right)^٧ = \left(\frac{١}{٤}\right)^{١+٢} \iff \left(\frac{٥}{١٠}\right)^٧ = \left(\frac{١}{٤}\right)^{١+٢}$$

$$\text{إذن ، } ٧-٢ = (١+٢)^٢-٢ \iff ٧(١-٢) = ١+٢(٢-٢) \iff$$

$$٢,٥ = ٣,٥ = ١ + ٢ \iff ٧- = (١ + ٢) ٢- \iff$$

$$٣^٧(١-٣) = ٣^٣ \times ٣^{١-٣} \iff \left(\frac{١}{٣}\right)^٧ = ٢٧ \times \left(\frac{١}{٣}\right)^٣$$

$$\text{إذن ، } ٧-٣ = ٣+٣-٣ \iff ٧-٣ = ٣^٣ \times ٣-٣ \iff$$

$$٠,٥ = ٣ = ٦ = ٣ \iff ٧- = ٣ + ٣ -$$

<< السؤال الثالث

حصل مخترع الشطرنج على مكافأة من الملك وهي حبوب من القمح : حبة قمح عن المربع الأول في

لوحة الشطرنج ، حبتان عن المربع الثاني ، أربع حبات عن المربع الثالث وهكذا ، جد الآتي :-

(أ) ما عدد حبات القمح التي حصل عليها في المربع التاسع؟

(ب) إذا كان عدد حبات القمح التي حصل عليها في المربع س هو ٢٠٤٨ ، جد قيمة س.

(ج) جد عدد حبات القمح التي حصل عليها في المربع الحادي والعشرين باستخدام الآلة الحاسبة.

(د) جد مجموع حبات القمح التي حصل عليها من المربعات الثمانية الأولى.

الحل :-

بداية جد القاعدة التي تبين العلاقة بين عدد حبات القمح ومربعات الشطرنج ، والقاعدة هي :

عدد حبات القمح = $٢^{١-٢}$ ، حيث س تمثل مربع الشطرنج

اشترك



سلسبيل الخطيب

أ) عدد حبات القمح التي حصل عليها في المربع التاسع = $1-9$ = 8 = 2^3 = ٢٥٦ حبة قمح

ب) عدد حبات القمح = $1-س$ = 2048 <== $س = 2$ <== 11 = $س-1$ ، إذن ،

$$11 = س - 1 <== س = 12$$

ج) عدد حبات القمح التي حصل عليها في المربع الحادي والعشرين = $1-21$ = 20 = 2^2 = ١٠٤٨٥٧٦ حبة قمح

د) مجموع حبات القمح التي حصل عليها من المربعات الثمانية الأولى :

عدد حبات القمح في المربع الأول = $1-1$ = 0 = 2^0 = ١ حبة قمح

عدد حبات القمح في المربع الثاني = $1-2$ = 1 = 2^1 = ٢ حبة قمح

عدد حبات القمح في المربع الثالث = $1-3$ = 2 = 2^2 = ٤ حبة قمح

عدد حبات القمح في المربع الرابع = $1-4$ = 3 = 2^3 = ٨ حبة قمح

عدد حبات القمح في المربع الخامس = $1-5$ = 4 = 2^4 = ١٦ حبة قمح

عدد حبات القمح في المربع السادس = $1-6$ = 5 = 2^5 = ٣٢ حبة قمح

عدد حبات القمح في المربع السابع = $1-7$ = 6 = 2^6 = ٦٤ حبة قمح

عدد حبات القمح في المربع الثامن = $1-8$ = 7 = 2^7 = ١٢٨ حبة قمح

إذن المجموع = $1 + 2 + 4 + 8 + 16 + 32 + 64 + 128 = 255$ حبة قمح

من وصايا الرسول ﷺ: اغتَنمَ خَمْسًا قَبْلَ خَمْسٍ: شَبَابُكَ قَبْلَ هَرَمِكَ وَصِحَّتُكَ قَبْلَ

سَقَمِكَ وَغَنَاكَ قَبْلَ فُقْرِكَ، وَفَرَاغُكَ قَبْلَ شُغْلِكَ، وَحَيَاتُكَ قَبْلَ مَوْتِكَ.



اشترك



سلسلة الخطيب

المعلمة : سلسلة الخطيب ١٦

أسئلة المراجعة صفحة (٢٨)

<< السؤال الأول :

يتكون هذا السؤال من خمس فقرات من نوع الاختبار من متعدد ، ولكل منها أربعة بدائل واحد فقط منها

صحيح، اختر رمز البديل الصحيح لكل منها:

(١) قيمة س التي تحقق المعادلة $3^{-س} = 27$ تساوي :

- ٣ (أ) ٤ (ب) ١ (ج) ٢ (د)

الإجابة :

$$3^{-س} = 3^3 \implies س = 1 - 3 \implies س = -2$$

(٢) العدد $7 \times 10^{-1} + 3 \times 10 + 4 \times 10^2$ هو تحليل للعدد :

- ٤٣٠,٧ (أ) ٤٣,٧ (ب) ٤٣,٠٧ (ج) ٤٣٧ (د)

الإجابة :

$$7 \times 10^{-1} = 0,7 \quad , \quad 3 \times 10 = 30 \quad , \quad 4 \times 10^2 = 400$$

$$\text{إذن : } 430,7 = 400 + 30 + 0,7$$

(٣) تحليل المقدار $(س^2 - ٥)$ هو :

- (أ) $(س - ٥)(س + ٥)$ (ب) $(س - ٥)(س - ٥)$
(ج) $(س + ٥)(س - ٥)$ (د) $(س + ٥)(س + ٥)$

(٤) قيمة المقدار $\sqrt[٣]{\frac{١٢٥ س^٣ ص}{٣ ص^٣}}$ عندما $س = ١$ ، $ص = ٣$ ، هو :

- ٥ (أ) ١٢٥ (ب) ٥ (ج) ١٢٥ (د)

الإجابة :

$$\frac{٥}{٣} = \frac{١}{٣} \times \sqrt[٣]{\left(\frac{٥}{٣}\right)^3} = \sqrt[٣]{\frac{١٢٥}{٢٧}} = \sqrt[٣]{\frac{3 \times 3 \times 3 \times 125}{1 \times 3 \times 3 \times 3}} = \sqrt[٣]{\frac{١٢٥ س^٣ ص}{٣ ص^٣}}$$

اشترك





(٥) إحدى العبارات الآتية صحيحة :

(ب) $س^٣ + س^٢ = س^٥$

(أ) $س^٣ \times س^٢ = س^٦$

(د) $س^٣ \times س^٢ = س^٥$

(ج) $س^٣ \div س^٢ = س^٥$

<< السؤال الثاني :

اكتب كلا من الأعداد الآتية بالصورة العلمية :

(أ) $١٠ \times ٣,٥٠١٢ = ٣٥٠,١٢$

(ب) $١٠ \times ٧ = ٧٠٠٠٠٠٠$

(ج) $١٠ \times ٤,٨٩ = ٤٨٩٠٠٠٠٠٠٠٠$

(د) $١٠ \times ٦,٢٠٠٣ = ٦٢,٠٠٣$

<< السؤال الثالث :

حلّ المعادلات الآتية :

(أ) $٣+س = ٢(١-س) \iff ٣+س = ٢-٢س \iff ٣+س = ١-٢س \iff ٣+٣س = ١-٢س \iff ٥س = -٢ \iff س = -٠,٤$ إذن ،

$٥ = س$

(ب) $١ = ص \iff ص = ٠$

(ج) $٤٩ = ٢-٢س \iff ٤٩ = ٢-٢س \iff ٤٧ = -٢س \iff ٢س = -٤٧ \iff س = -٢٣,٥$ إذن ،

$٠ = ٤ + س \iff ٠ = ٤ + س \iff س = -٤$

$٢ = س$

(د) $٤٣ \times ٥ = ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٥ = ٤٠٥$ ، تحليل $٤٠٥ = \frac{٣ \times ١٢٥}{٣ \times ٥}$

$٤٣ \times ٥ = \sqrt[٣]{٣} \times \sqrt[٣]{٢٥} \iff ٤٣ \times ٥ = \sqrt[٣]{٣ \times ٢٥}$

$٤٣ = ص \iff ٤٣ = ص \iff ٤٣ \times ٥ = \frac{١}{٢} \times (٣ \times ٢٥)$

اشترك



سلسبيل الخطيب

